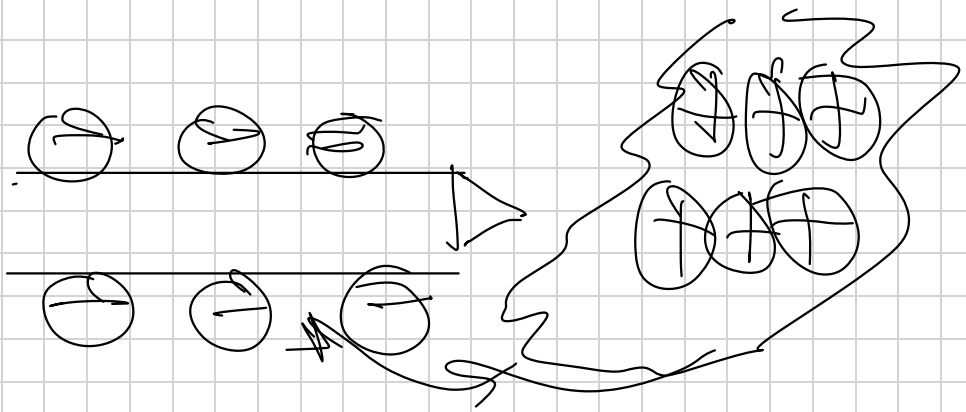
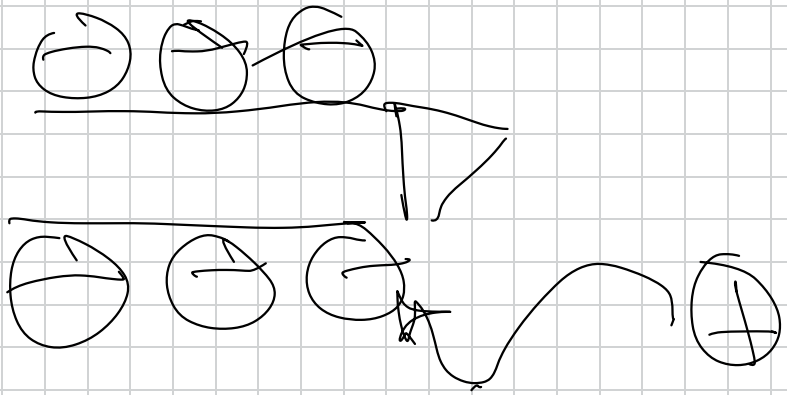


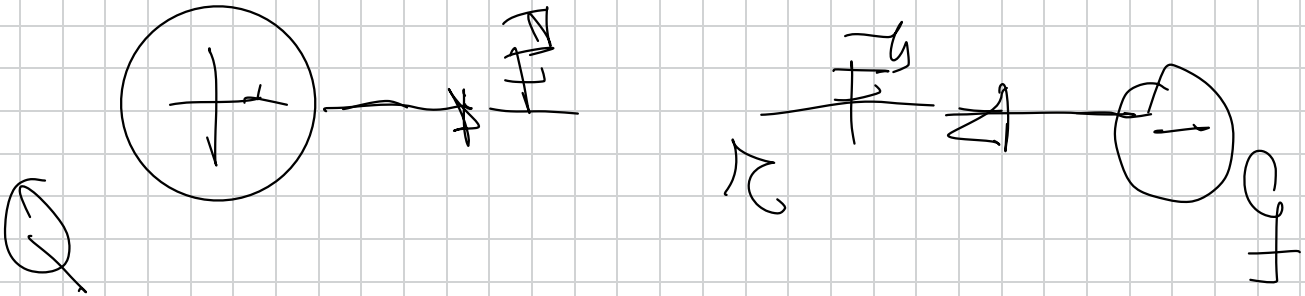




$$F = G \cdot \frac{M \cdot m}{r^2}$$

$$G = 6{,}67 \cdot 10^{-11}\ N \cdot m^2 \cdot kg^{-2}$$

Ley de Coulomb.



$$F = K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}$$

$$K = 9 \cdot 10^9\ N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$$

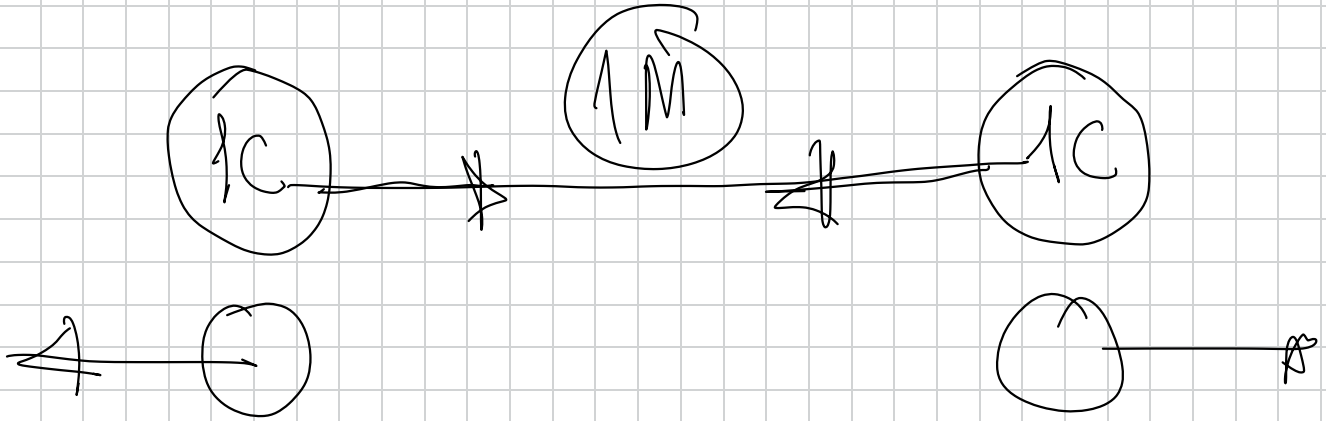
vacío.

$$F = K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}$$

1C, 1C

r^2 → 1m en el vacío.

$$F = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1 \cdot 1}{1^2} = 9 \cdot 10^9 \, N$$



$1\ mC = 10^{-3}\ C$

$1\ \mu C = 10^{-6}\ C$

$1\ nC = 10^{-9}\ C$

$1\ pC = 10^{-12}\ C.$

$1\ C$

$1e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C$

- Conservación de la carga
- La carga está **cuantizada**.

cuántica

nucleón

$$Q = \pm n \cdot e$$

$e = 1'6 \cdot 10^{-19}\ C$

protón $= +1'6 \cdot 10^{-19}\ C$

electrón $= -1'6 \cdot 10^{-19}\ C$.

Na^+ $Q = +1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C$

Cl^- $Q = -1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C$

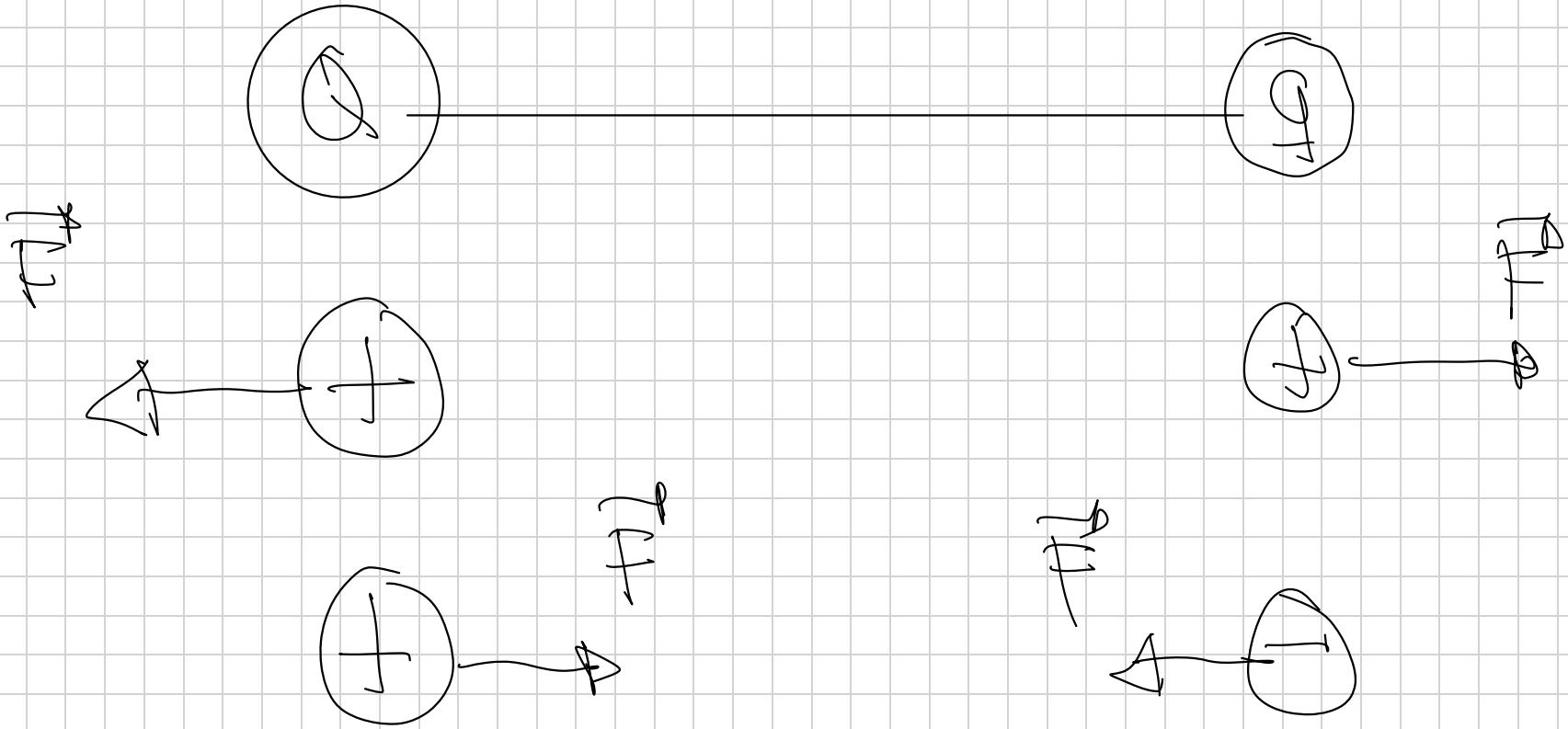
Ca^{2+} $Q = +2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C = +3{,}2 \cdot 10^{-19}\ C$

S^{2-} $Q = -2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C = -3{,}2 \cdot 10^{-19}\ C$

Al^{3+} $Q = +3 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C$

~~Al^{35+}~~ $+\ -$

ley de Coulomb.



$$F = k \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}$$

$$k = 9 \cdot 10^9 \cdot N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$$

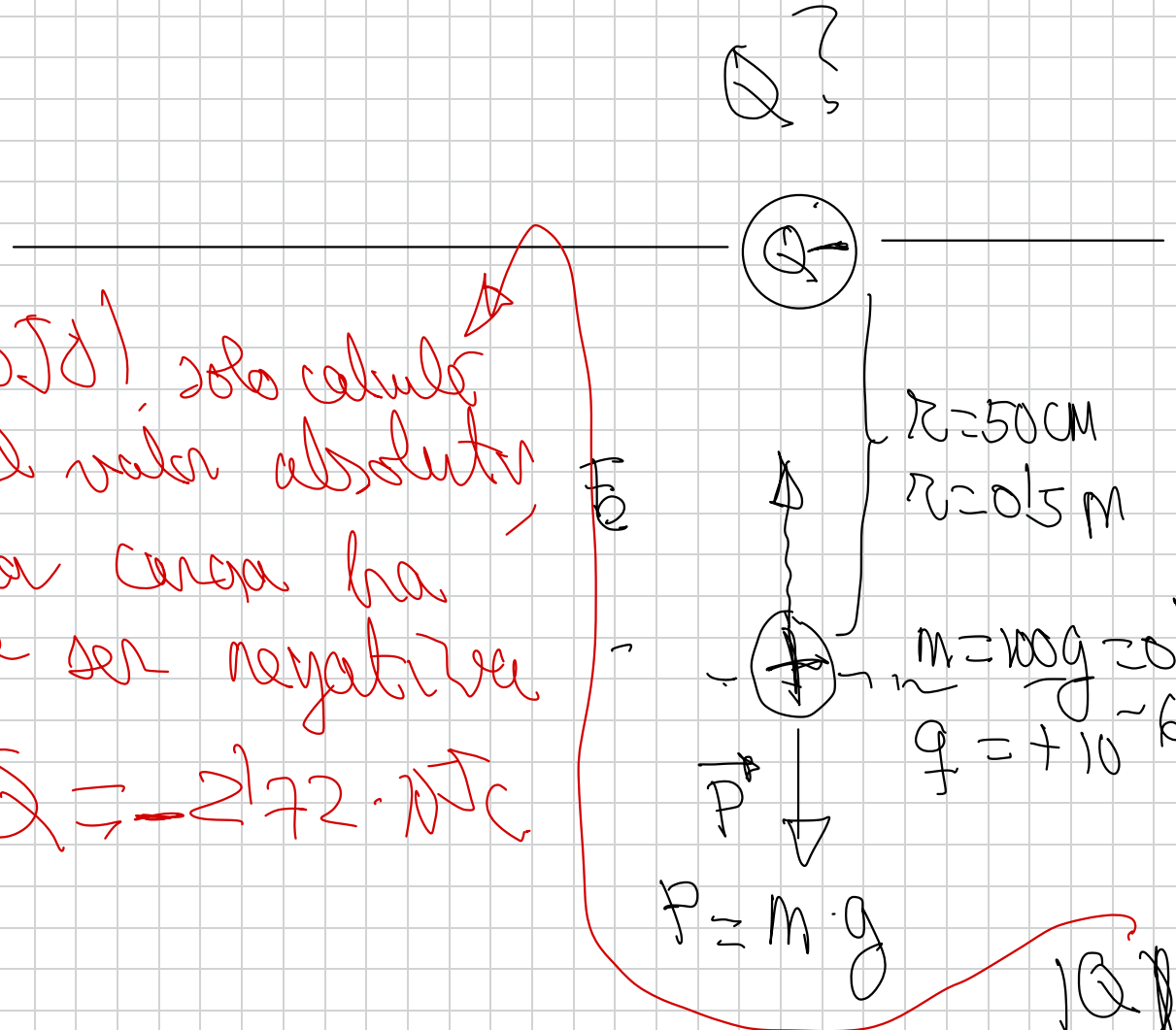
Q y q $\Rightarrow$ C

$r \Rightarrow (m)$

$F \Rightarrow N$.

1.- Una partícula de masa m=100 g está cargada con una carga q = $+10^{-6}$C y se mantiene en equilibrio a una distancia de 50 cm por debajo de otra partícula Q cargada y fija. ¿Cuánto vale la carga de esta segunda partícula Q fija?.

g=9,8 $m \cdot s^{-2}$, K=$9 \cdot 10^9$ $N \cdot m^2 \cdot C^{-2}$



¡|Q| solo calcula el valor absoluto, la carga ha de ser negativa

Q = −2'72·10⁻⁵C

$|\vec{F_g}| = |\vec{F_e}|$

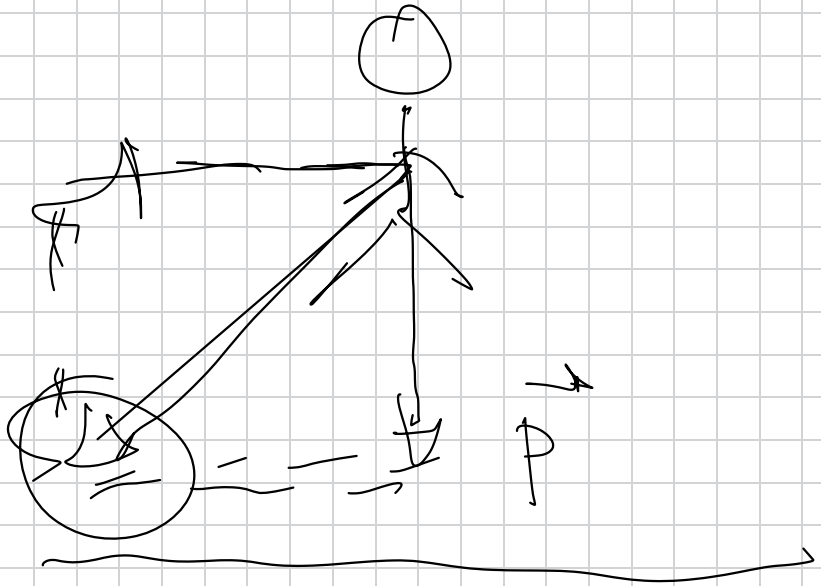
$m \cdot g = K \cdot \frac{|Q| \cdot |q|}{r^2}$

$|Q| = \frac{m \cdot g \cdot r^2}{K \cdot |q|}$

Equilibrio

$|Q| = \frac{0'1 \cdot 9'8 \cdot (0'5)^2}{9 \cdot 10^9 \cdot 10^{-6}}$

$|Q| = 2'72 \cdot 10^{-5}$ C.


P

3.- En los puntos A(-1,0) m y B(0,1) m están situadas, respectivamente, las cargas puntuales q_1=+30μC y q_2=-40μC.

a) Calcular la fuerza que dichas cargas ejercen sobre una carga q_3=-10μC situada en el punto (0,0) m

b) Dibujar un esquema de todas las fuerzas actuantes

$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$

Aplicamos principio de superposición de las fuerzas

$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$

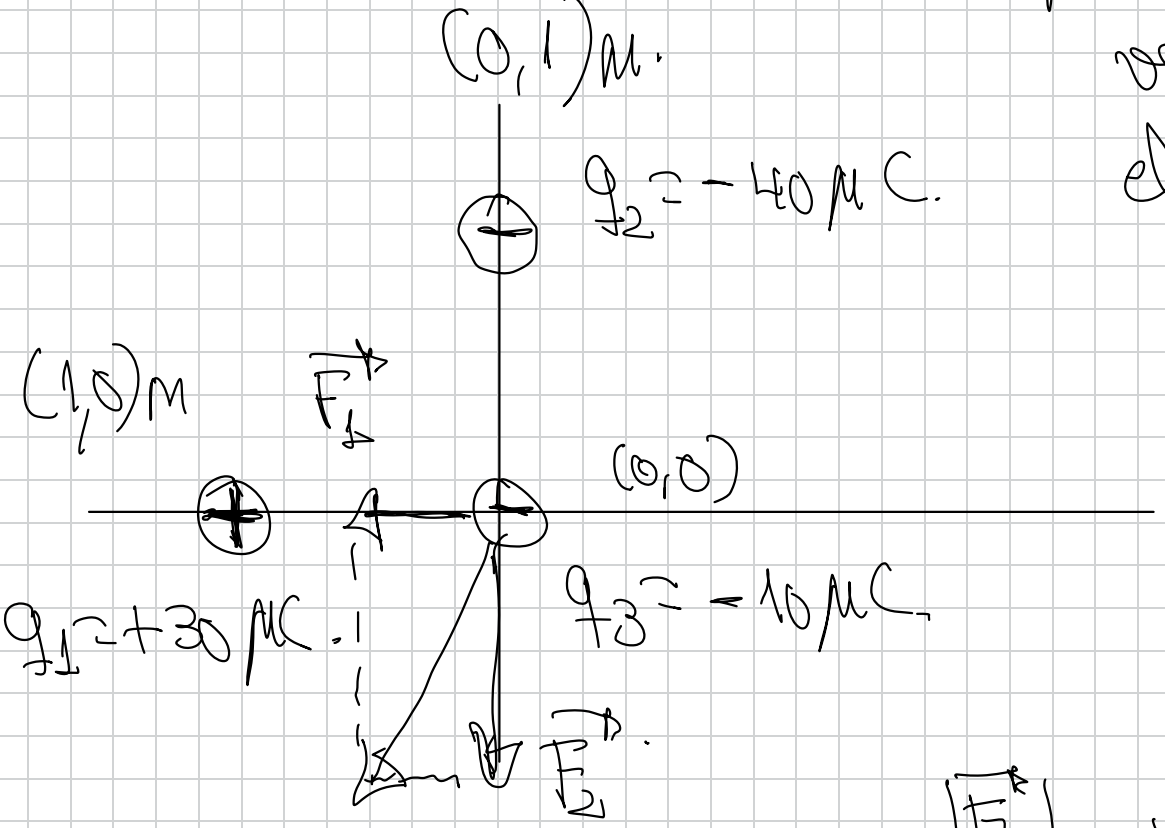
$1\ mC = 10^{-3}\ C$

$1\ \mu C = 10^{-6}\ C$

$1\ nC = 10^{-9}\ C$

$1\ pC = 10^{-12}\ C$

¡OJO!, en las magnitudes vectoriales del campo eléctrico, primero se calcula el módulo y después dirección y sentido.



$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

$$|\vec{F}_2| = K \cdot \frac{|q_2| \cdot |q_3|}{r^2}$$

$$|\vec{F}_2| = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{40 \cdot 10^{-6} \cdot 10 \cdot 10^{-6}}{1^2}$$

ley de Coulomb

$$|\vec{F}_1| = K \cdot \frac{|q_1| \cdot |q_3|}{r^2}$$

$$|\vec{F}_1| = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{30 \cdot 10^{-6} \cdot 10 \cdot 10^{-6}}{1^2}$$

$$|\vec{F}_1| = 2{,}7\ N$$

$$\vec{F}_1 = -2{,}7\ \vec{i}\ (N)$$

$|\vec{F}_2| = 3{,}6\ N.$

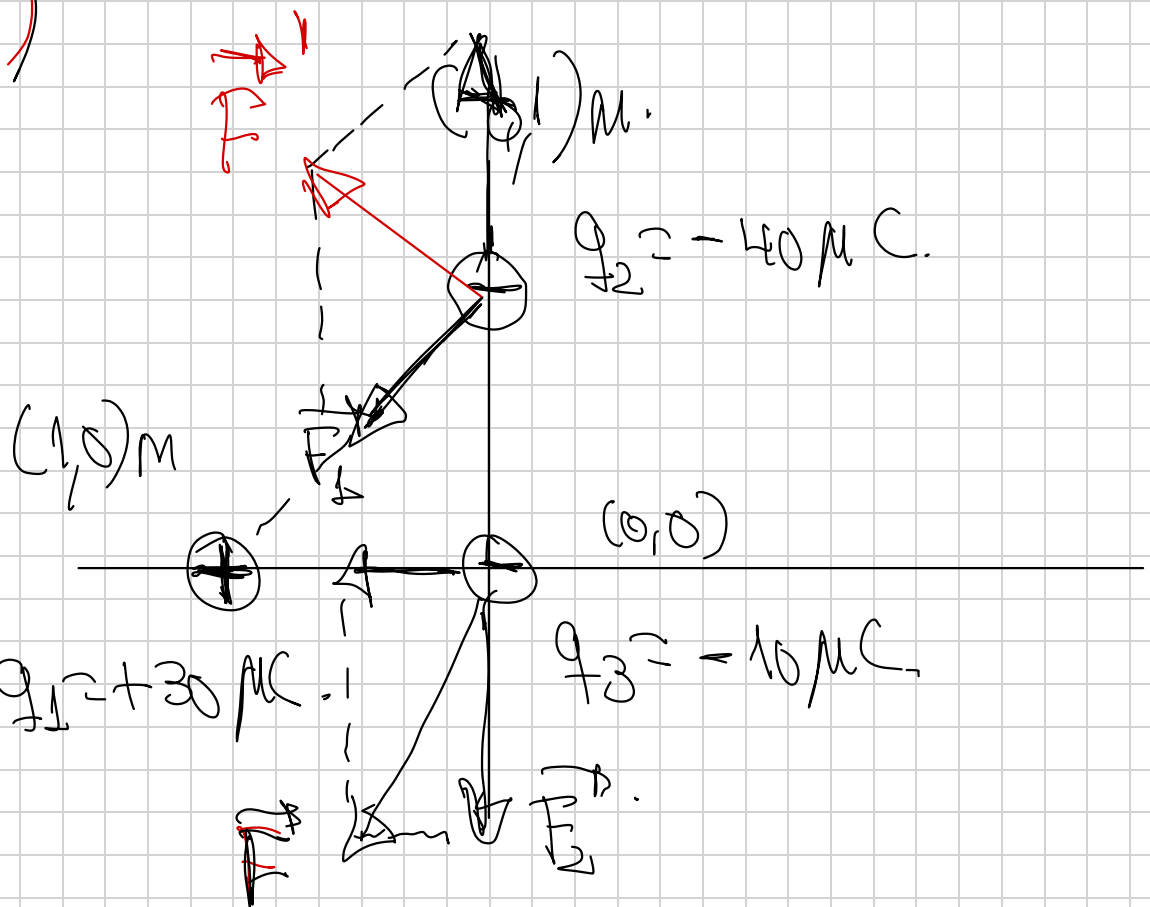
$\vec{F}_2 = -3{,}6\,\vec{j}\ (N)$

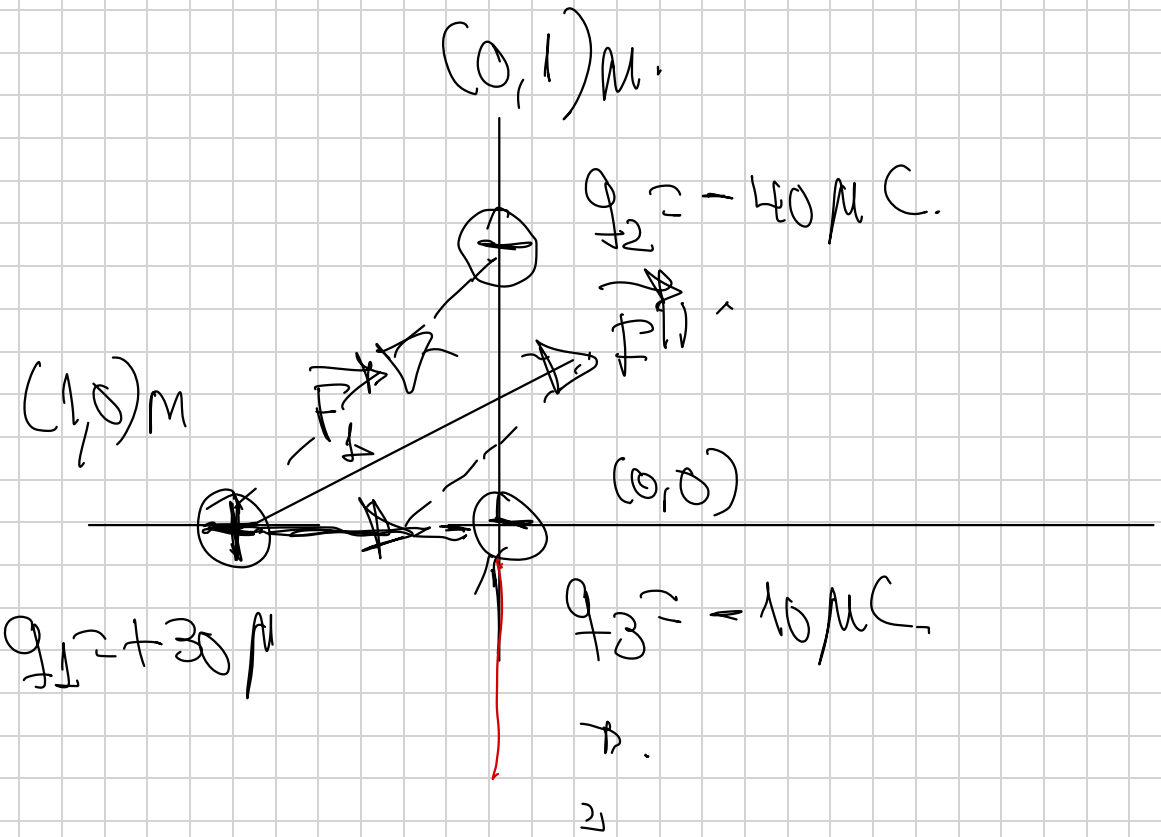
$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$

$\vec{F} = -2{,}7\,\vec{i} - 3{,}6\,\vec{j}\ (N)$

$|\vec{F}| = \sqrt{x^2 + y^2} = 4{,}5\ N.$

b)




(0,1)m.
$q_2 = -40\mu C$.
F_2
F_1
(1,0)m
(0,0)
$q_1 = +30\mu$
$q_3 = -10\mu C$.

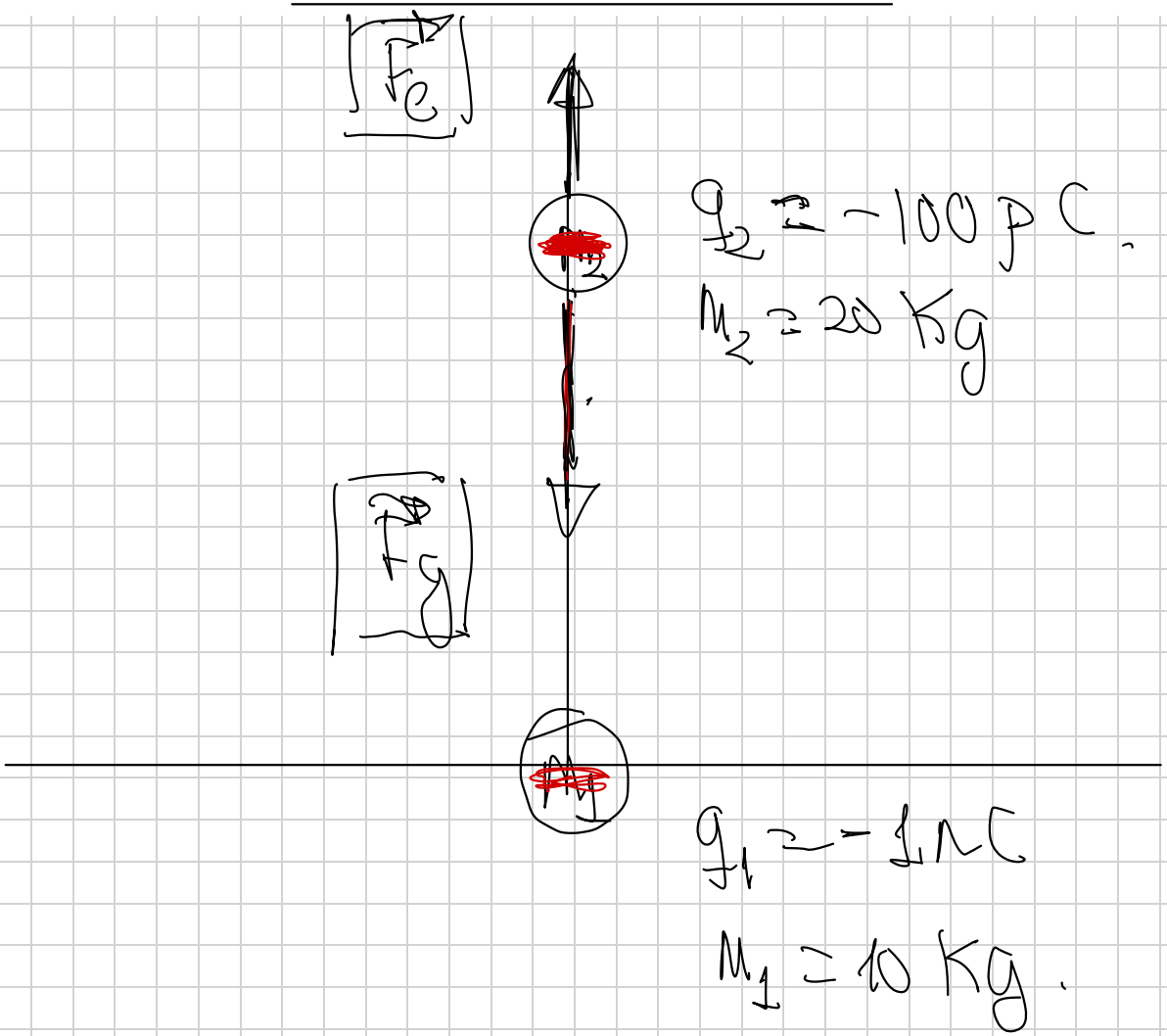
2.- Se sitúa en el origen de coordenadas del espacio vacío un cuerpo puntual de masa 10 Kg y con una carga eléctrica de -1nC. En el punto (0,1)m se sitúa otro cuerpo puntual de masa 20 Kg y carga eléctrica -100 pC.

a) Calcula la fuerza que ejerce el primer cuerpo sobre el cuerpo situado en (0,1) m

b) ¿Cuál es la relación entre la fuerza eléctrica y la fuerza gravitatoria en este caso?

c) Si las cargas estuviesen separadas una distancia mayor en la misma línea que antes, ¿Cómo afectaría ello a la relación calculada en el apartado b)?

$K=9\cdot10^{9}\ N\cdot m^{2}\cdot C^{-2}$, $G=6{,}67\cdot10^{-11}\ N\cdot m^{2}\cdot Kg^{-2}$



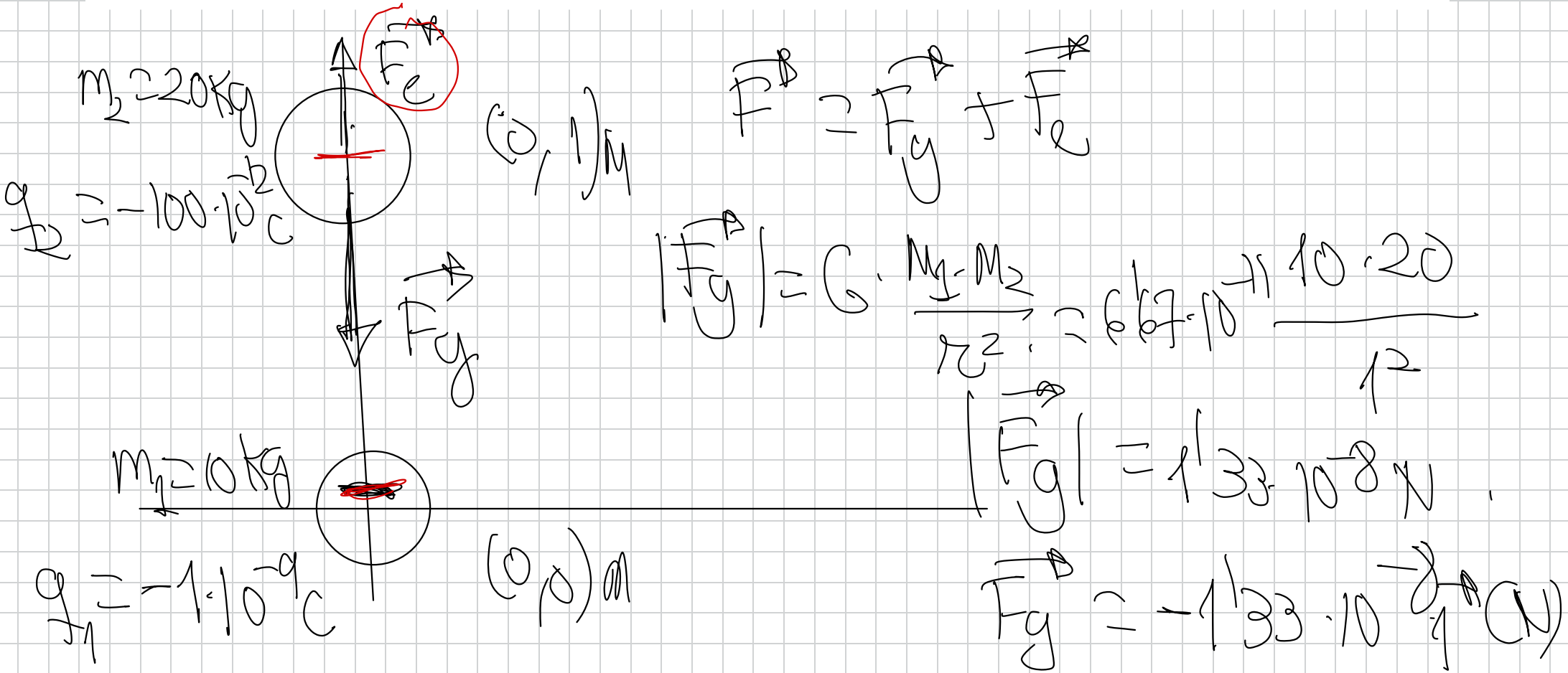
2.- Se sitúa en el origen de coordenadas del espacio vacío un cuerpo puntual de masa 10 Kg y con una carga eléctrica de -1nC. En el punto (0,1)m se sitúa otro cuerpo puntual de masa 20 Kg y carga eléctrica -100 pC.

a) Calcula la fuerza que ejerce el primer cuerpo sobre el cuerpo situado en (0,1) m

b) ¿Cuál es la relación entre la fuerza eléctrica y la fuerza gravitatoria en este caso?

c) Si las cargas estuviesen separadas una distancia mayor en la misma línea que antes, ¿Cómo afectaría ello a la relación calculada en el apartado b)?

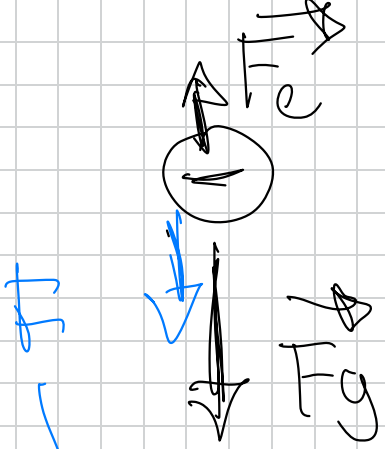
$K=9\cdot10^{9}\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$, $G= 6{,}67\cdot10^{-11}\ N\cdot m^2\cdot Kg^{-2}$



$$|\vec{F_e}| = K \cdot \frac{|q_1| \cdot |q_2|}{r^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{1 \cdot 10^{-9} \cdot 100 \cdot 10^{-12}}{1^2}$$

$$|\vec{F_e}| = 9 \cdot 10^{-10} \text{ N}$$

$$\vec{F_e} = +9 \cdot 10^{-10} \vec{j} \text{ (N)}$$



$\vec{F} = \ominus |1'24 \cdot 10^{-8}| (\vec{j})$ $\quad |\vec{F}| = 1'24 \cdot 10^{-8}$ N.

$|\vec{F}| = \sqrt{x^2 + y^2} = \sqrt{(-1'24 \cdot 10^{-8})^2 + 0^2} = 1'24 \cdot 10^{-8}$ N

$\vec{F} = \vec{F}_e + \vec{F}_g$

$\vec{F} = +9 \cdot 10^{-10} \vec{j} + (-1'33 \cdot 10^{-8} \vec{j})$

$\vec{F} = -1'24 \cdot 10^{-8} \vec{j}$ (N)

$|\vec{F}| = 1'24 \cdot 10^{-8}$ N

$|\vec{F}| = |\vec{F}_g| - |\vec{F}_e| = 1'33 \cdot 10^{-8} - 9 \cdot 10^{-10} = 1'24 \cdot 10^{-8}$ N

$$\frac{|\vec{F_e}|}{|\vec{F_g}|} = \frac{9 \cdot 10^{-10}\ \cancel{N}}{1{,}33 \cdot 10^{-8}\ \cancel{N}} = 0{,}068.$$

→ mejor así.

$$\frac{|\vec{F_e}|}{|\vec{F_g}|} = \frac{K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}}{G \cdot \frac{M \cdot m}{r^2}} = \frac{K \cdot Q \cdot q}{G\, M \cdot m} = 0{,}068.$$

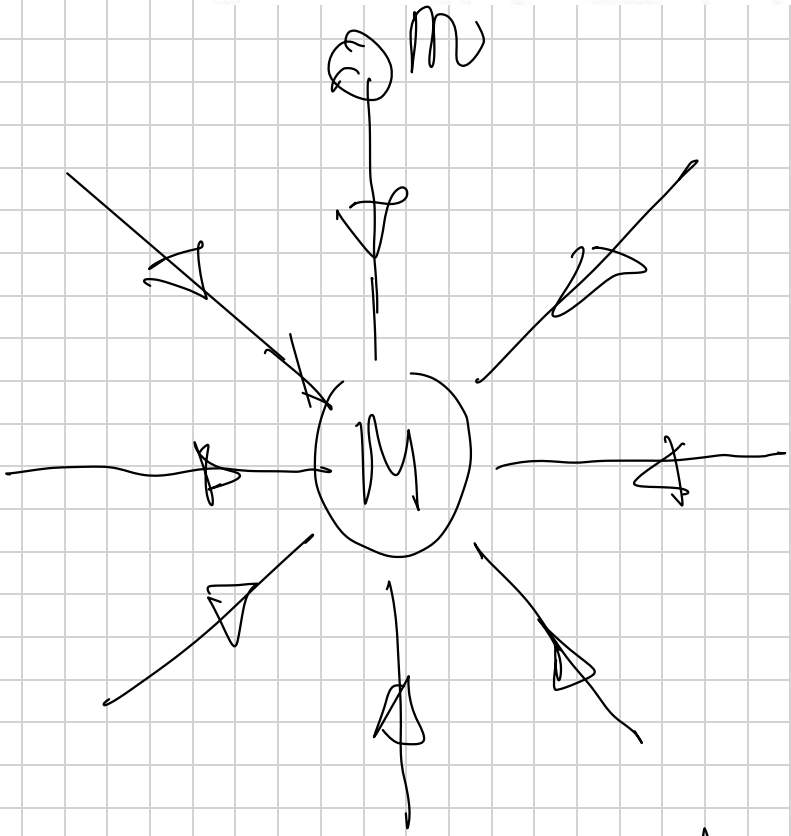
b)

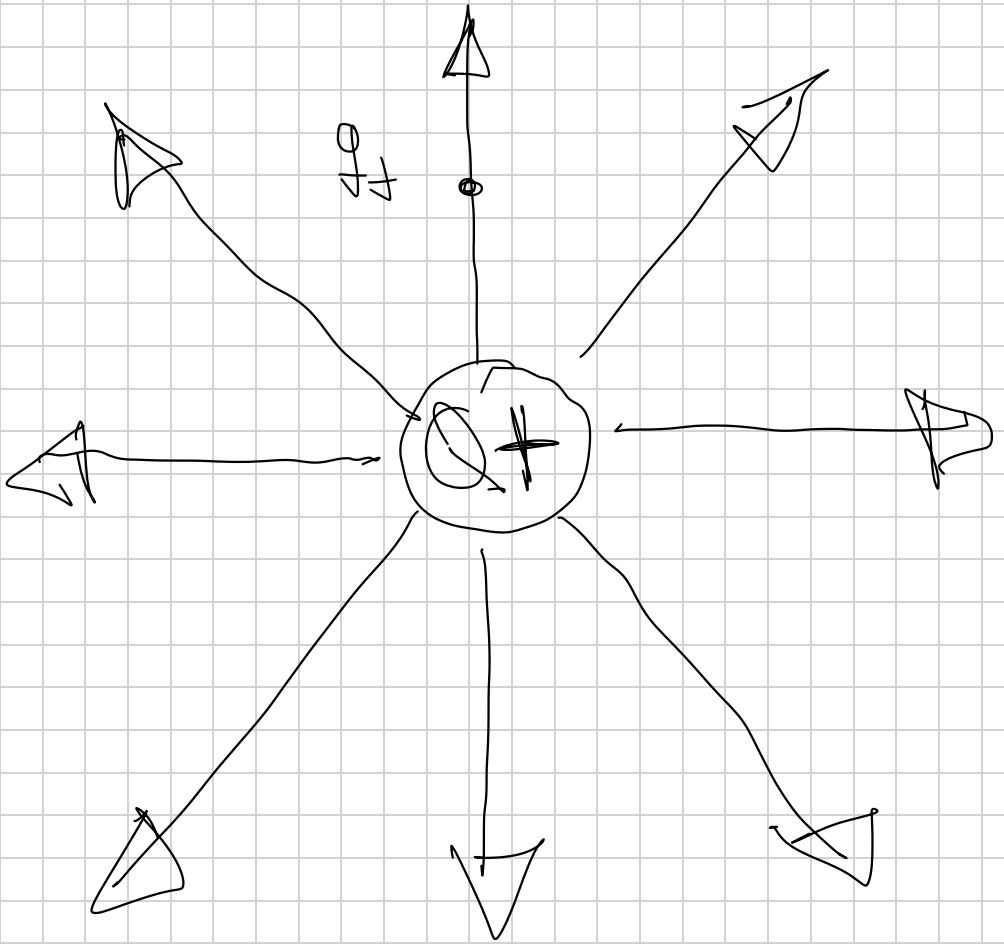
$$\frac{|\vec{F_e}|}{|\vec{F_g}|} = \frac{K \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r^2}}{G \cdot \frac{m_1 \cdot m_2}{r^2}} = \frac{K|q_1||q_2|}{G m_1 \cdot m_2} = 0'068.$$

c)

La relación entre ambas fuerzas sigue siendo la misma porque la distancia entre ambas r no influye.

4.- EL CAMPO ELÉCTRICO. INTENSIDAD DEL CAMPO ELÉCTRICO

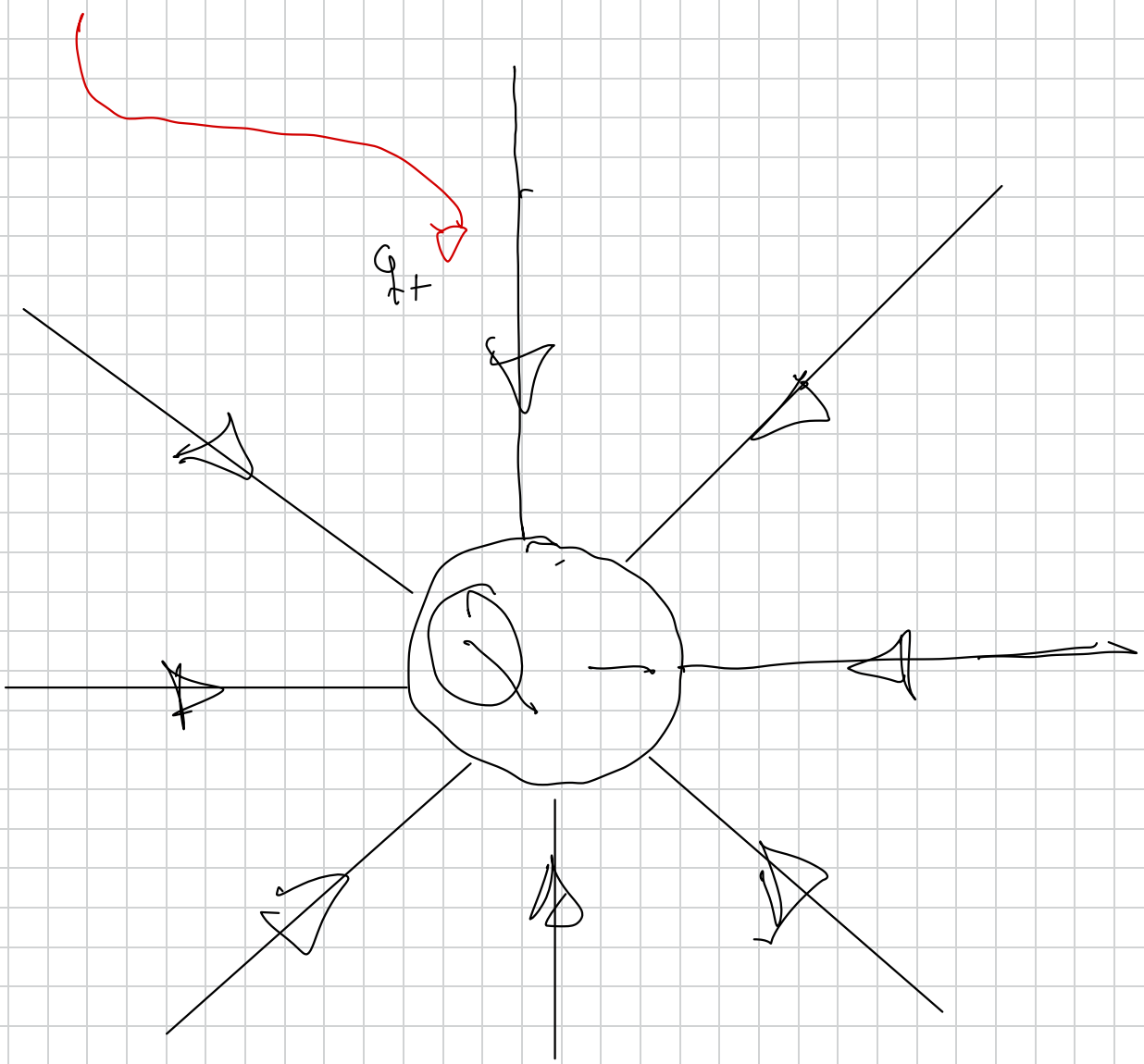




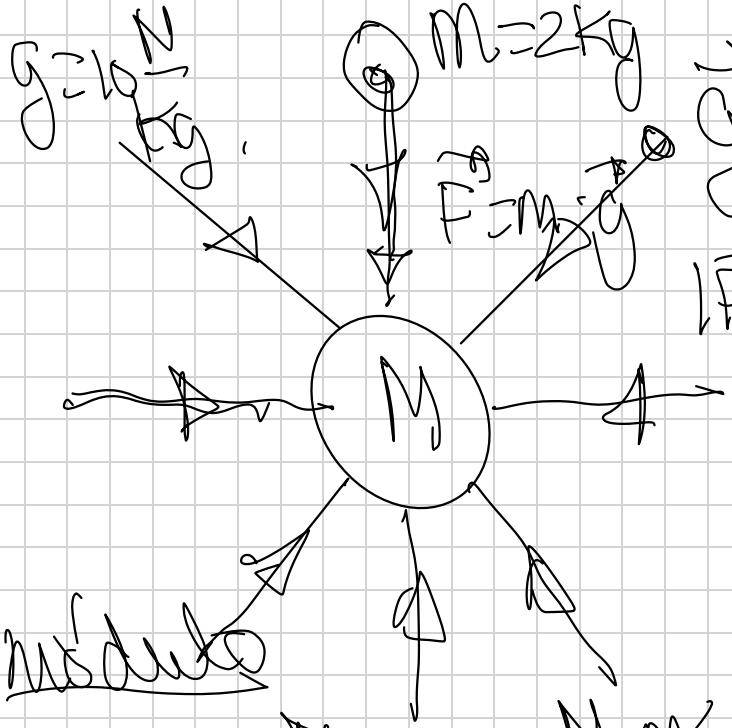
Líneas de campo eléctrico hipotéticas trayectorias que seguiría una carga abandonada en reposo en ese

q ¡¡¡POSITIVA!!!

Campo.



Campo eléctrico $\vec{E}$ o intensidad del campo eléctrico $\vec{E}$



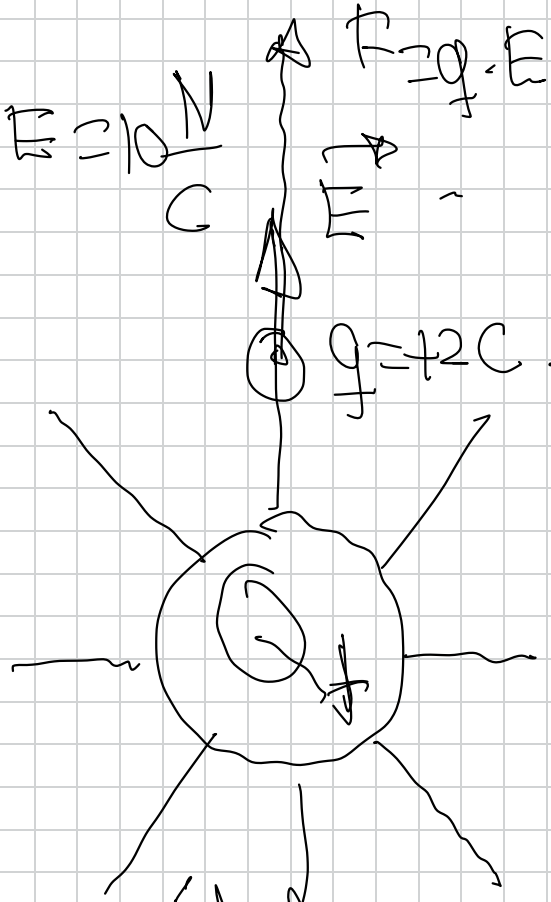
módulo

$$|\vec{g}| = \frac{|\vec{F}|}{M} = \frac{G \cdot \frac{M \cdot m}{r^2}}{m} = G \cdot \frac{M}{r^2}$$

$$\frac{N}{kg} \left(= \frac{m}{s^2}\right)$$

$$F = m \cdot g$$

$$F = 2kg \cdot 10 \frac{N}{kg} = 20N$$



módulo

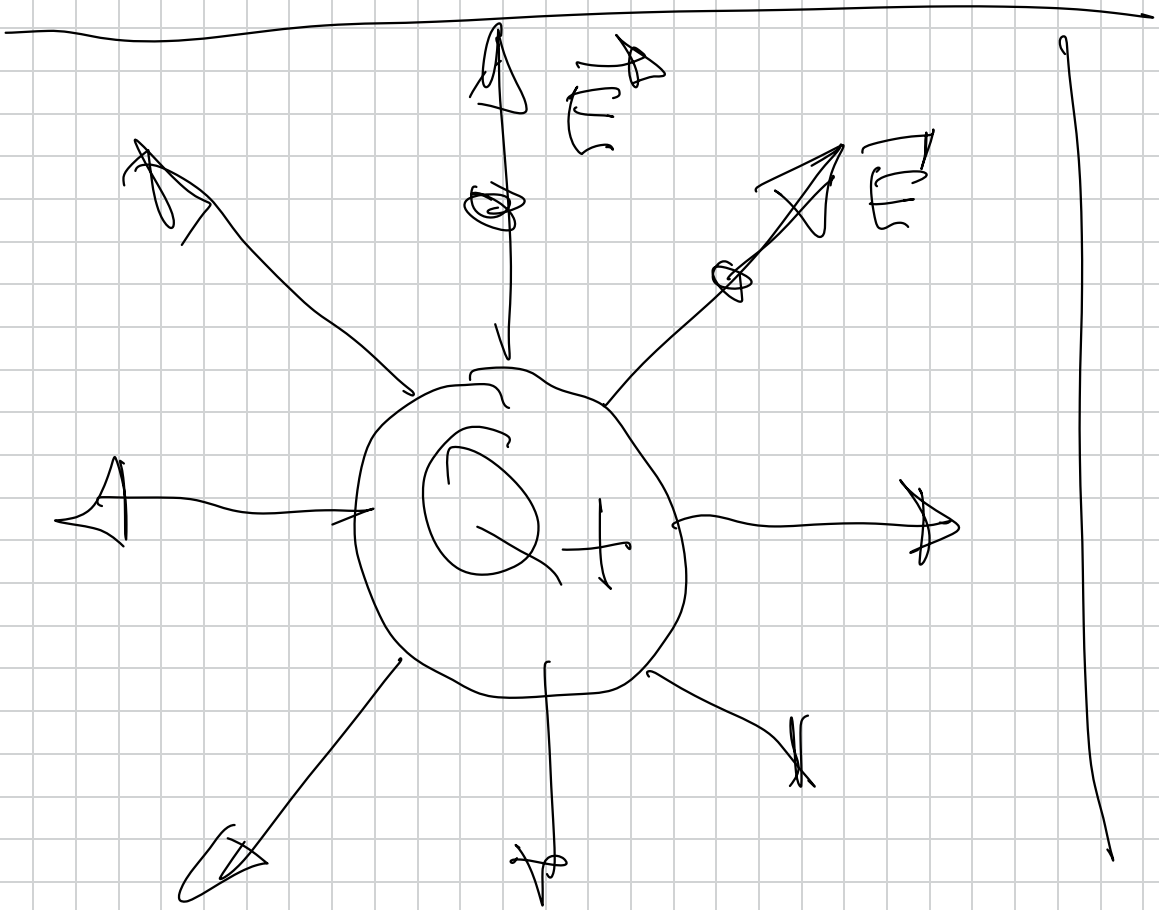
$$|\vec{E}| = \frac{|\vec{F}|}{|\vec{q}|} = \frac{K \cdot \frac{Q \cdot q}{r^2}}{q} = K \cdot \frac{Q}{r^2}$$

$$\frac{N}{C}$$

$$F = q \cdot E$$

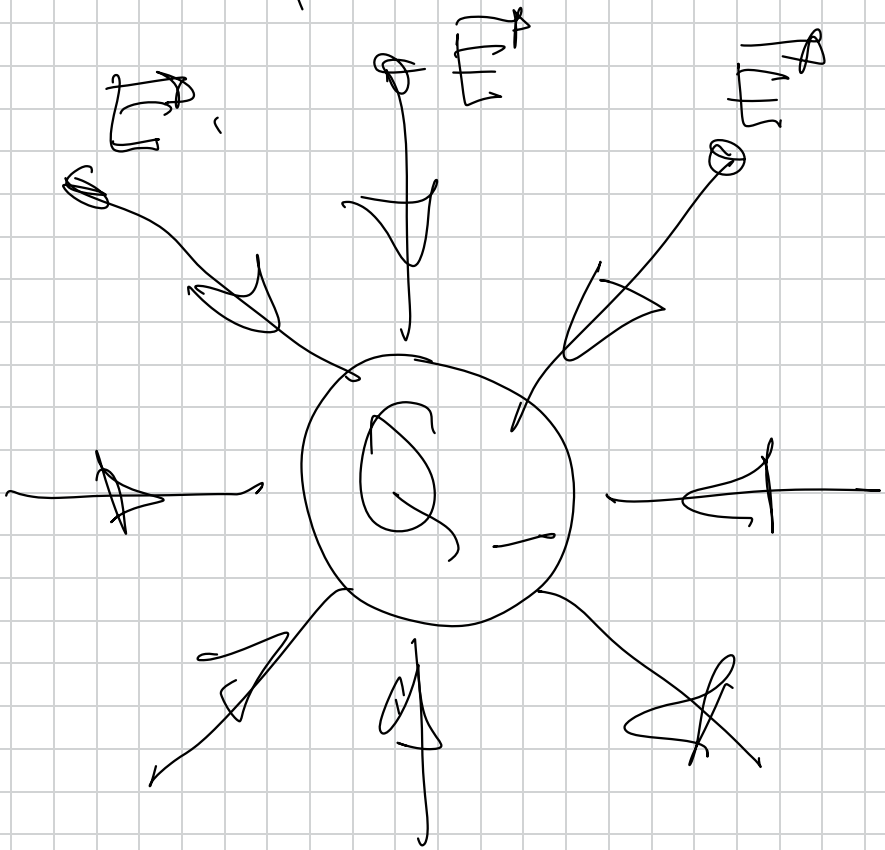
dirección: tg en cada pto a las líneas de campo

sentido: el de las líneas de campo.



dirección: tg en cada pto a las líneas de campo

sentido el de las líneas de campo



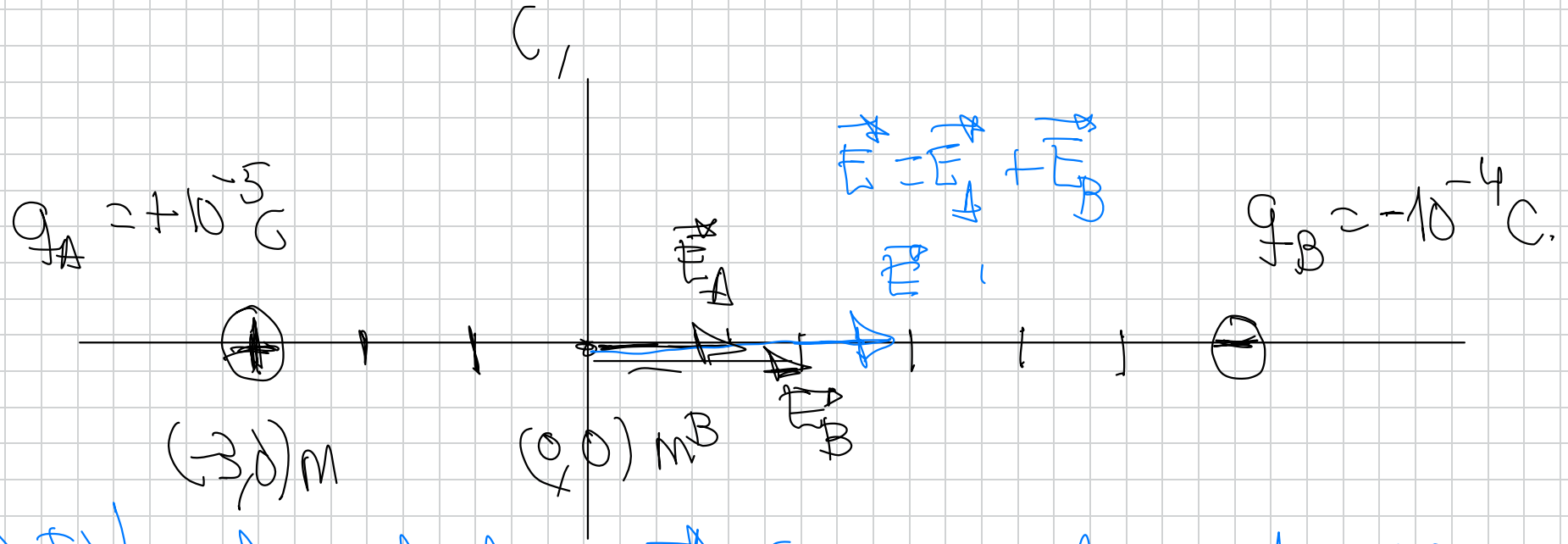
4.- En los puntos A(-3,0) m y B(6,0) m están situadas, respectivamente, las cargas puntuales $q_A=+10^{-5}$ C y $q_B=-10^{-4}$C.

a) Calcular $\vec{E}$, así como su modulo, en el punto (0,0) m

b) Calcular la fuerza ejercida sobre una carga de + 10^{-7} C si hipotéticamente estuviese situada en el punto (0,0) m

c) Calcular la fuerza ejercida sobre una carga de - 10^{-7} C si hipotéticamente estuviese situada en el punto (0,0) m

$K=9\cdot10^{9}\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$



¡OJO! al calcular $\vec{E}$ (magnitud vectorial)

- Módulo

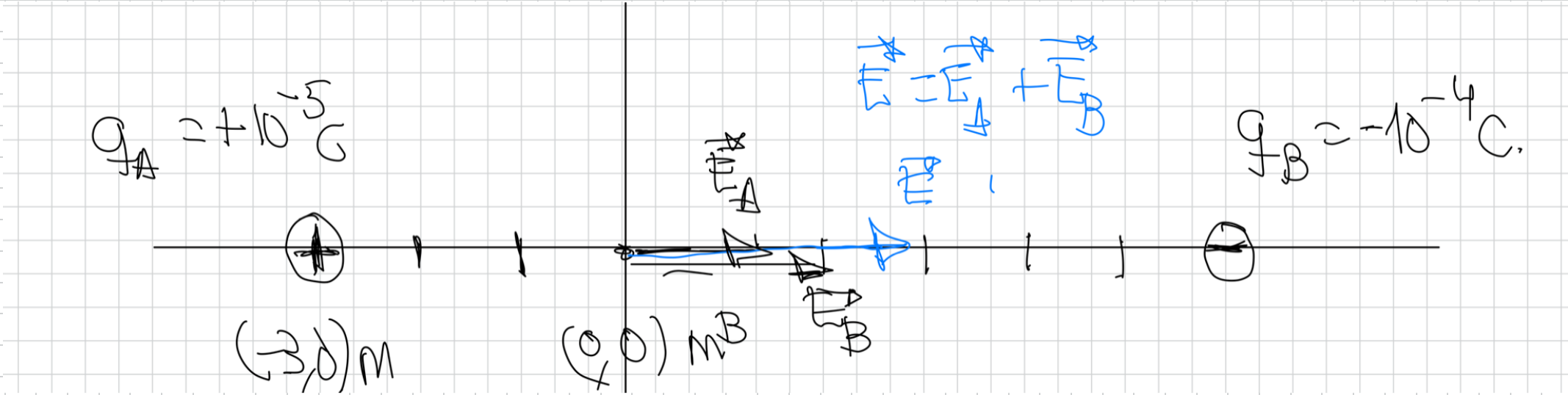
$$|\vec{E}_A| = K \cdot \frac{|q_A|}{r_A^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-5}}{3^2} = 10^4 \frac{N}{C}$$

$$\vec{E}_A = + 10^4 \vec{i} \left(\frac{N}{C}\right) \rightarrow \text{dirección y sentido opuesto.}$$

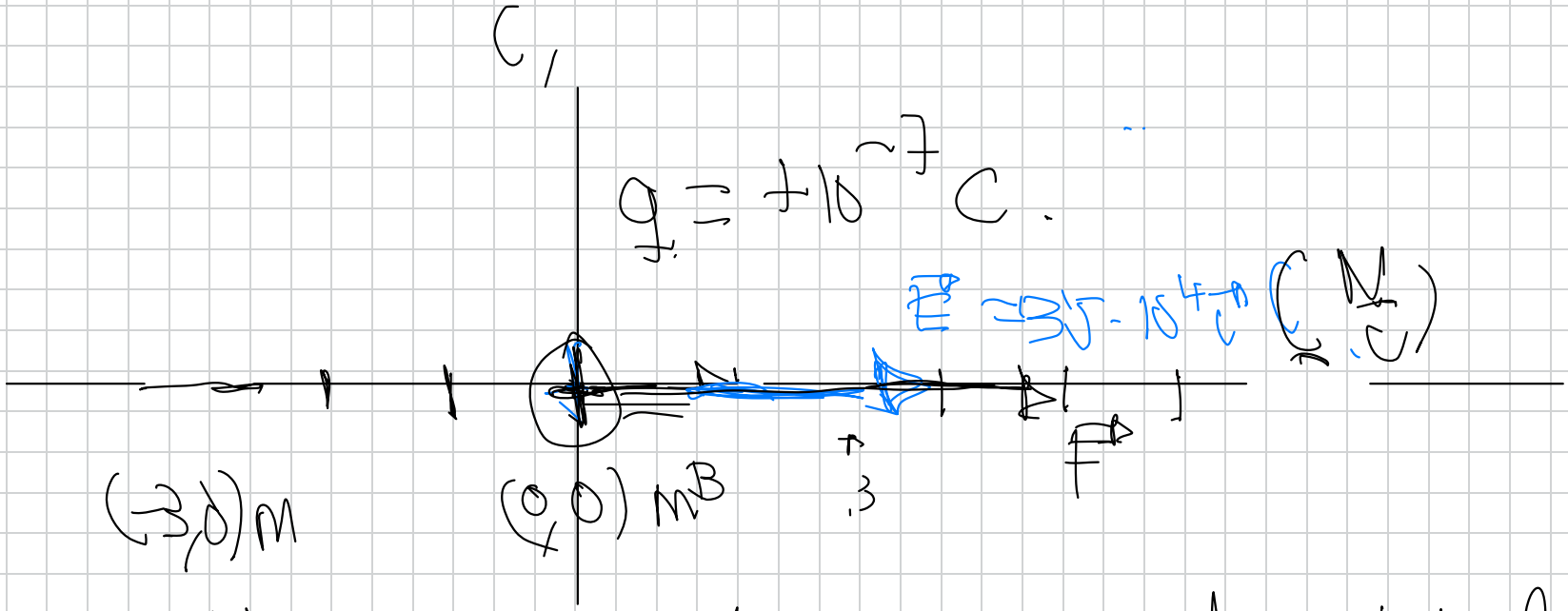
$$|\vec{E}_B| = K \cdot \frac{|q_B|}{r_B^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{10^{-4}}{6^2} = 2{,}5 \cdot 10^4 \frac{N}{C}.$$

$$\vec{E}_B = + 2{,}5 \cdot 10^4 \vec{i} \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$\vec{E} = \vec{E}_A + \vec{E}_B = + 3{,}5 \cdot 10^4 \vec{i} \left(\frac{N}{C}\right).$$



b)



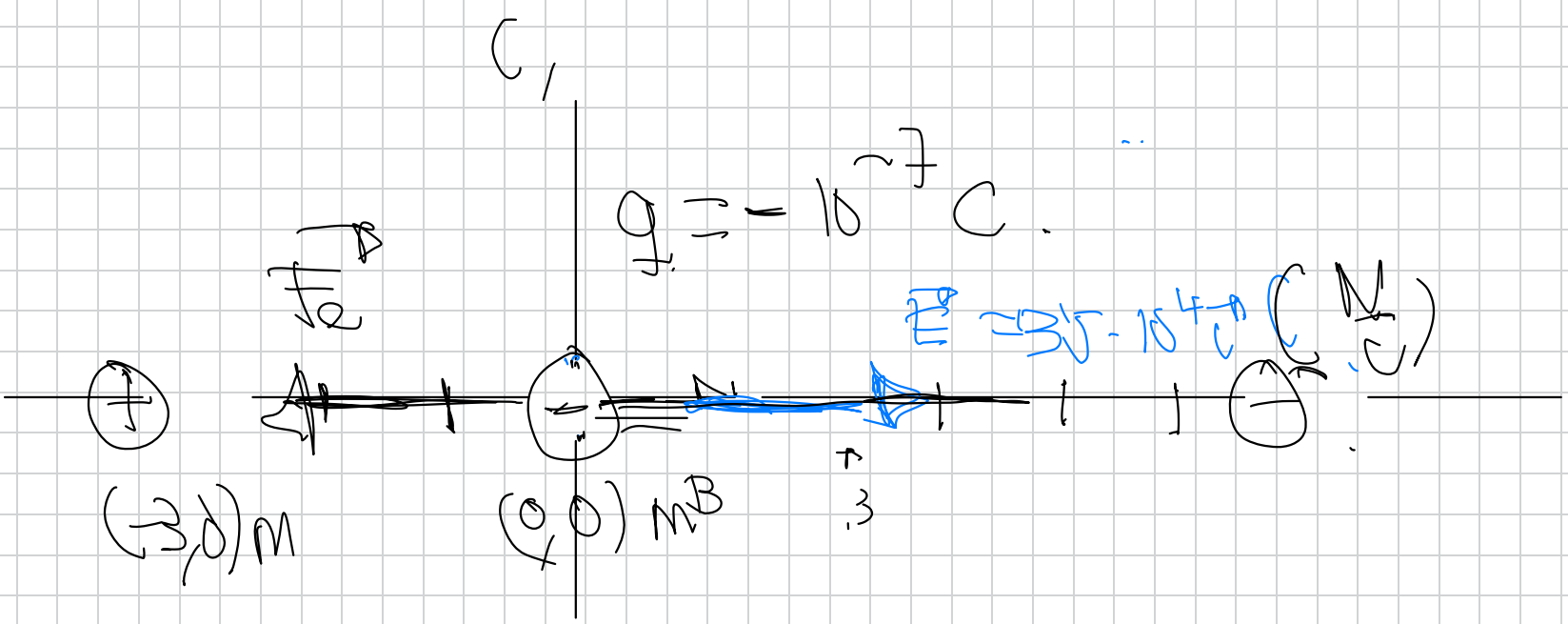
$|\vec{F}| = q \cdot |\vec{E}| \Rightarrow$ ¡OJO! primero el módulo

$$|\vec{F}| = 10^{-7}\,C \cdot 35 \cdot 10^{4}\,\frac{N}{C} = 35 \cdot 10^{-3}\,N$$

$$\vec{F} = +35 \cdot 10^{-3}\,\vec{i}\ (N)$$

En las cargas q ⊕ la fuerza experimentada es de la misma dirección y sentido que el campo $\vec{E}$.

c)



$$|\vec{F}| = q \cdot |\vec{E}| = 10^{-7} \cancel{C} \cdot 35 \cdot 10^{4} \frac{N}{\cancel{C}} = 35 \cdot 10^{-3} \, N$$

$$\vec{F_e} = -35 \cdot 10^{-3} \vec{i} \, (N)$$

En las cargas $\oplus$ $\ominus$ la fuerza experimentada es de la misma dirección pero de sentido opuesto al campo $\vec{E}$.

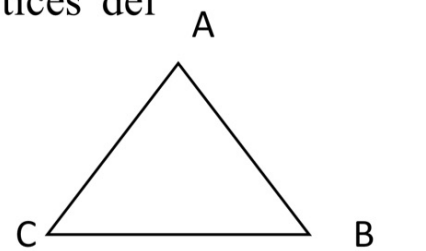
5.- Las cargas $q_A = -4\cdot10^{-9}$ C y $q_B = +2\cdot10^{-9}$ C están situadas en los vertices del triángulo equilátero de la figura, el cual posee 2 cm de lado

a) Calcular el valor del campo eléctrico en el vértice C de dicho triángulo

b) ¿Qué fuerza se ejercería sobre una carga de 1 μC si ésta se situase en C?

c) ¿Qué fuerza se ejercería sobre una carga de -2 μC si ésta se situase en C?

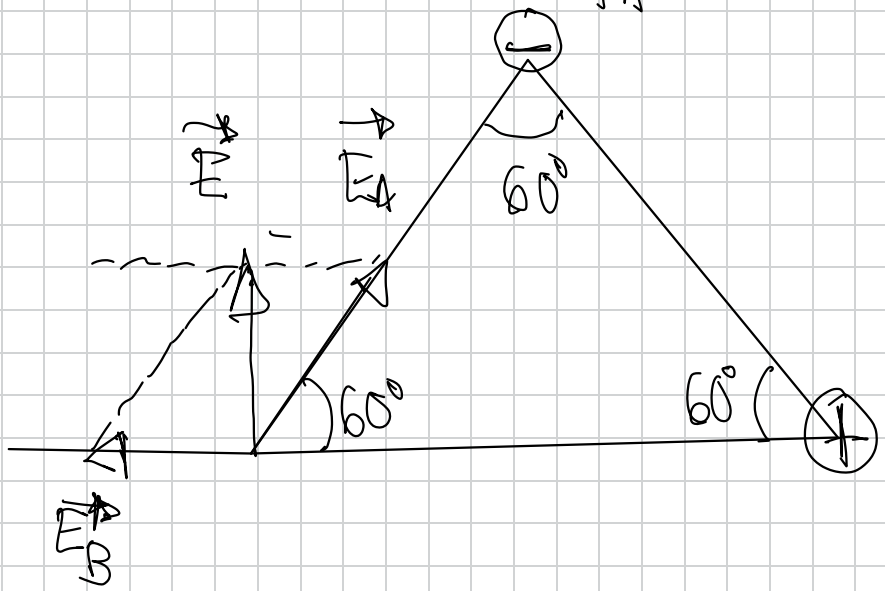
$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$



2cm = 0'02m

pag 69.

$q_A = -4\cdot10^{-9}$ C.



Principio de superposición

$\vec{E} = \vec{E_A} + \vec{E_B}$.

Módulo aparte

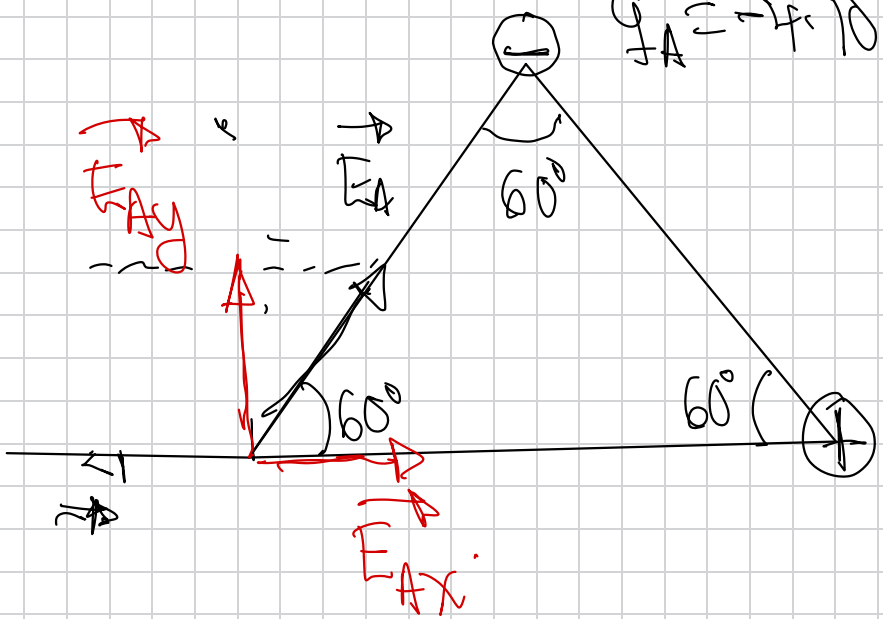
$|\vec{E_B}| = k\cdot\frac{|q_B|}{r^2}$

$q_B = +2\cdot10^{-9}$ C.

$|\vec{E_B}| = 9\cdot10^9\cdot\frac{2\cdot10^{-9}}{(0'02)^2}$

$|\vec{E_B}| = 45\cdot10^4\ \frac{N}{C}$.

$\vec{E_B} = -45\cdot10^4\ \vec{i}\ \left(\frac{N}{C}\right)$.



$q_{fA} = -4 \cdot 10^{-9}\ C.$

$$|\vec{E}_A| = K \cdot \frac{|q_{fA}|}{d^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{4 \cdot 10^{-9}}{(0{,}2)^2}$$

$$|\vec{E}_A| = 9 \cdot 10^4 \ \frac{N}{C}.$$

$$\sin 60^\circ = \frac{|\vec{E}_{Ay}|}{|\vec{E}_A|} \Rightarrow |\vec{E}_{Ay}| = |\vec{E}_A| \cdot \sin 60^\circ = 9 \cdot 10^4 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 7{,}8 \cdot 10^4 \ \frac{N}{C}$$

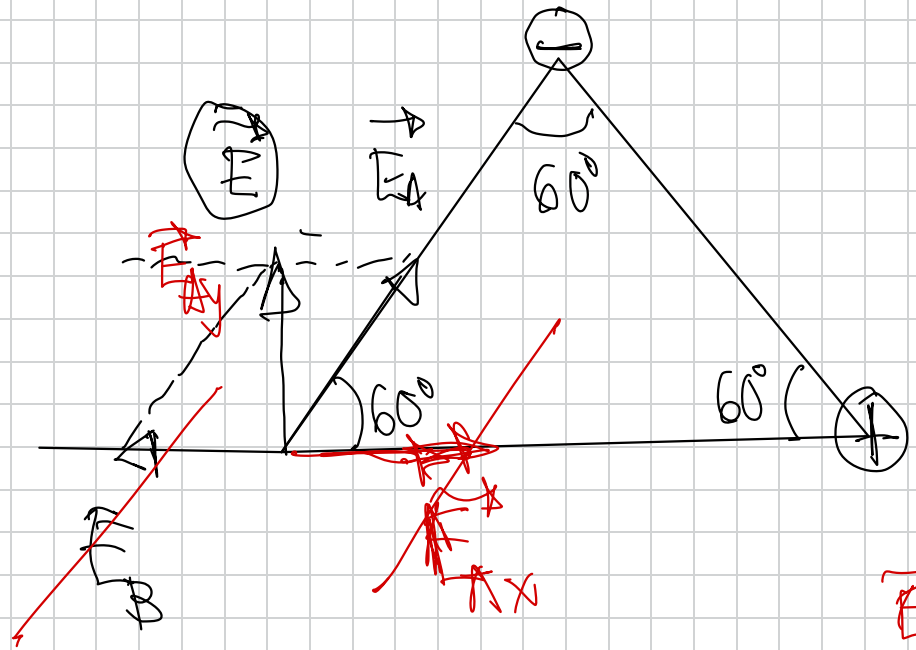
$$\vec{E}_{Ay} = +7{,}8 \cdot 10^4 \vec{j} \ \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$\cos 60^\circ = \frac{|\vec{E}_{Ax}|}{|\vec{E}_A|} \Rightarrow |\vec{E}_{Ax}| = |\vec{E}_A| \cdot \cos 60^\circ = 9 \cdot 10^4 \cdot \frac{1}{2} = 4{,}5 \cdot 10^4 \ \frac{N}{C}.$$

$$\vec{E}_{Ax} = +4{,}5 \cdot 10^4 \vec{i} \ \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$\vec{E}_A = \vec{E}_{Ax} + \vec{E}_{Ay} \Rightarrow \vec{E}_A = 4{,}5 \cdot 10^4 \vec{i} + 7{,}8 \cdot 10^4 \vec{j} \ \left(\frac{N}{C}\right)$$

Principio de superposición



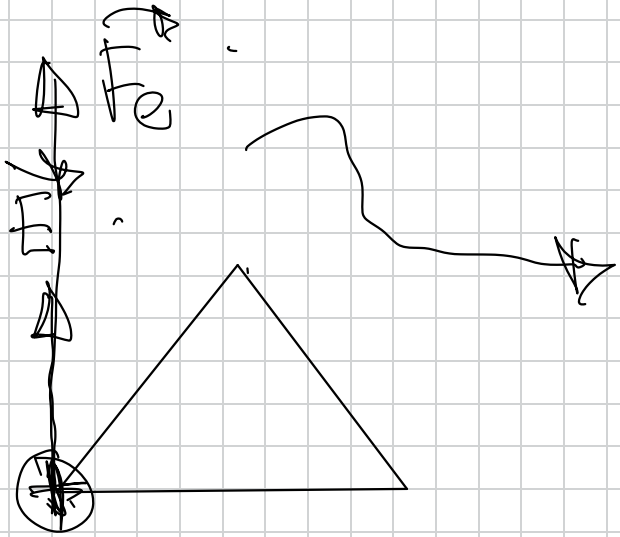
$$\vec{E} = \vec{E}_A + \vec{E}_B$$

$$\vec{E} = 4\vec{j}\cdot 10^4 + 7\vec{j}\cdot 10^4 - 4\vec{j}\cdot 10^4$$

$$\vec{E} = 7\vec{j}\cdot 10^4 \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$|\vec{E}| = 7 \cdot 10^4 \left(\frac{N}{C}\right)$$

b)



$q = +1\,\mu C$.

$q = 10^{-6} C$.

En una carga ⊕ la fuerza va en la misma dirección y sentido que $\vec{E}$.

$$|\vec{F}| = |q| \cdot |\vec{E}|$$

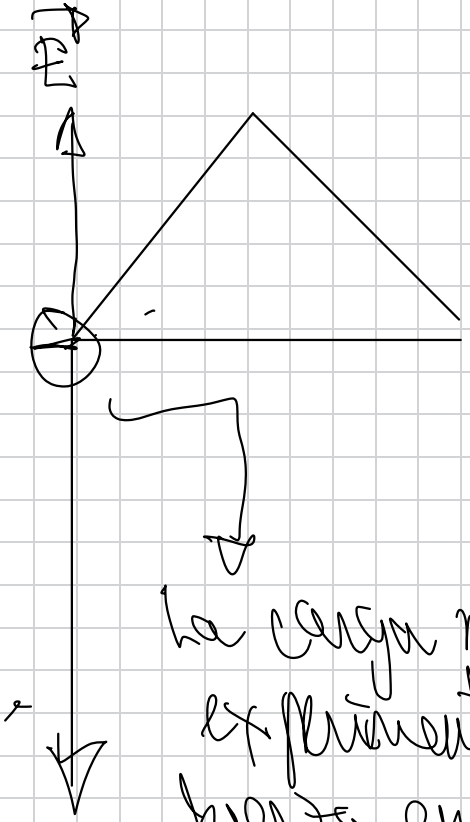
Primero módulo.

$$|\vec{F}| = 10^{-6}\,C \cdot 7{,}8 \cdot 10^{4}\,\frac{N}{C}$$

$$|\vec{F}| = 7{,}8 \cdot 10^{-2}\,N$$

$$\vec{F} = +7{,}8 \cdot 10^{-2}\,\vec{j}\,(N)$$

c)



$q = -2\,\mu C$

$q = -2 \cdot 10^{-6}\,C$

$$|\vec{F}| = |q| \cdot |\vec{E}|$$

$$|\vec{F}| = 2 \cdot 10^{-6}\,C \cdot 7{,}8 \cdot 10^{4}\,\frac{N}{C}$$

$$|\vec{F}| = 15{,}6 \cdot 10^{-2}\,N.$$

$$\vec{F} = -15{,}6 \cdot 10^{-2}\,\vec{j}\,(N)$$

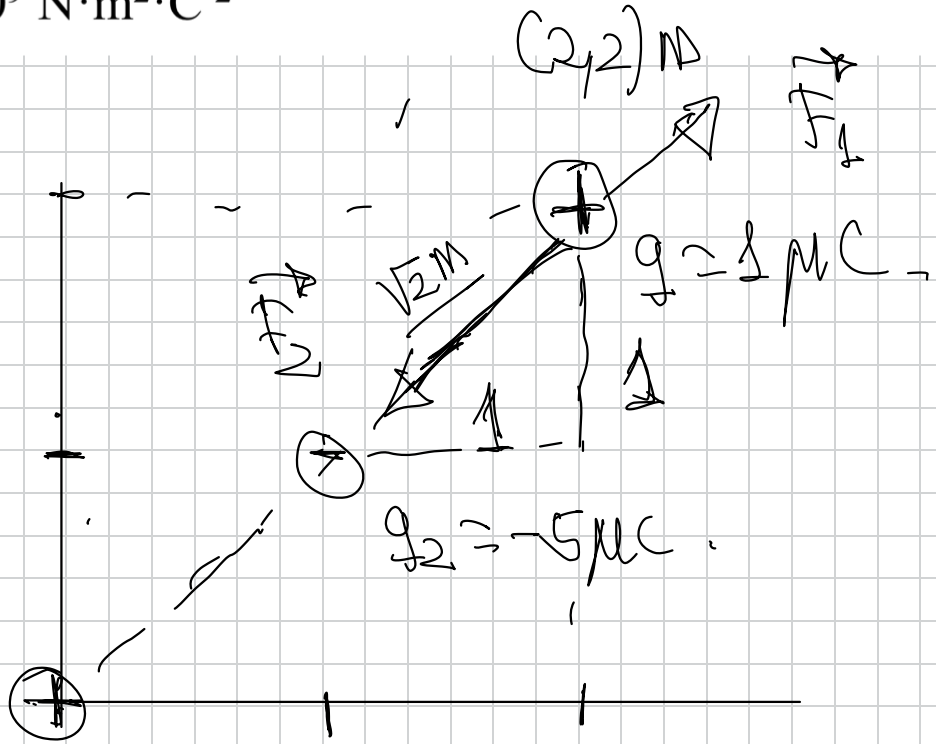
La carga negativa experimenta una fuerza en la misma dirección pero sentido contrario al campo $\vec{E}$.

7.- Dos cargas puntuales de 8 μC y -5μC están situadas respectivamente en los puntos (0,0) m y (1,1) m . Calcular:

a) La fuerza que actúa sobre una carga de 1 μC situada en el punto (2,2) m

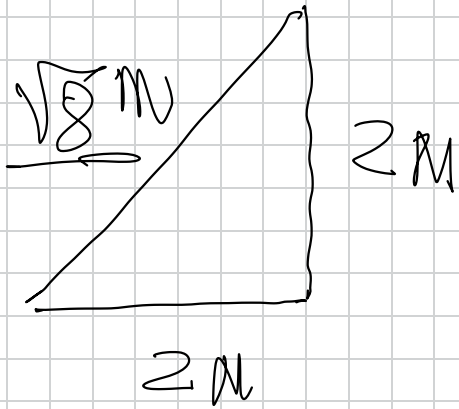
b) El trabajo necesario para llevar a ésta última carga desde el punto que ocupa hasta punto (0,1) m. Dar una interpretación del resultado.

$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$



Principio de superposición.

$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$



$q_1 = +8\ \mu C$

V

Ley de Coulomb.

$$|\vec{F}_1| = K\frac{|q_1|\cdot|q|}{r^2} = 9\cdot10^9\cdot\frac{8\cdot10^{-6}\cdot1\cdot10^{-6}}{(\sqrt{8})^2} = 9\cdot10^{-3}\ N.$$

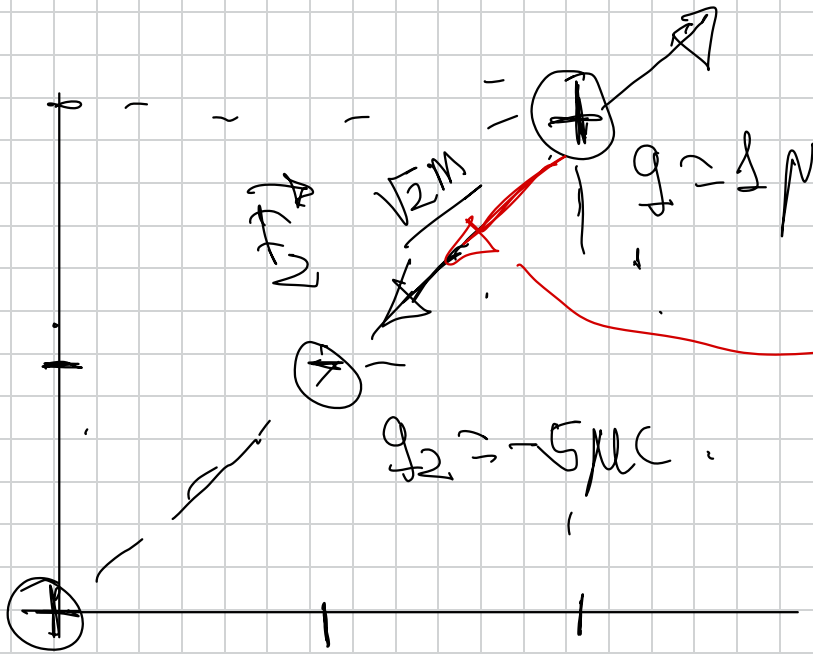
$$|\vec{F}_2| = k \cdot \frac{|q_2| \cdot |q|}{r^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{5 \cdot 10^{-6} \cdot 1 \cdot 10^{-6}}{(\sqrt{2})^2} = 2{,}25 \cdot 10^{-2}\,N$$

$$\frac{\sqrt{8}}{2} = \sqrt{2}$$

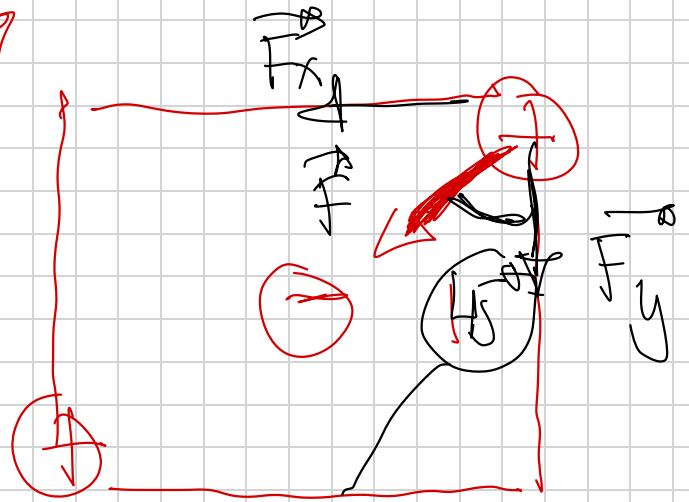
$$|\vec{F}_2| > |\vec{F}_1|$$

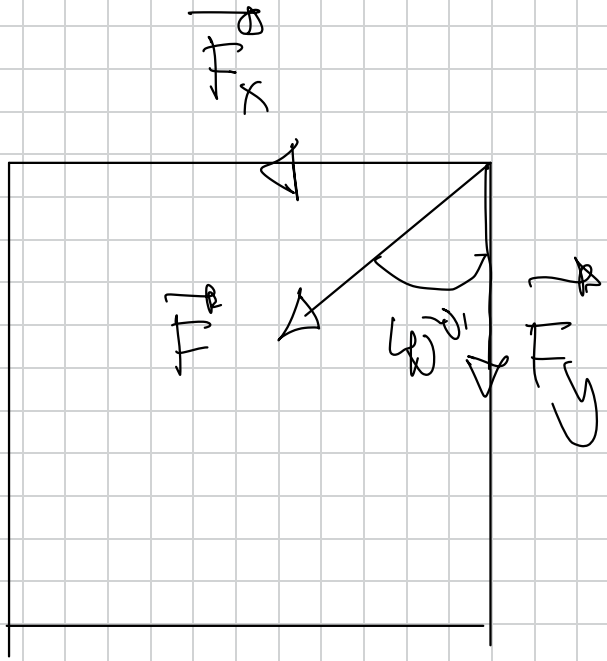
$$|\vec{F}| = |\vec{F}_2| - |\vec{F}_1|$$

$$|\vec{F}| = 2{,}25 \cdot 10^{-2} - 9 \cdot 10^{-3}$$



$$|\vec{F}| = 13{,}5 \cdot 10^{-2}\,N$$





$\operatorname{sen} 45^\circ = \dfrac{|\vec{F}_x|}{|\vec{F}|} \quad |\vec{F}_x| = |\vec{F}| \cdot \operatorname{sen} 45^\circ = 1{,}3 \cdot 10^{-2} \cdot \dfrac{\sqrt{2}}{2} \simeq 9{,}2 \cdot 10^{-3}\ N$

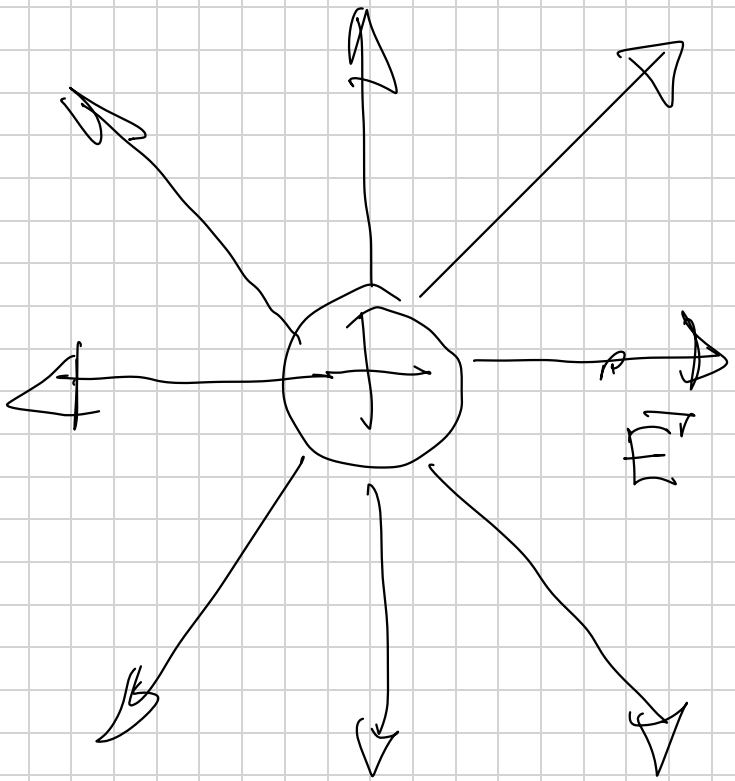
$\vec{F}_x \simeq -9{,}2 \cdot 10^{-3}\ \vec{i}\ (N)$

$\cos 45^\circ = \dfrac{|\vec{F}_y|}{|\vec{F}|} \quad |\vec{F}_y| = |\vec{F}| \cdot \cos 45^\circ = 1{,}3 \cdot 10^{-2} \dfrac{\sqrt{2}}{2} = 9{,}2 \cdot 10^{-3}\ N$

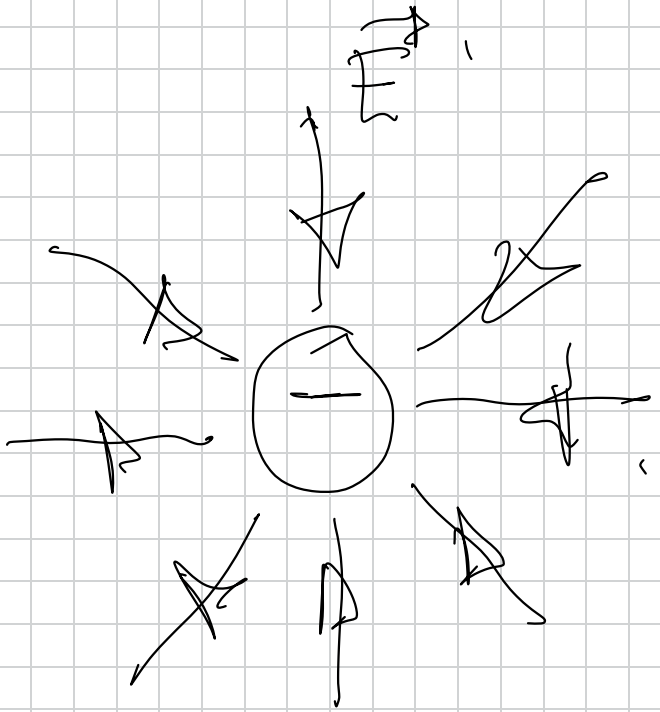
$\vec{F}_y = -9{,}2 \cdot 10^{-3}\ \vec{j}\ (N)$

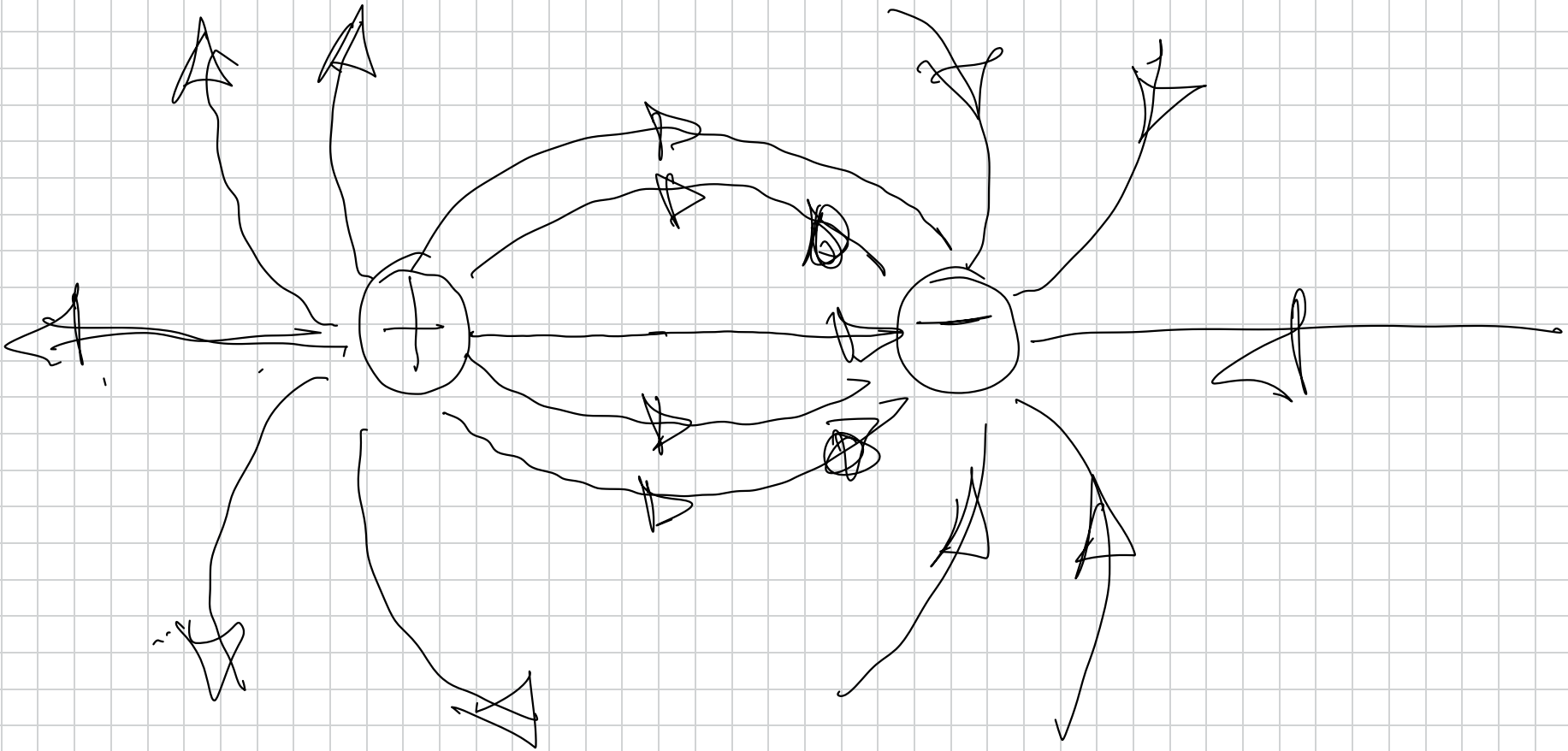
$$\vec{F} = -9\cdot10^{9}\cdot r^{-3}\vec{r} - 9\cdot10^{9}\cdot r^{-3}\vec{j}\ (N)$$

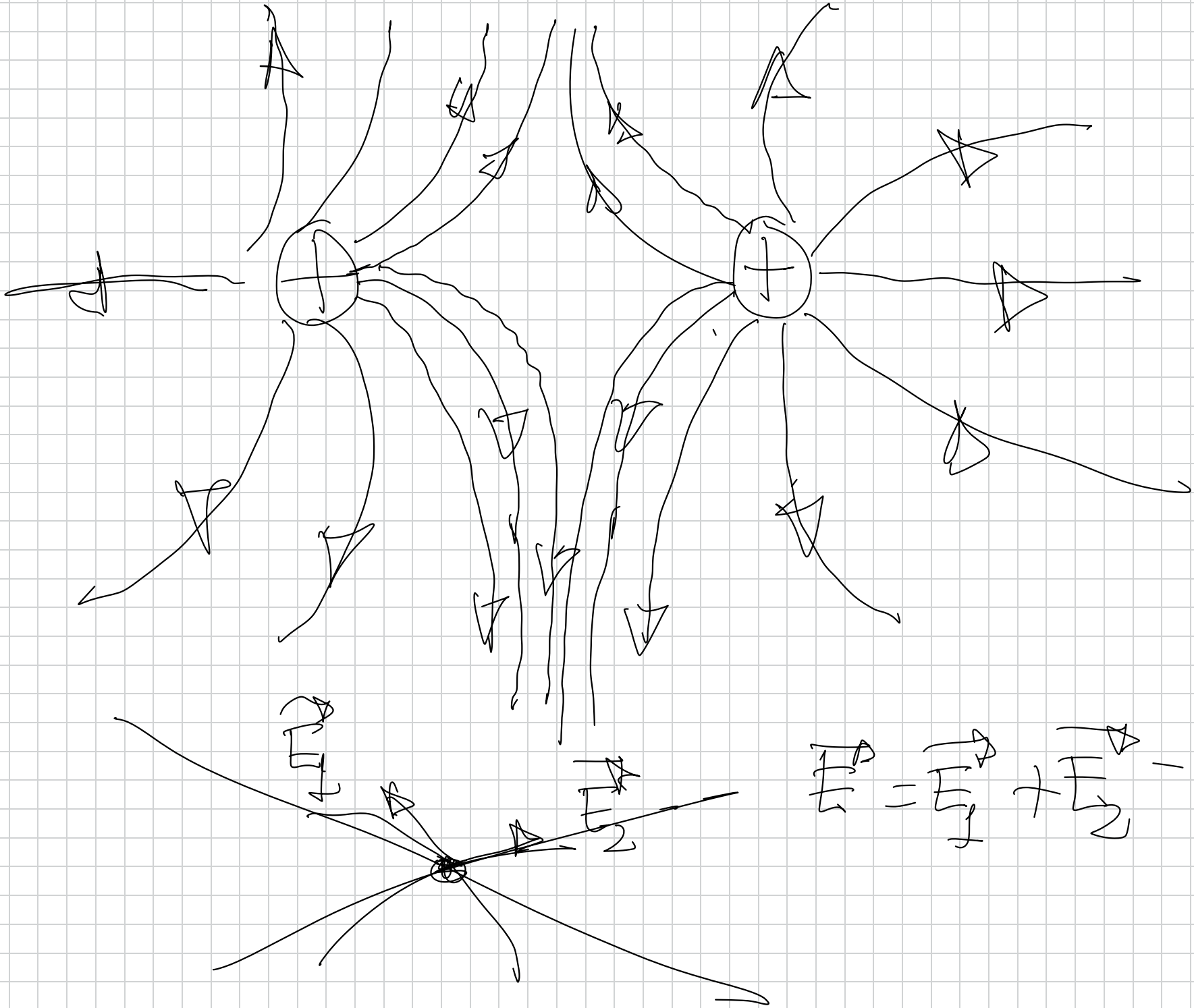
Pag 43 Líneas de campo.










$\vec{E}_1$
$\vec{E}_2$
$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$

La Electrica es una fuerza central y como todas las fuerzas centrales, es conservativa y por ello lleva asociada una E_p.

magnitudes vectoriales

$\vec{F}_g$

$\vec{F}_e$

$\vec{G}$

$\vec{E}$

MAGNITUDES ESCALARES

CAMPO GRAVITATORIO

$$E_{p\,\text{gravitatoria}} = -G \cdot \frac{M \cdot m}{r}$$

J en S.I.

CAMPO ELÉCTRICO

$$E_{p\,\text{eléctrica}} = k \frac{Q \cdot q}{r}$$

→ Se sustituye cada carga con su signo ¡OJO!

J en S.I.

POTENCIAL GRAVITATORIO

POTENCIAL ELÉCTRICO

$$V = \frac{E_p}{m} = \frac{-G\frac{M \cdot m}{r}}{m} = -G\frac{M}{r}$$

$\frac{J}{Kg}$ en SI.

$E_p = m \cdot V$

Propiedad

$$V = \frac{E_p}{q} = \frac{k\frac{Q \cdot q}{r}}{q} = k\frac{Q}{r}$$

$\frac{J}{C}$ en SI

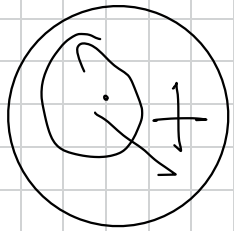
V en SI.

VOLTIO.

$E_p = q \cdot V$

Eléctrica

Como en cualquier magnitud escalar, se sustituye la carga por su signo

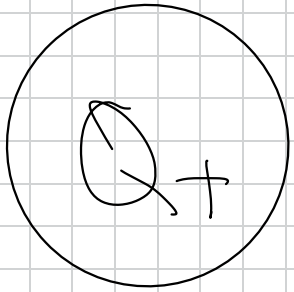


$q = +2C$

$5 \frac{J}{C}$ 5V

$E_p = 2C \cdot 5 \frac{J}{C}$

$E_p = 10\,J.$



$q = +2C$

$10.000 \frac{J}{C}$

10000V.

$E_p = 2C \cdot 10000 \frac{J}{C}$

$E_p = 20.000\,J.$

$$-\Delta E_{p_{A\to B}} = W_{A\to B} = \Delta E_{c_{A\to B}}$$

$$-\Delta E_{p_{A\to B}} = W_{A\to B} = \Delta E_c$$

$$W_{A\to B} = -\Delta E_{p_{A\to B}}$$

$$W_{A\to B} = -\left(E_{p_B} - E_{p_A}\right)$$

$$W_{A\to B} = E_{p_A} - E_{p_B}$$

$$W_{A\to B} = q \cdot V_A - q \cdot V_B$$

$$W_{A\to B} = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$W_{A\to B} = n \cdot (V_A - V_B)$$

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$$

Magnitudes escalares

¡OJO! Se sustituye cada carga y cada potencial con su signo

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$$

$W_{A \to B} > 0 \Rightarrow$ desplazamiento espontáneo.

(+) $\Longrightarrow$ $W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$.

(+) (+)

$V_A > V_B$

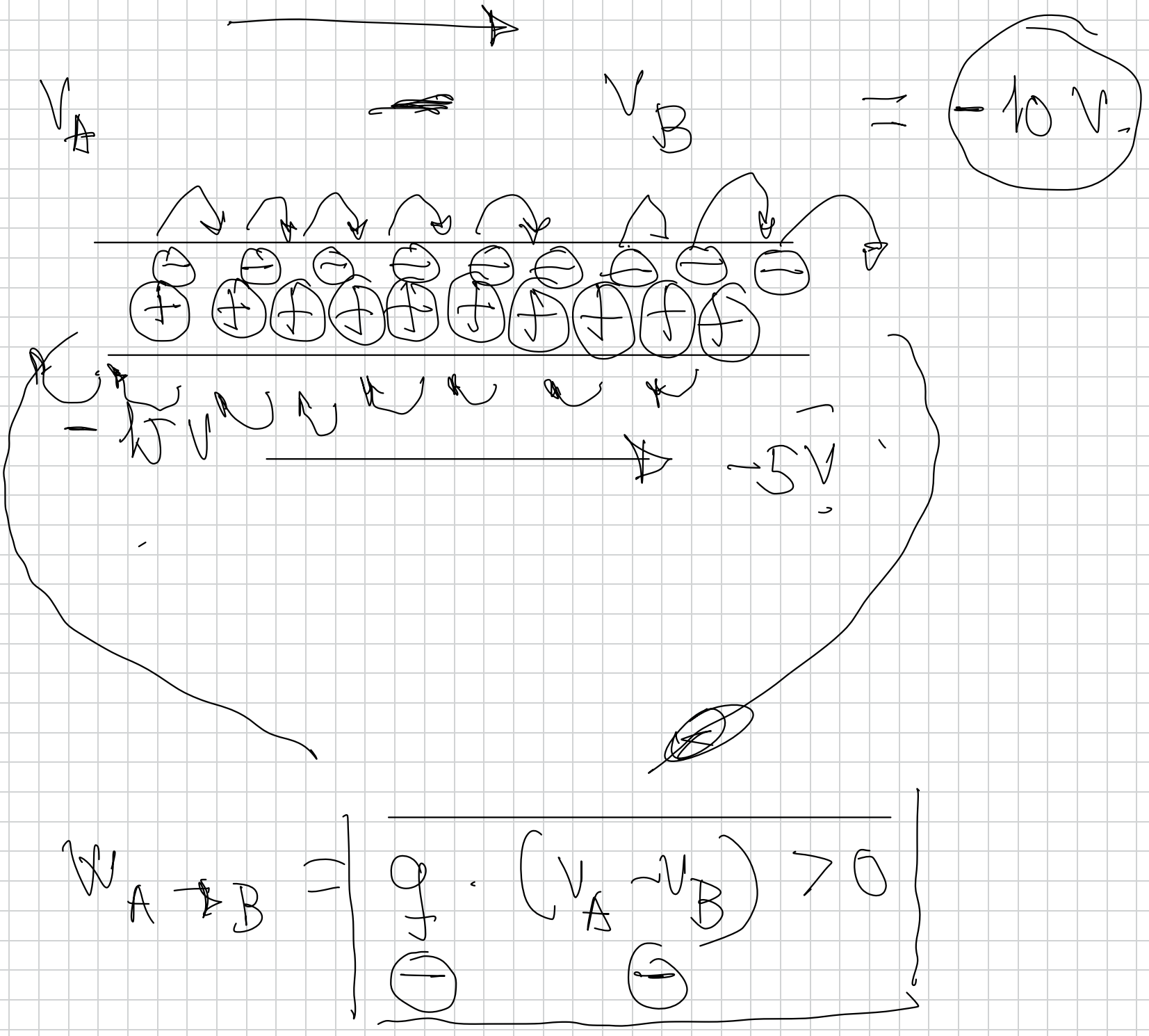
↳ las cargas positivas se desplazan en el

orden decreciente de potenciales.

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$$

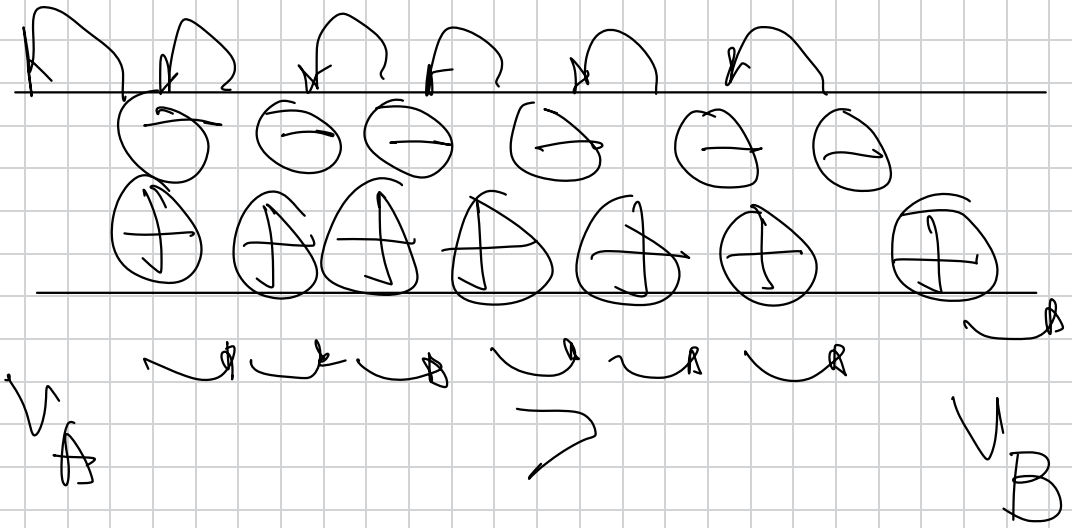
$$V_A < V_B$$

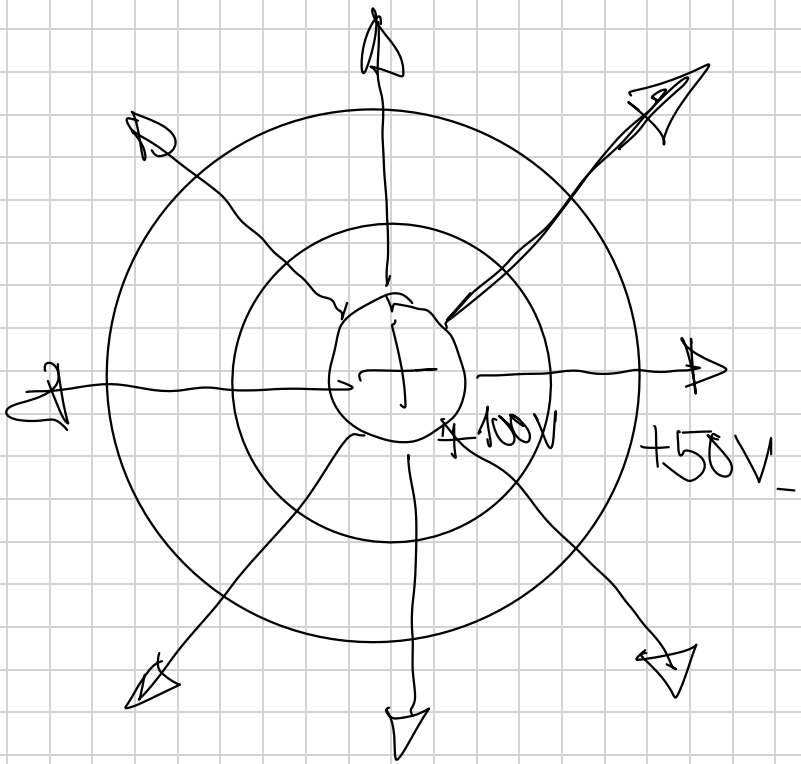
Las cargas negativas se desplazan espontáneamente en el orden creciente de potenciales.


V_A
V_B
$= -10\,V$
$-5\,V$
$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

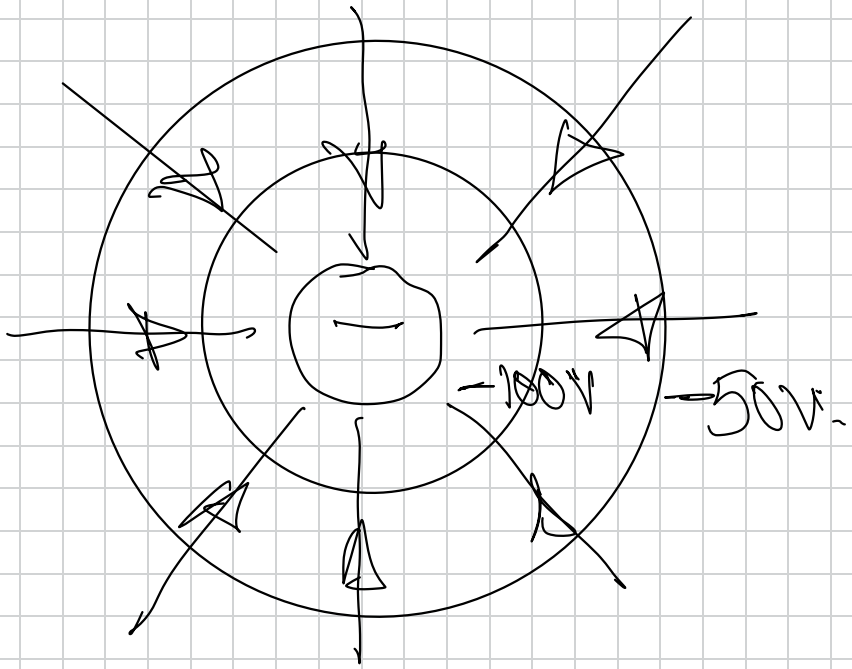
$$V_A < V_B$$

$$V_A - V_B = 10\,V.$$





$$V = k \cdot \frac{Q}{r_c}$$



$V = K \cdot \frac{Q}{r} \rightarrow$ ⊖ .

Pag 60.

11.- Consideremos una carga de $2 \cdot 10^{-6}$C

a) Realizar un esquema de las líneas de campo y de las superficies equipotenciales

b) Calcular el trabajo que sería necesario para trasladar una carga de $-1{,}5 \cdot 10^{-3}$ C desde la superficie equipotencial de 6000 V hasta la superficie equipotencial de 2000 V. Comentar el resultado

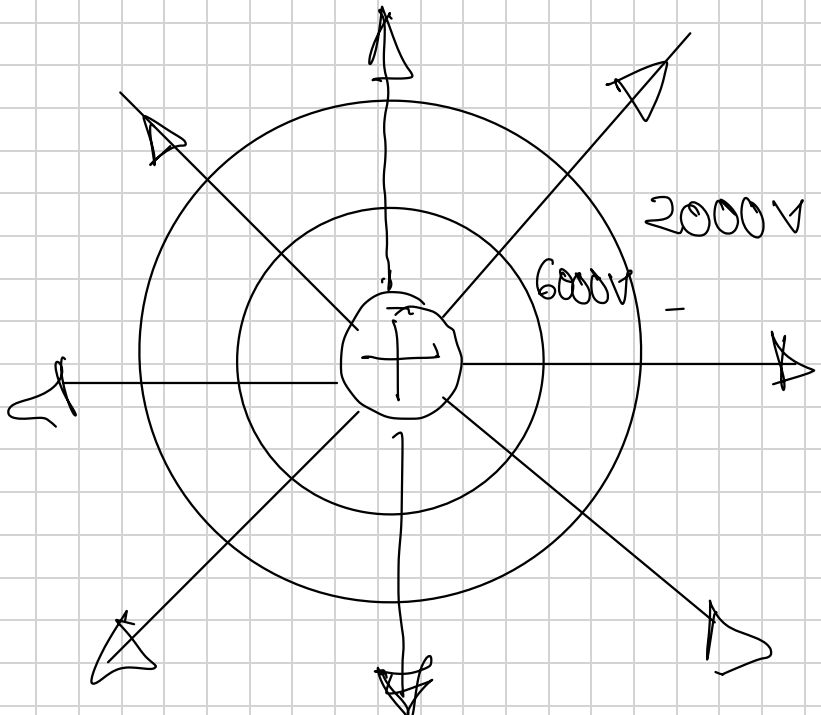
c) Calcular el trabajo que sería necesario para trasladar la carga del apartado anterior desde la superficie equipotencial de 2000 V hasta la superficie equipotencial de 6000 V. Comentar el resultado.

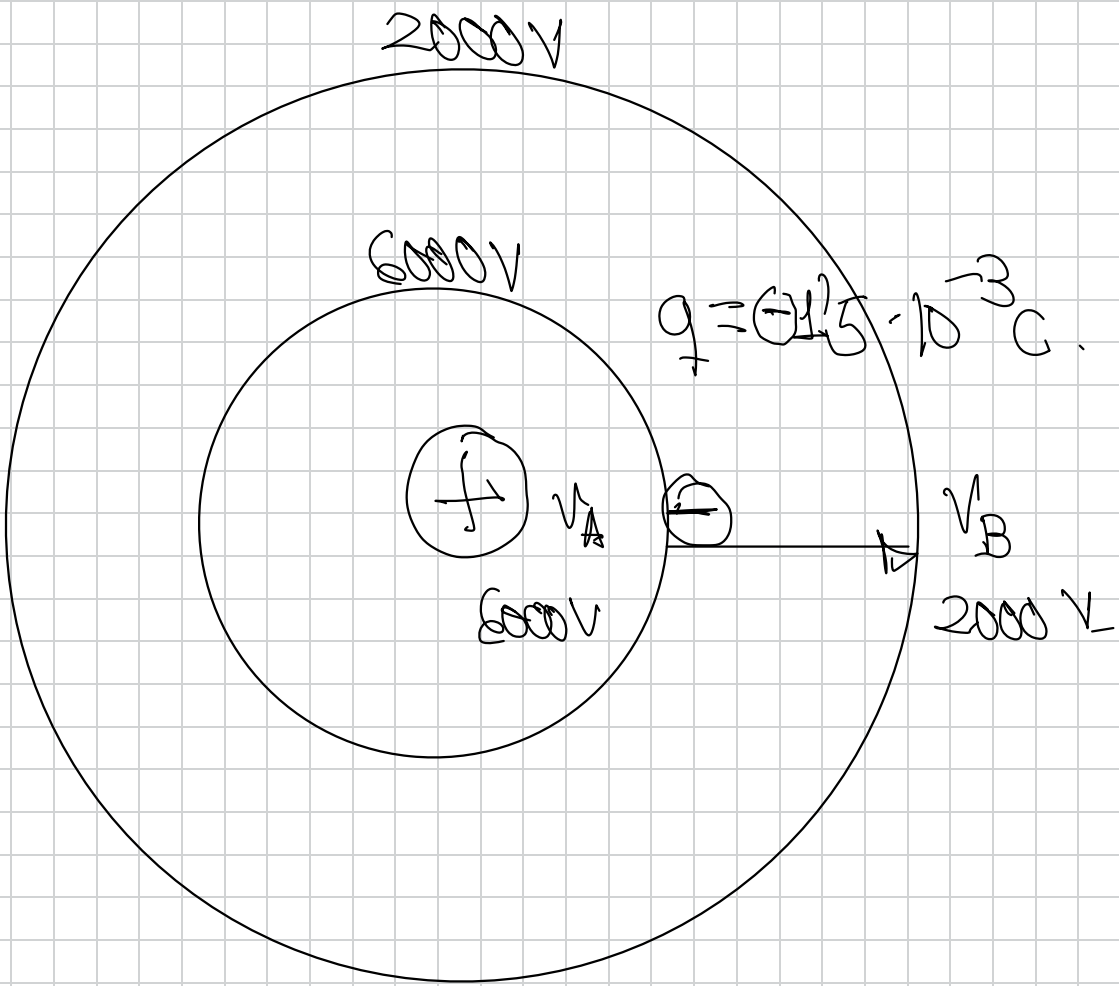
d) Calcular la separación entre ambas superficies equipotenciales

$K = 9 \cdot 10^9$ N·m^2·C^{-2}

$Q = +2 \cdot 10^{-6}$C

$\downarrow V = K \cdot \frac{Q}{r} \uparrow$

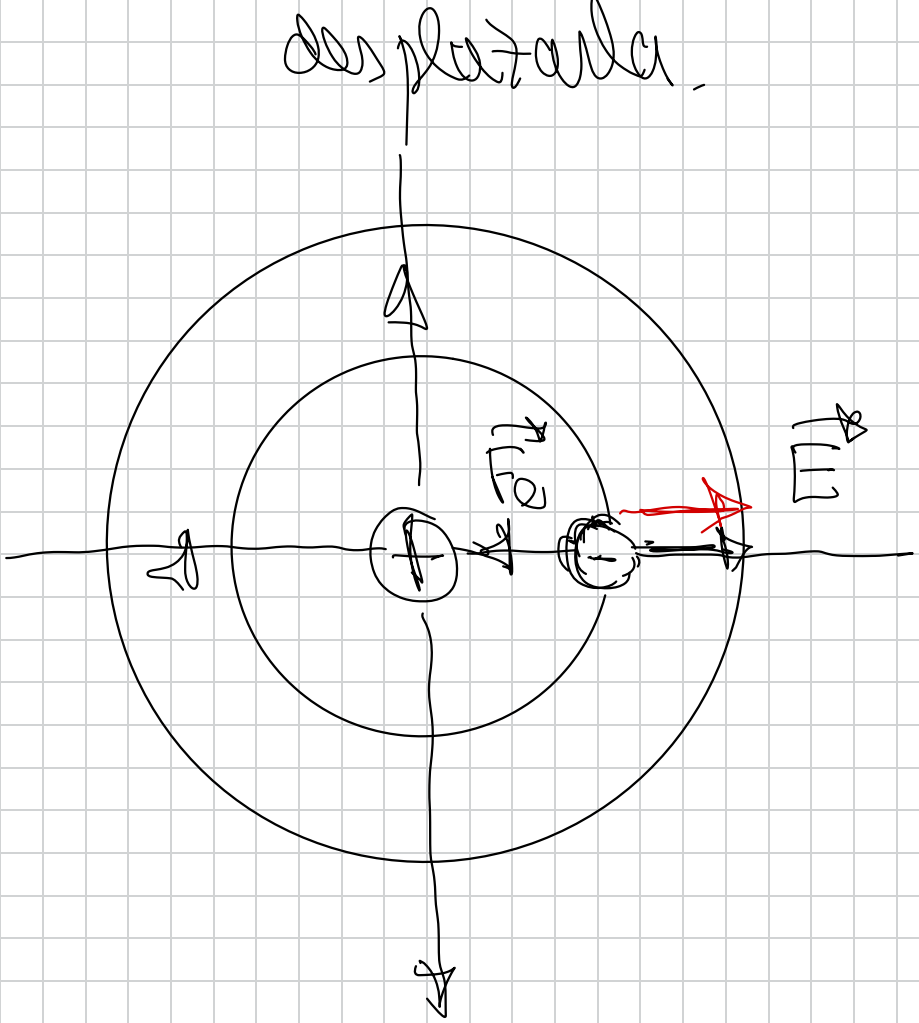


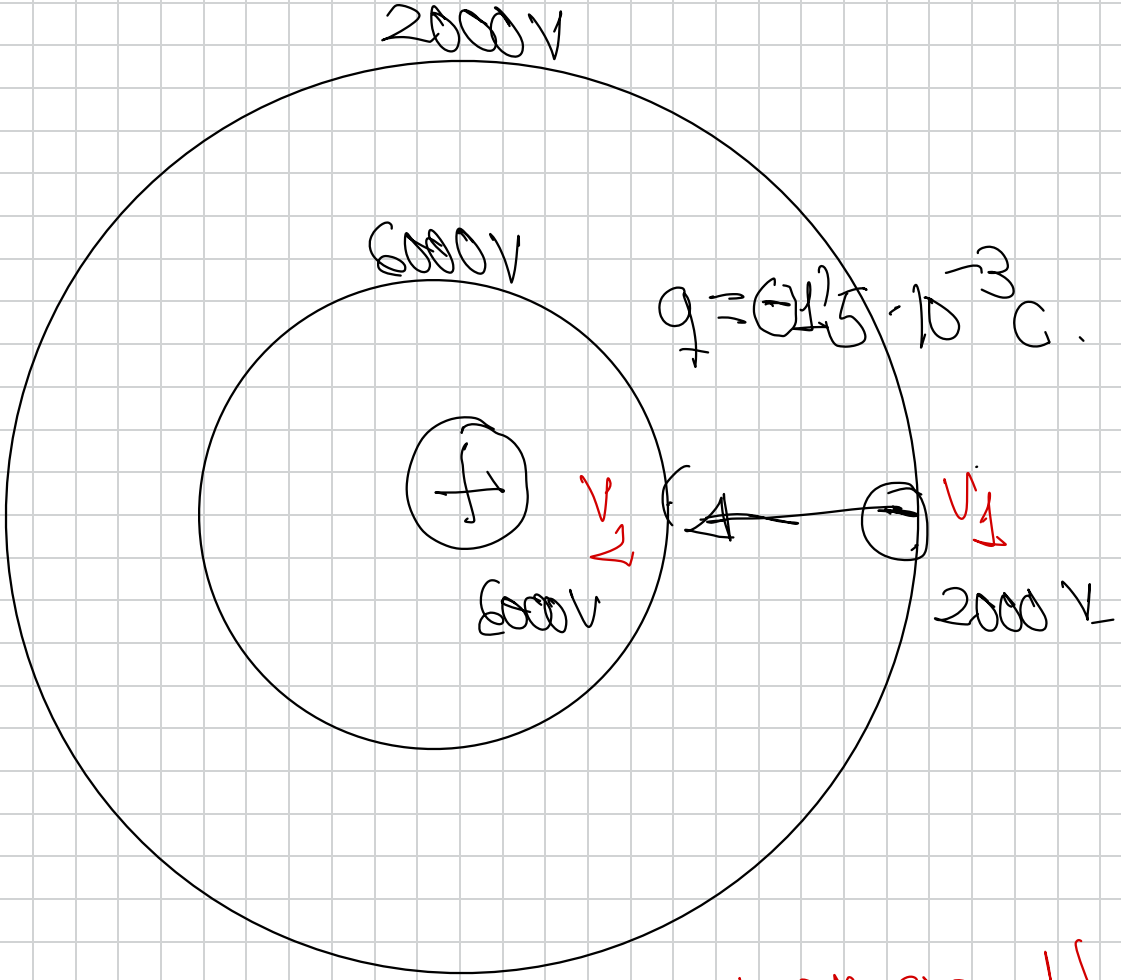


$$W = q \cdot (V_A - V_B) = -1{,}5 \cdot 10^{-3} (6000 - 2000) = -6\ J$$

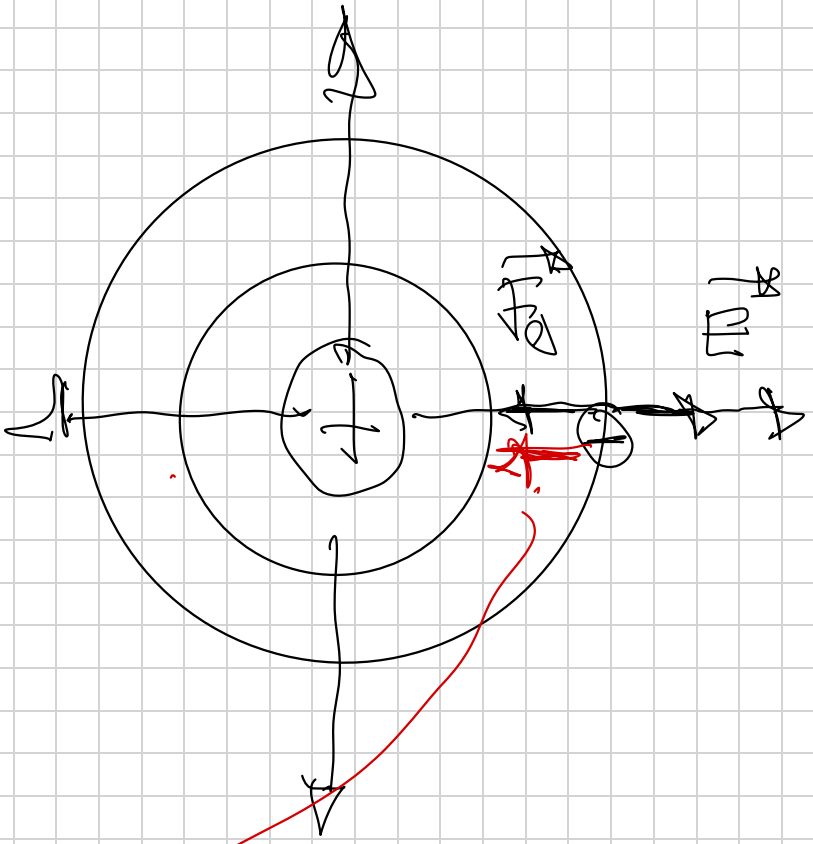
No es espontáneo, una fuerza externa debería hacer un trabajo de 6 J para

des placas.





$q = 1{,}5 \cdot 10^{-3}\,C$.

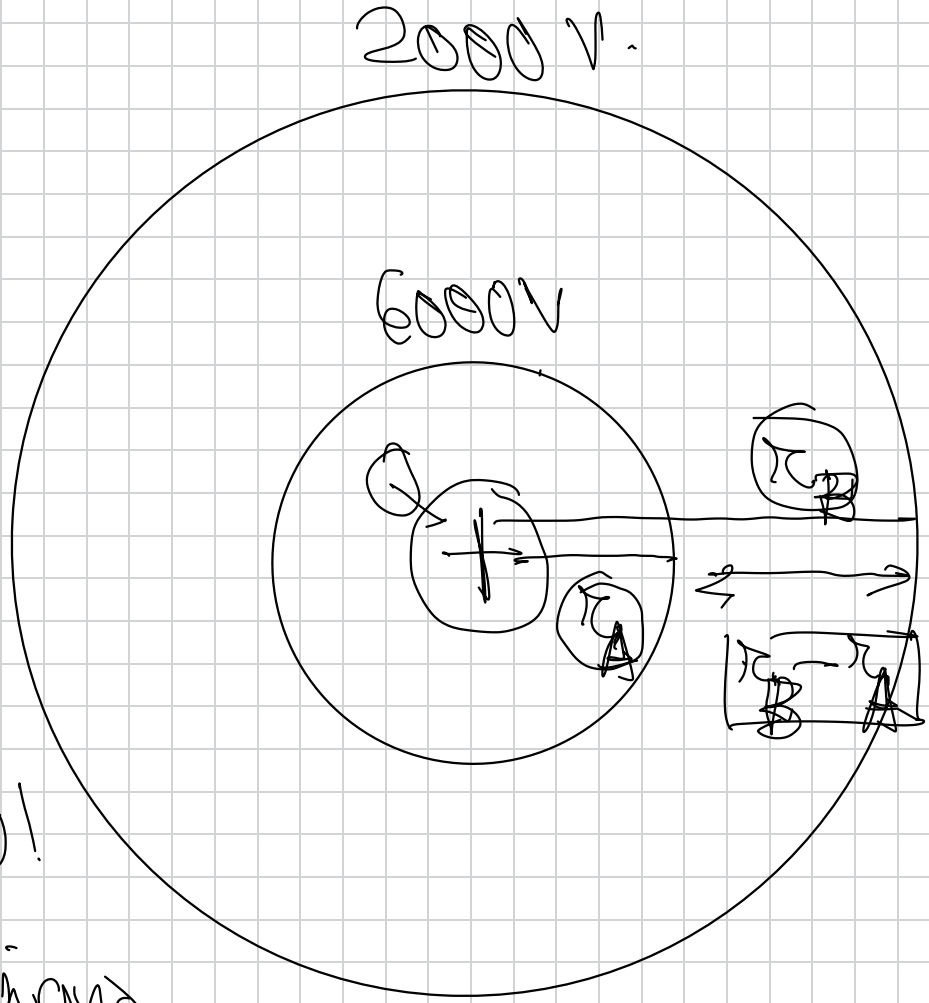


$V_1 < V_2$ * espontâneo

$$W_{1\to 2} = q \cdot (V_1 - V_2) = -1{,}5 \cdot 10^{-3}\,C \cdot (2000\,V - 6000\,V)$$

$$W_{1\to 2} = 6\,J.$$

* Espontâneo.



$\boxed{Q = +2 \cdot 10^{-6}\ C}$

$V_A = K \cdot \frac{Q}{r_A}$ ¡OJO!

$r_A = K \cdot \frac{Q}{V_A}$ → Con su signo todo cuenta

$= 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6}}{6000} = 3\ m$

$$V_B = k \cdot \frac{Q}{r_{QB}}$$

$$r_{QB} = k \cdot \frac{Q}{V_B} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6}}{2000} = 9\,m$$

$$r_B - r_A = 9\,m - 3\,m = 6\,m \text{ estarían separados.}$$

Solución detallada en el libro.

9.- Se tienen dos iones con carga +e y –e separados por una distancia de 3Å . Calcula:

a) La distancia del ión positivo a la que se anula el campo eléctrico.

b) La distancia del ión positivo a la que se anula el potencial eléctrico a lo largo de la línea recta que une a los iones .

c) La energía potencial eléctrica de los dos iones

$e=1{,}6\cdot10^{-19}C$ $K=9\cdot10^{9}\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$

$\boxed{\text{Å} = 10^{-10}\ m}$

$3\text{Å} = 3\cdot10^{-10}\ m$.

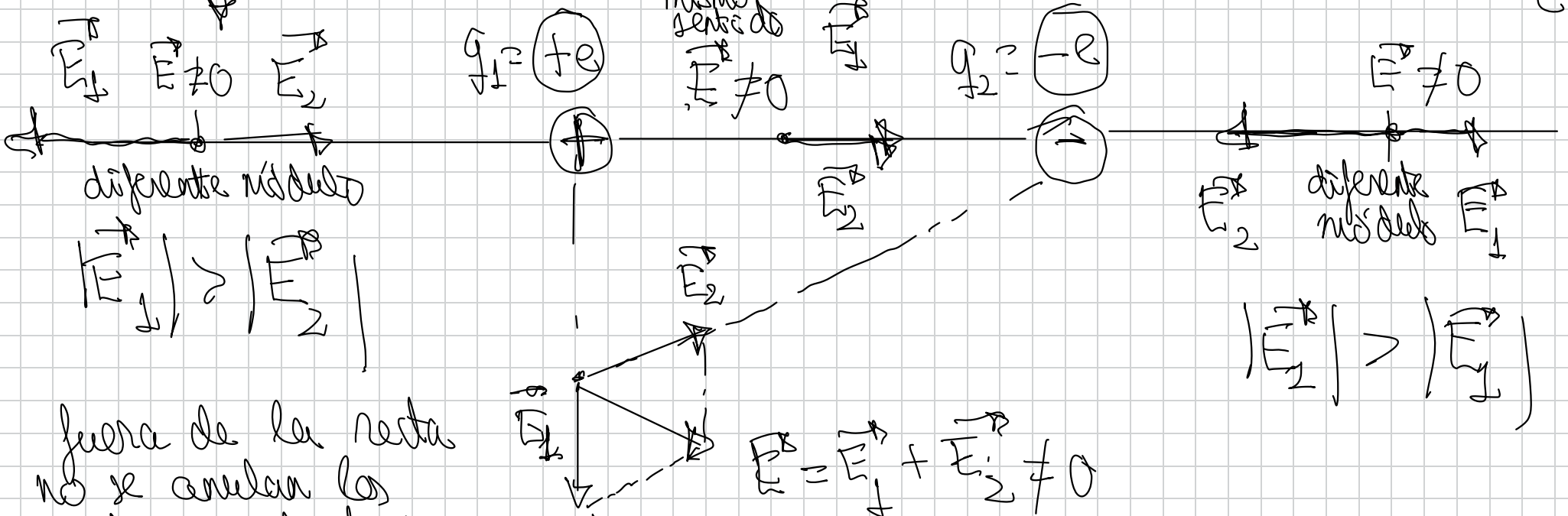
a) $\boxed{E = K\cdot\frac{Q}{r^2}}$

Principio de superposición

$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$

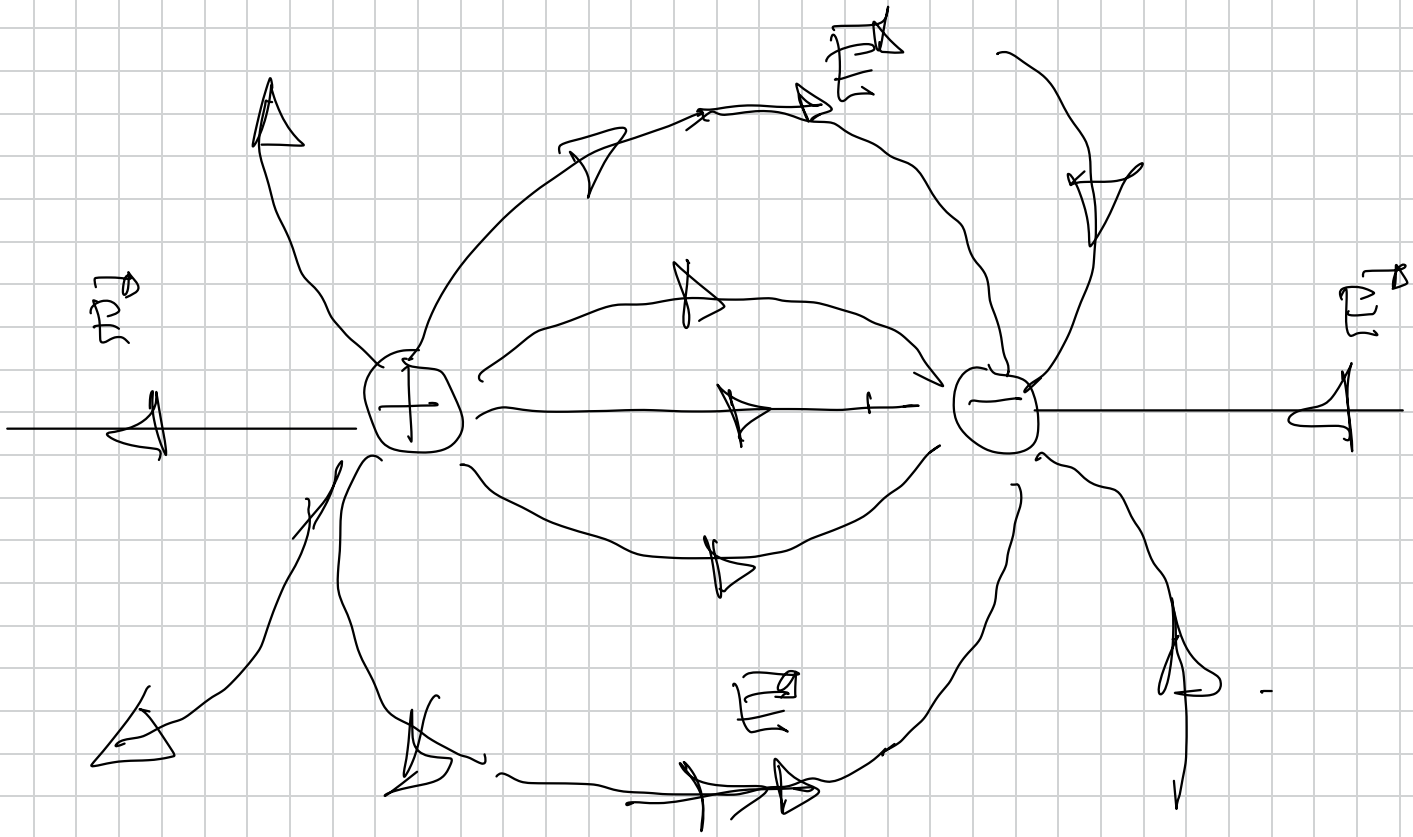
$\vec{E} \neq 0$.

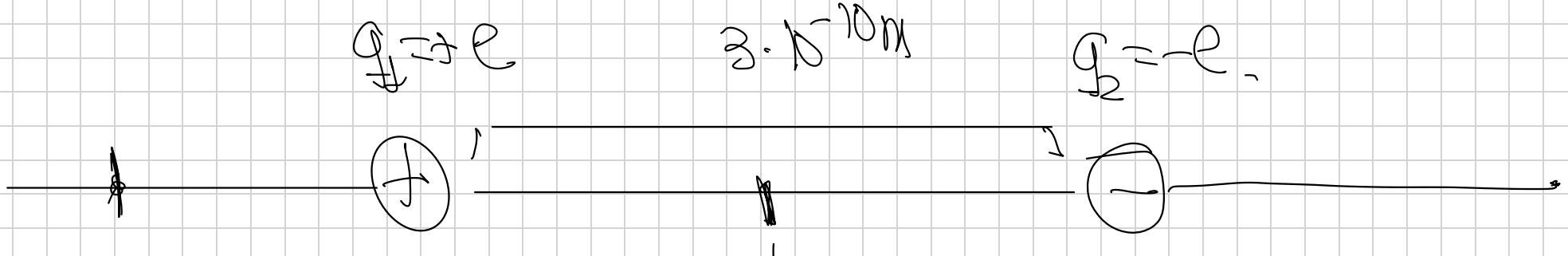
$E = K\cdot\frac{Q}{r^2}$.



fuera de la recta no se anulan los vectores al tener distinta dirección.

Exceptuando el infinito en donde, por definición, el campo $\vec{E} = 0$, no se anulará en ningún otro punto en el caso de que sean esas cargas las que lo creen.





Principio de superposición.

$V = V_1 + V_2$

↳ Aplicando dicho principio a una magnitud escalar como el potencial, la suma del potencial positivo y negativo sí podría ser nula en el punto medio

$$V = K \cdot \frac{+e}{1{,}5 \cdot 10^{-10}\,m} + K \cdot \frac{-e}{1{,}5 \cdot 10^{-10}\,m} = 0$$

$$V = V_1 + V_2 = K \cdot \frac{+e}{r_1} + \left(K \cdot \frac{-e}{r_2} \right)$$

c) ¡OJO! magnitud escalar, cada carga con su valor

$$E_p = K \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{(+1{,}6 \cdot 10^{-19}) \cdot (-1{,}6 \cdot 10^{-19})}{3 \cdot 10^{-10}} = -7{,}68 \cdot 10^{-19}\,J$$

8.- Se tienen dos cargas idénticas $q_1=q_2=-4\cdot10^{-6}C$ situadas en los puntos (-2,0) m y (2,0) m, respectivamente.

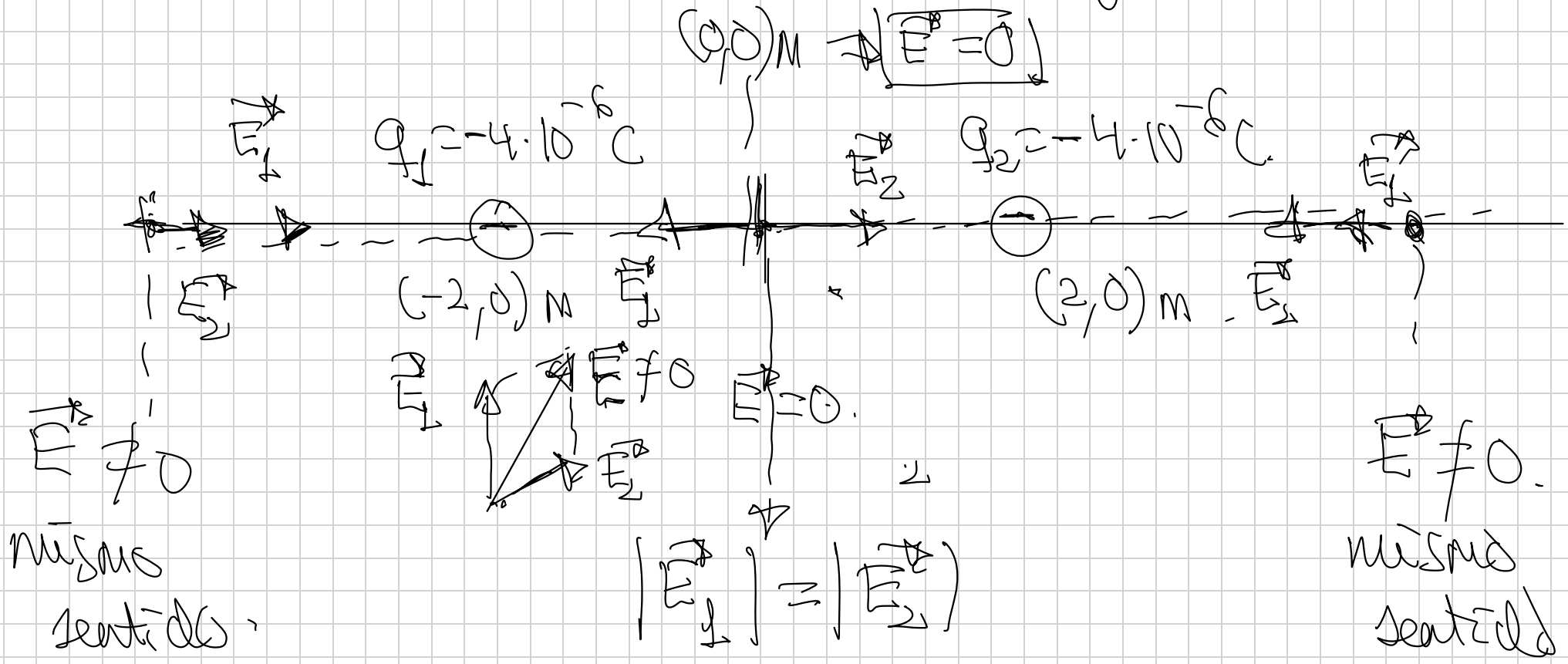
a) Determina, razonadamente, en qué punto es nula la intensidad del campo que crean

b)¿Es también nulo el potencial en ese punto?. Calcula, en cualquier caso, su valor

$\varepsilon_0=8{,}85\cdot 10^{-12}\ C^2\cdot N^{-1}\cdot m^{-2}$

$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$.

$K=\frac{1}{4\pi\varepsilon_0}=9\cdot10^9\cdot N\cdot m^2\cdot C^{-2}$.



poseen la misma dirección y sentido contrario, luego $\vec{E} = 0$ en (0,0)

$V \neq 0$ $\quad V = V_1 + V_2 = K \cdot \frac{q_1}{r_1} + K \cdot \frac{q_2}{r_2} =$

$= 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{(-4 \cdot 10^{-6})}{2} + 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{(-4 \cdot 10^{-6})}{2} = -36 \cdot 10^4 V$

Suma de dos potenciales negativos.

El potencial es una magnitud escalar y por ello la suma de los dos potenciales negativos no será nula en ningún punto exceptuando el infinito en donde por definición el potencial es cero

10.- Dos cargas puntuales $q_1=+3\cdot10^{-6}$ C y $q_2=+12\cdot10^{-6}$ C, están situadas, respectivamente, en los puntos A y B de una recta horizontal, separados 20 cm.

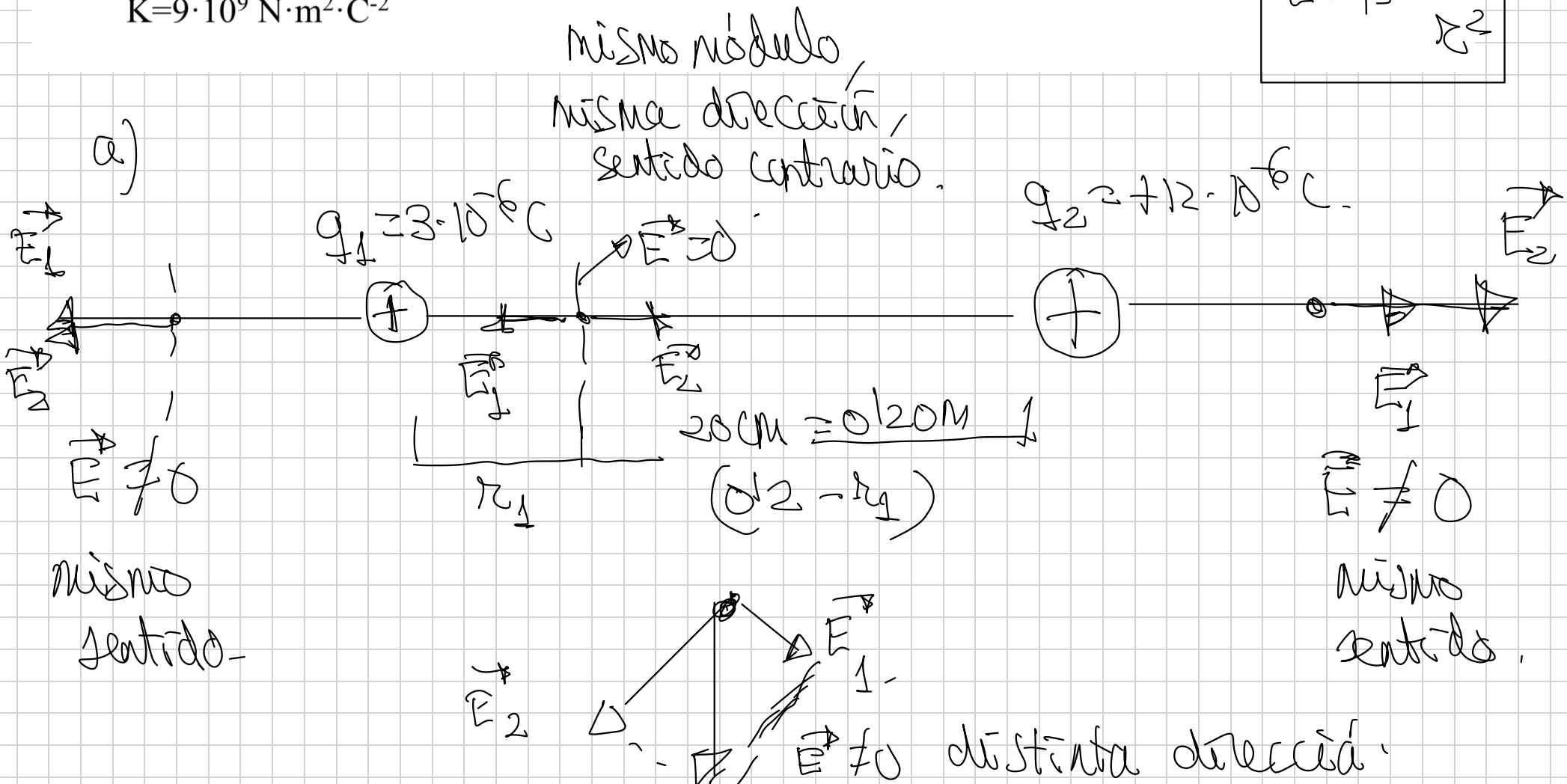
a) ¿Existe algún punto de la recta que contiene a las cargas en el que el campo sea nulo?. En caso afirmativo, calcule su posición.

b) ¿Existe algún punto de la recta que contiene a las cargas en el que el potencial sea nulo?. En caso afirmativo, calcule su posición.

c) Razone como variará el campo electrostático al pasar de A a B

$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$

$$E=K\cdot\frac{Q}{r^2}$$



$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2|$$

$$\cancel{K}\cdot\frac{|q_1|}{r_1^2} = \cancel{K}\cdot\frac{|q_2|}{(d_{12}-r_1)^2}$$

$$|\vec{E}_1| = |\vec{E}_2|$$

$$\cancel{K}\cdot\frac{q_1}{r^2} = \cancel{K}\cdot\frac{q_2}{(d_{12}-r)^2}$$

$$\frac{3\cdot10^{-6}}{r^2} = \frac{12\cdot10^{-6}}{(d_{12}-r)^2} \Rightarrow \left[0{,}04 - 0{,}4r + r^2\right]\cdot 3\cdot10^{-6} = 12\cdot10^{-6}r^2$$

$$9\cdot10^{-6}r^2 + 1{,}2\cdot10^{-6}r - 1{,}2\cdot10^{-7} = 0 \Rightarrow \text{Ecuación de segundo grado}$$

$$r = \begin{cases} 0{,}06\ m \rightarrow \text{Solo aquí los vectores tienen sentido contrario y se anulan.} \\ -0{,}2\ m \end{cases}$$

$$\cancel{k} \cdot \frac{|q_1|}{r_1^2} = \cancel{k} \cdot \frac{|q_2|}{(0{,}2 - r_1)^2}$$

$$\sqrt{\frac{|q_1|}{r_1^2}} = \sqrt{\frac{|q_2|}{(0{,}2 - r_1)^2}}$$

$$\frac{\sqrt{|q_1|}}{r_1} = \frac{\sqrt{|q_2|}}{(0{,}2 - r_1)}$$

$$r_1 = 0{,}06 \text{ m}$$

10.- Dos cargas puntuales $q_1=+3\cdot10^{-6}$ C y $q_2=+12\cdot10^{-6}$ C, están situadas, respectivamente, en los puntos A y B de una recta horizontal, separados 20 cm.

a) ¿Existe algún punto de la recta que contiene a las cargas en el que el campo sea nulo?. En caso afirmativo, calcule su posición.

b) ¿Existe algún punto de la recta que contiene a las cargas en el que el potencial sea nulo?. En caso afirmativo, calcule su posición.

c) Razone como variará el campo electrostático al pasar de A a B

$K=9\cdot10^9\ N\cdot m^2\cdot C^{-2}$

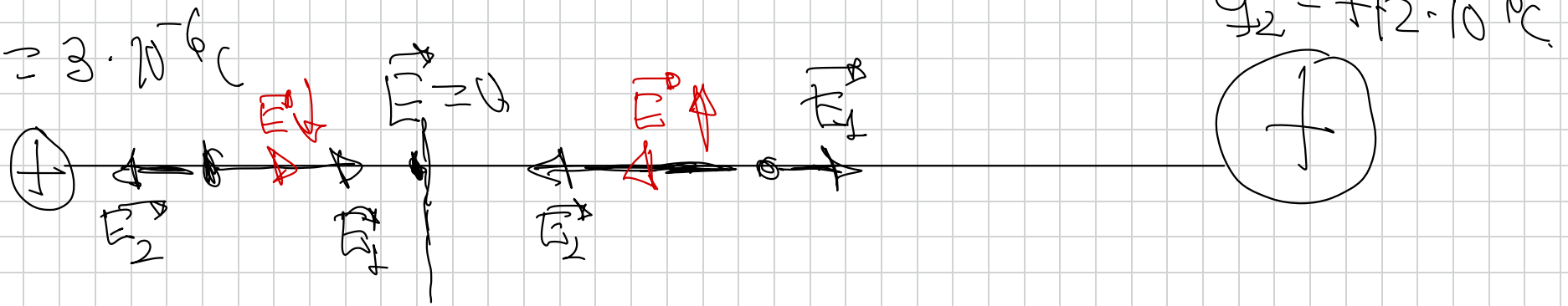
Principio de superposición

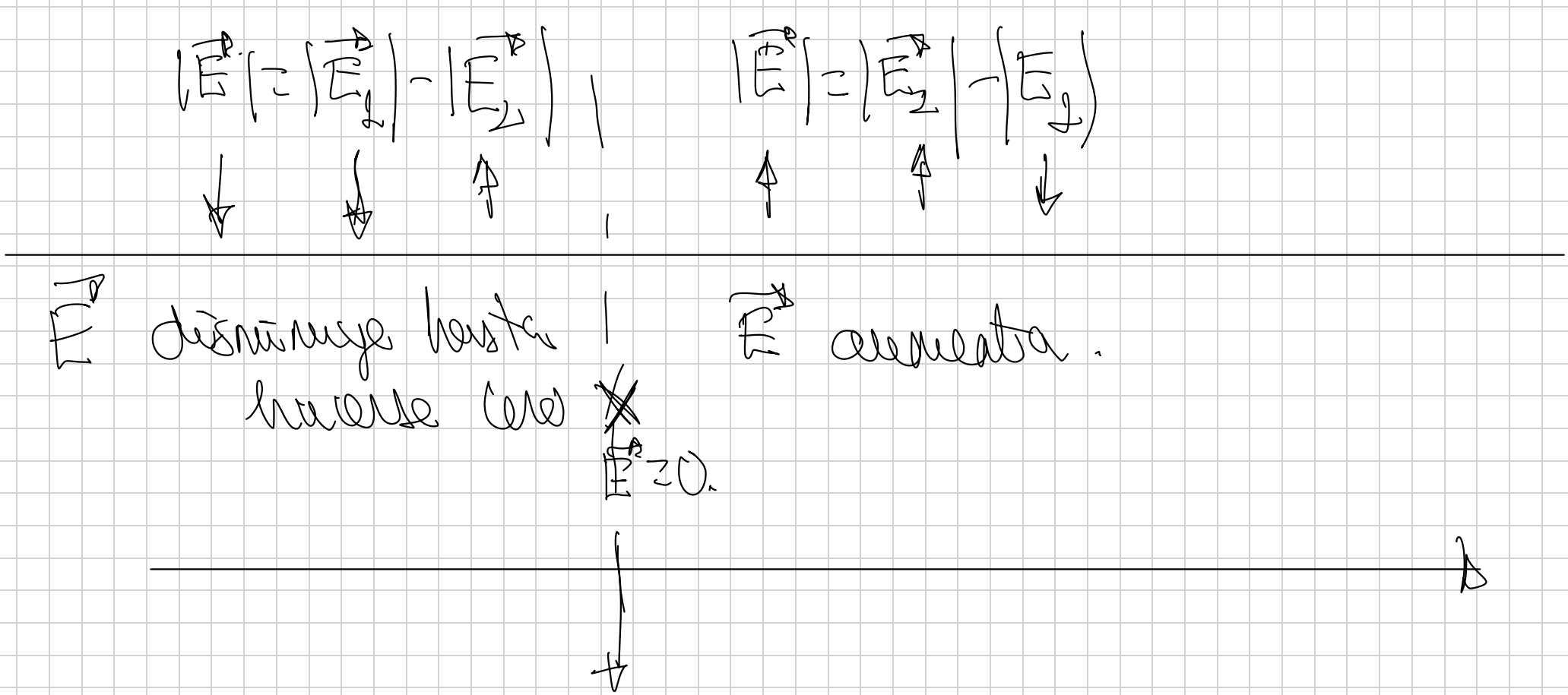
b)

$$V = V_1 + V_2 = 9\cdot10^9\cdot\frac{+3\cdot10^{-6}}{r_1} + 9\cdot10^9\cdot\frac{+12\cdot10^{-6}}{r_2} \neq 0$$

Suma de dos V + que no se anulan (salvo en el ∞ en donde V es cero)

c)

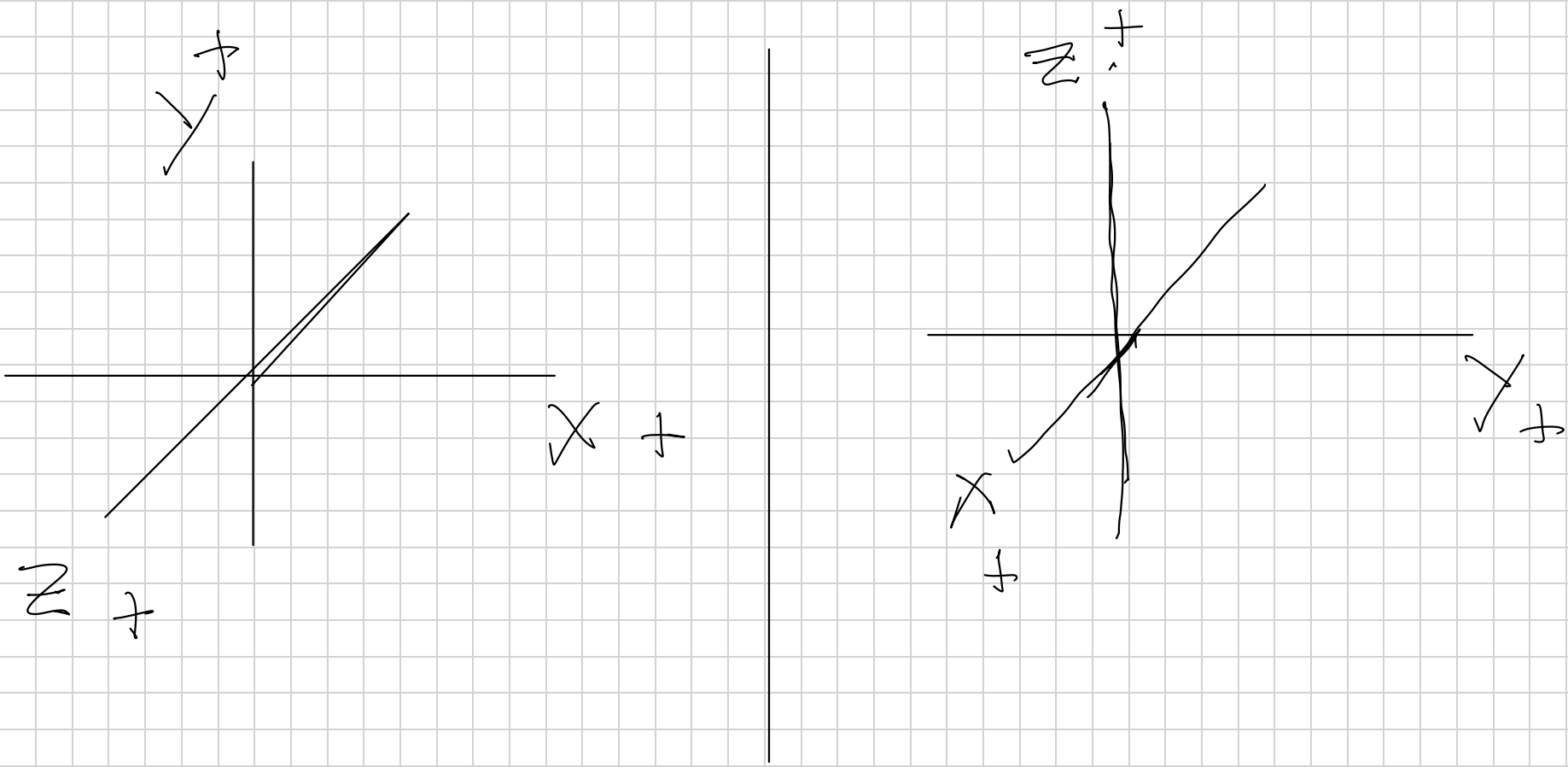



$|\vec{E}| = |\vec{E}_2| - |\vec{E}_1|$
$|\vec{E}| = |\vec{E}_2| - |\vec{E}_1|$
$\vec{E}$ disminuye hasta hacerse cero
$\vec{E}$ aumenta.
$\vec{E} = 0$.
En un punto más cercano a q_1 $\vec{E} = 0$ ya que ambos vectores tendrán mismo módulo, misma dirección y sentido contrario

12.- En una región del espacio el potencial electrostático aumenta en el sentido positivo del eje Z y no cambia en las direcciones de los otros dos ejes

a) Dibuja en un esquema las líneas del campo electrostático y las superficies equipotenciales

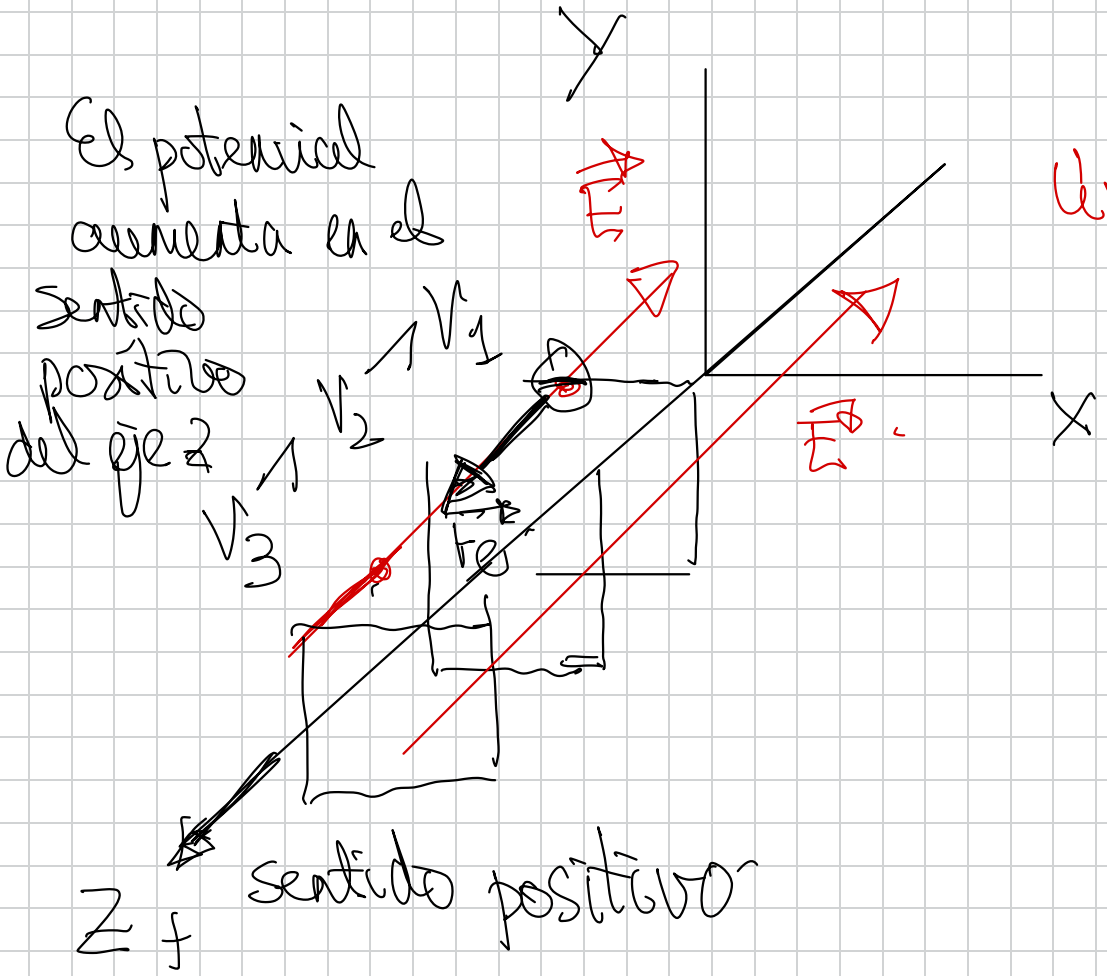
b) ¿En qué dirección y sentido se moverá un electrón, inicialmente en reposo?



12.- En una región del espacio el potencial electrostático aumenta en el sentido positivo del eje Z y no cambia en las direcciones de los otros dos ejes

a) Dibuja en un esquema las líneas del campo electrostático y las superficies equipotenciales

b) ¿En qué dirección y sentido se moverá un electrón, inicialmente en reposo?

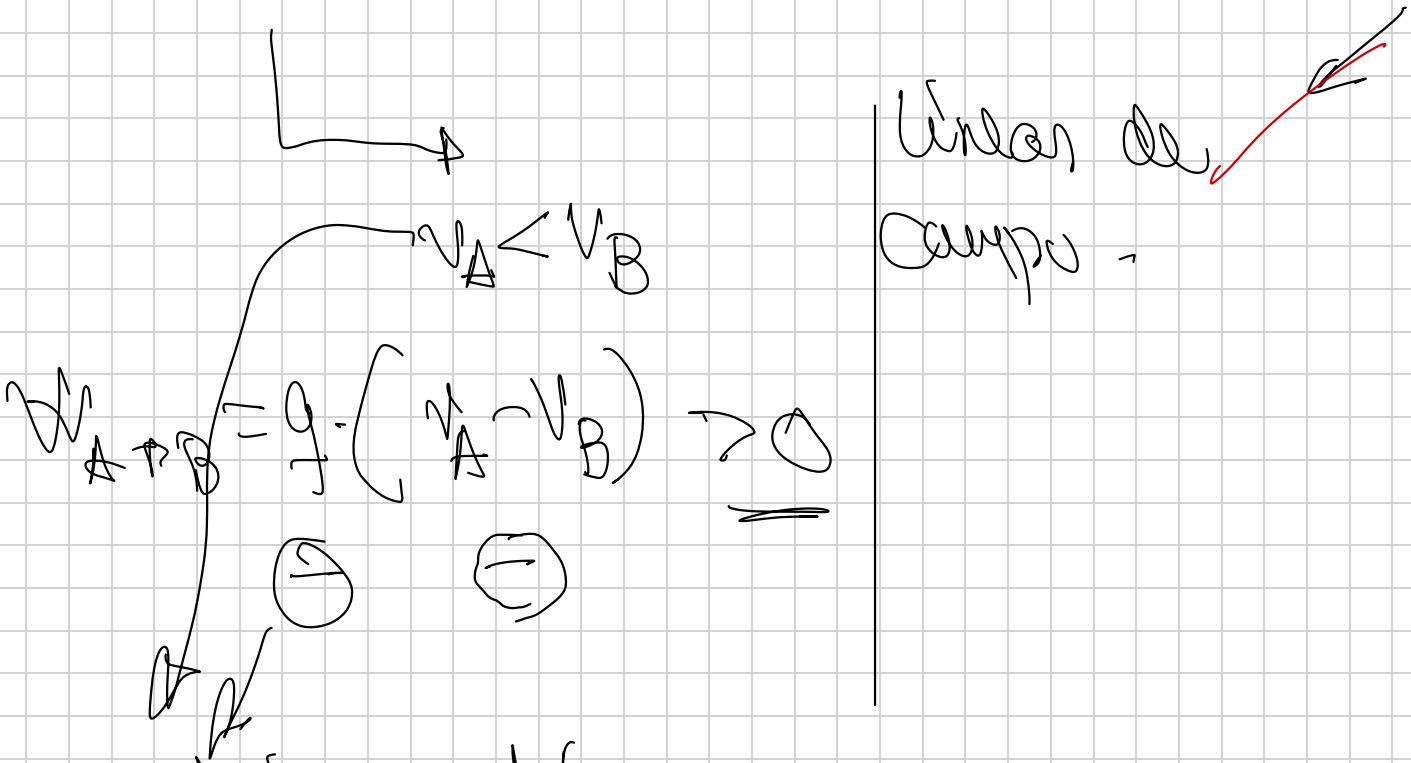


Líneas de campo ⊥ a las superficies equipotenciales

$V_A > V_B$

$W_{A\to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

(+) (+)

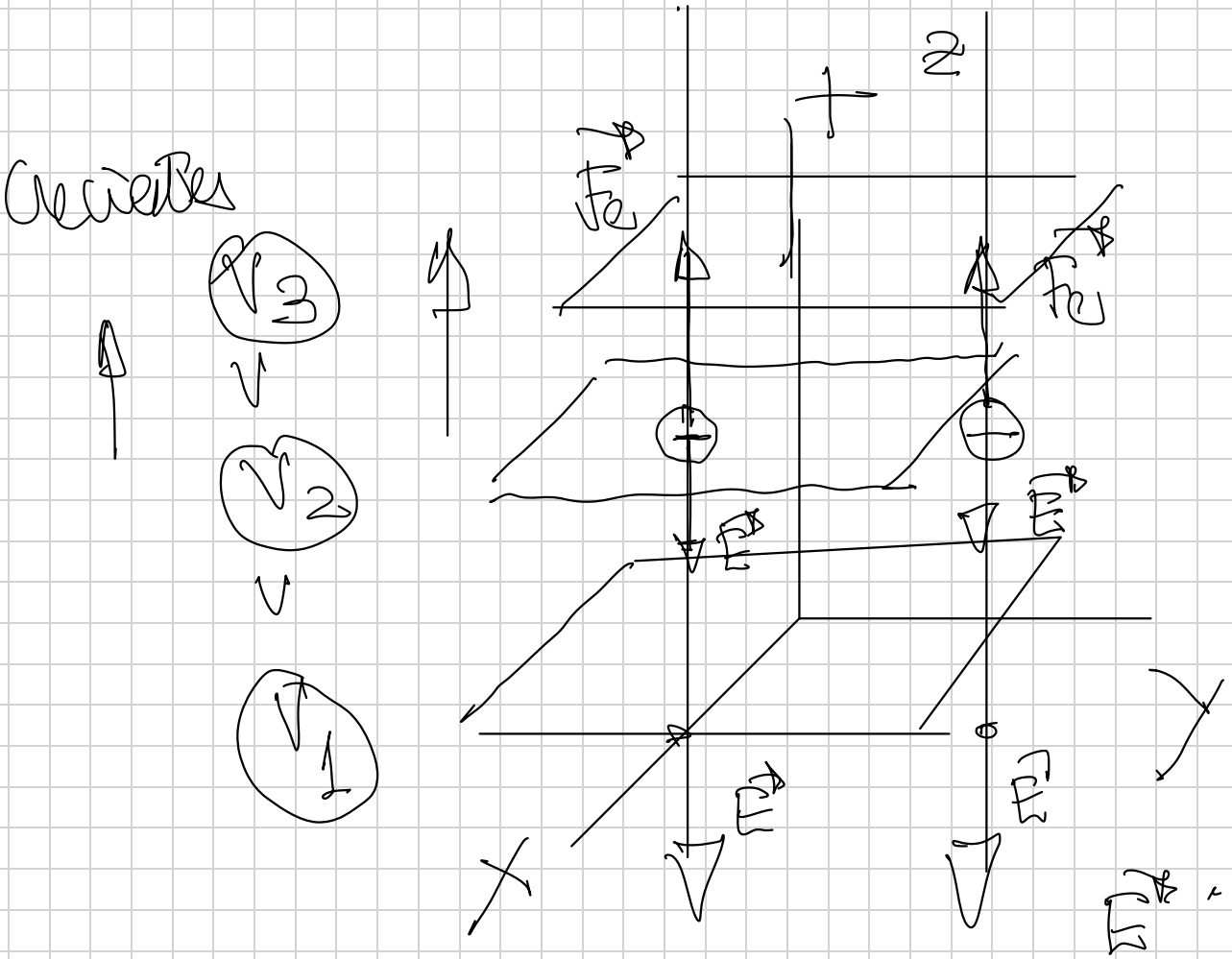


electrón espontáneamente hacia potenciales crecientes.

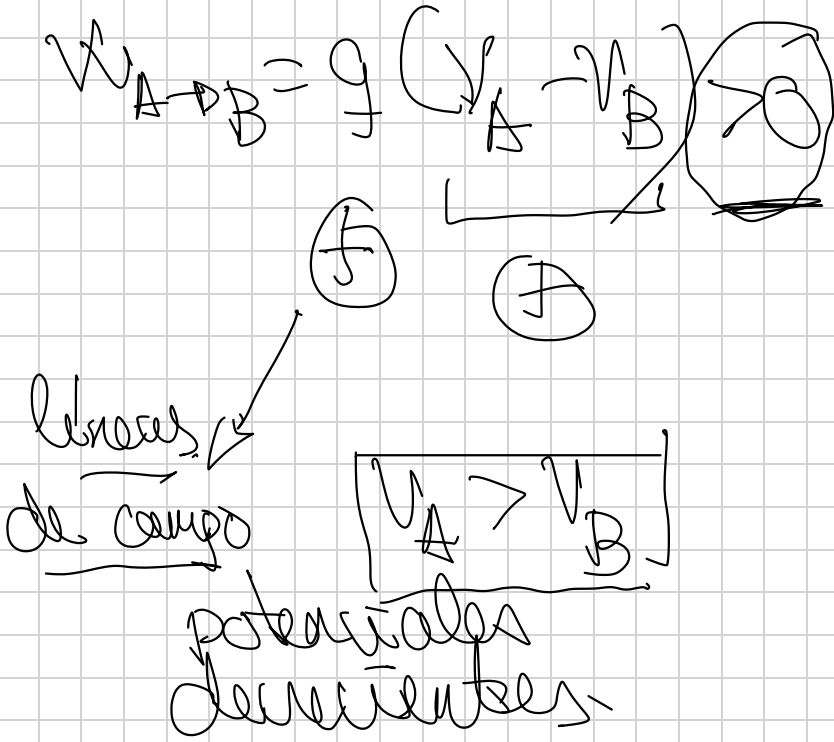
12.- En una región del espacio el potencial electrostático aumenta en el sentido positivo del eje Z y no cambia en las direcciones de los otros dos ejes

a) Dibuja en un esquema las líneas del campo electrostático y las superficies equipotenciales

b) ¿En qué dirección y sentido se moverá un electrón, inicialmente en reposo?



$W_{A\to B} = q(V_A - V_B) > 0$

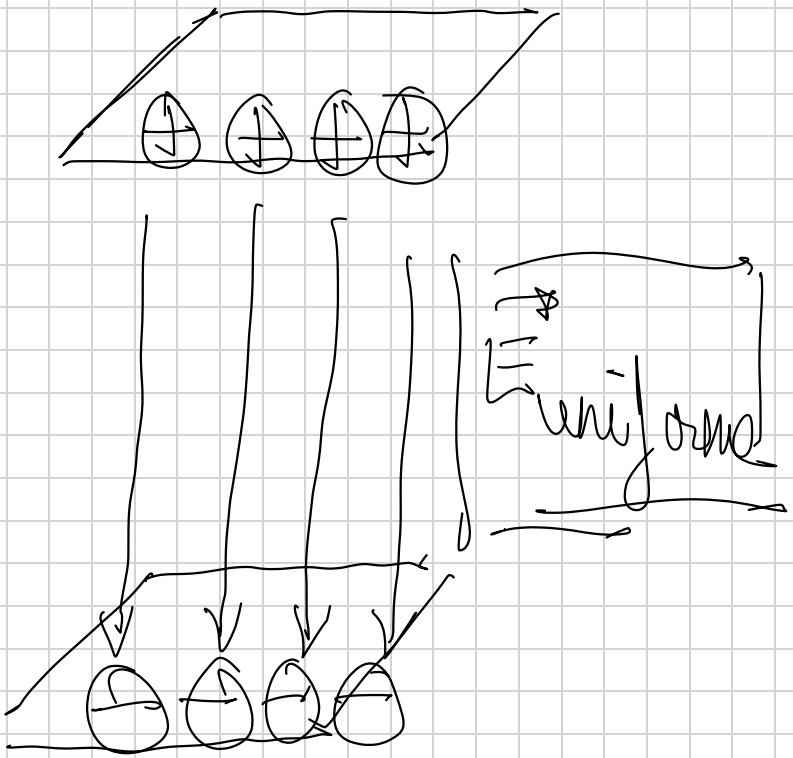


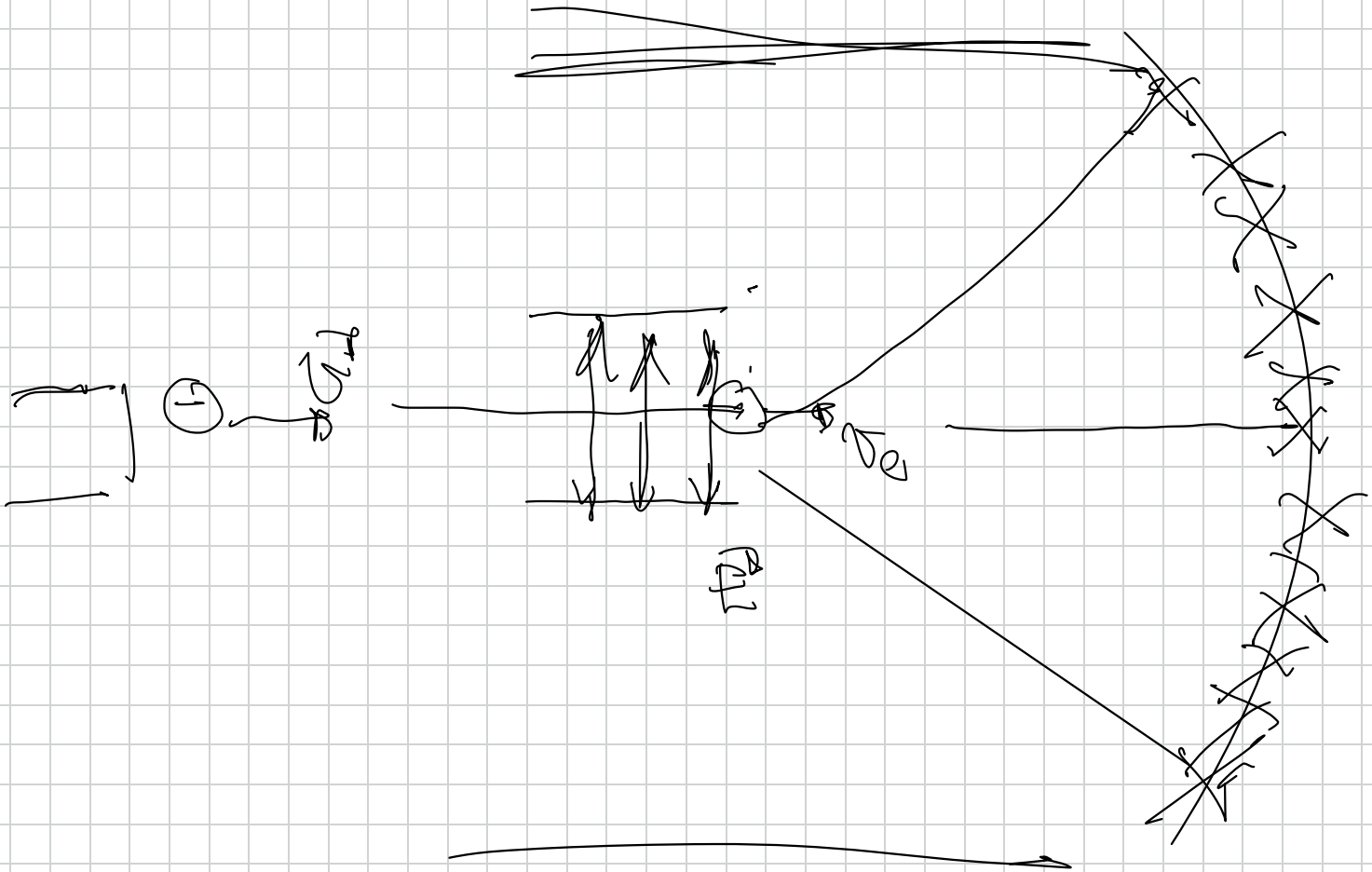
$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$$

$V_A < V_B$

↓

croissantes.





14.- Para mover un electrón desde un punto A hasta otro B se debe realizar un trabajo de $8 \cdot 10^{-15}$ J por parte de las fuerzas del campo

a) Calcular la diferencia de potencial entre esos dos puntos

b) ¿Cuál de ellos estará a un potencial más alto?

$e=1{,}6 \cdot 10^{-19}C$

$q_e = -1'6 \cdot 10^{-19} C$



Magnitudes escalares, cada carga con su valor.

$W_{A \to B} = 8 \cdot 10^{-15} J$

$(V_A - V_B)$

a) $W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$

$(V_A - V_B) = \dfrac{W_{A \to B}}{q} = \dfrac{8 \cdot 10^{-15} J}{(-)1'6 \cdot 10^{-19} C} = -5 \cdot 10^4 \dfrac{J}{C}$

$$(V_A - V_B) = -5 \cdot 10^4 \text{ V}.$$

c)

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$$

(+) (−)

B está a un potencial más alto

$A \longrightarrow B$

Orden de potenciales creciente.

16.- Se traslada una carga de $5\ \mu C$ desde el infinito hasta un cierto punto P, cuyo potencial se desconoce. Para ello hemos de realizar un trabajo externo de 0,05 J.

a) Calcular el potencial que existe en el punto P

b)¿Cómo variará la energía potencial de la carga?

$W_{Eléctrica} = -0'05\,J$



$W_{externo} = 0'05\,J$

$W_{Eléct} = -0'05\,J$

$W_{\infty \to P} = q \cdot (V_\infty - V_P)$

$-0'05\,J = +5 \cdot 10^{-6}\,C\,(0 - V_P)$

$$V_p = -\frac{-0{,}05}{5 \cdot 10^{-6}} = 10^4\ V$$

b)

$$E_{p\infty} = q \cdot \cancel{V_\infty}^{0} = 0$$

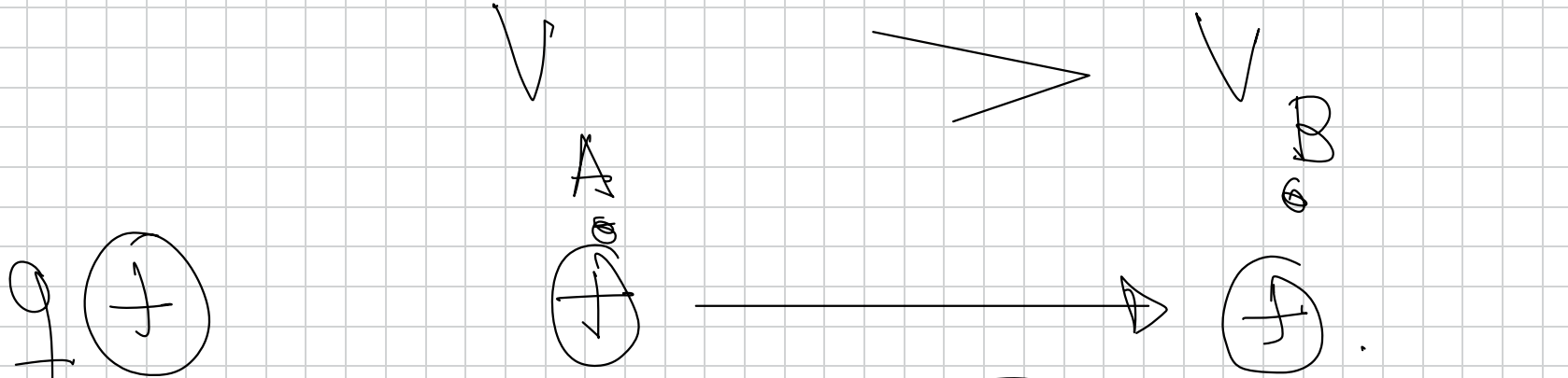
$$\boxed{0\ J}$$

$$E_{p_p} = q \cdot V_p = +5 \cdot 10^{-6} C \cdot +10^4 = \boxed{5 \cdot 10^{-2}\ J}$$

La E_p eléctrica ha aumentado.

17.- a) Razone si la energía potencial electrostática de una carga q aumenta o disminuye al pasar de un punto A a un punto B, siendo el potencial en A mayor que en B.
b) El punto A está mas alejado que el B de la carga Q que crea el campo. Razone si la carga Q es positiva o negativa.

¡OJO!, estudiamos tanto si la carga q es positiva o negativa



$E_{pA} = q \cdot V_A$ $\quad |V_A > V_B|$ $\quad E_{pB} = q \cdot V_B$

(+) (+)

$E_{p_A} > E_{p_B}$ La E_p diminue.

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$.

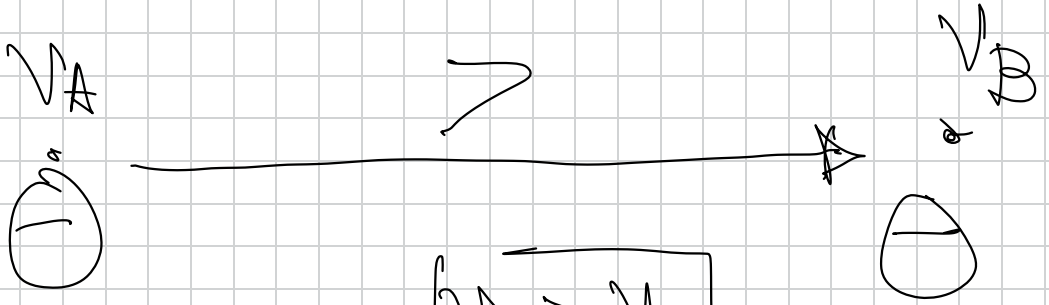
(+) (+)

$V_A > V_B$

$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B} > 0$

$E_p \downarrow$

$V_A > V_B$.



$V_A > V_B$

$E_{P_A} = q \cdot V_A$.

$E_{P_B} = q \cdot V_B$.

mas negativo $\longrightarrow$ menos negativo

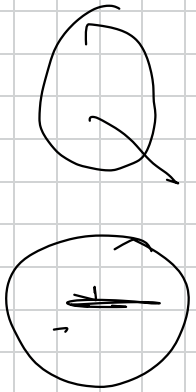
$E_{P_A} < E_{P_B}$

Ej anterior.

b)

$$V_A > V_B$$





menos negativo, mayor.



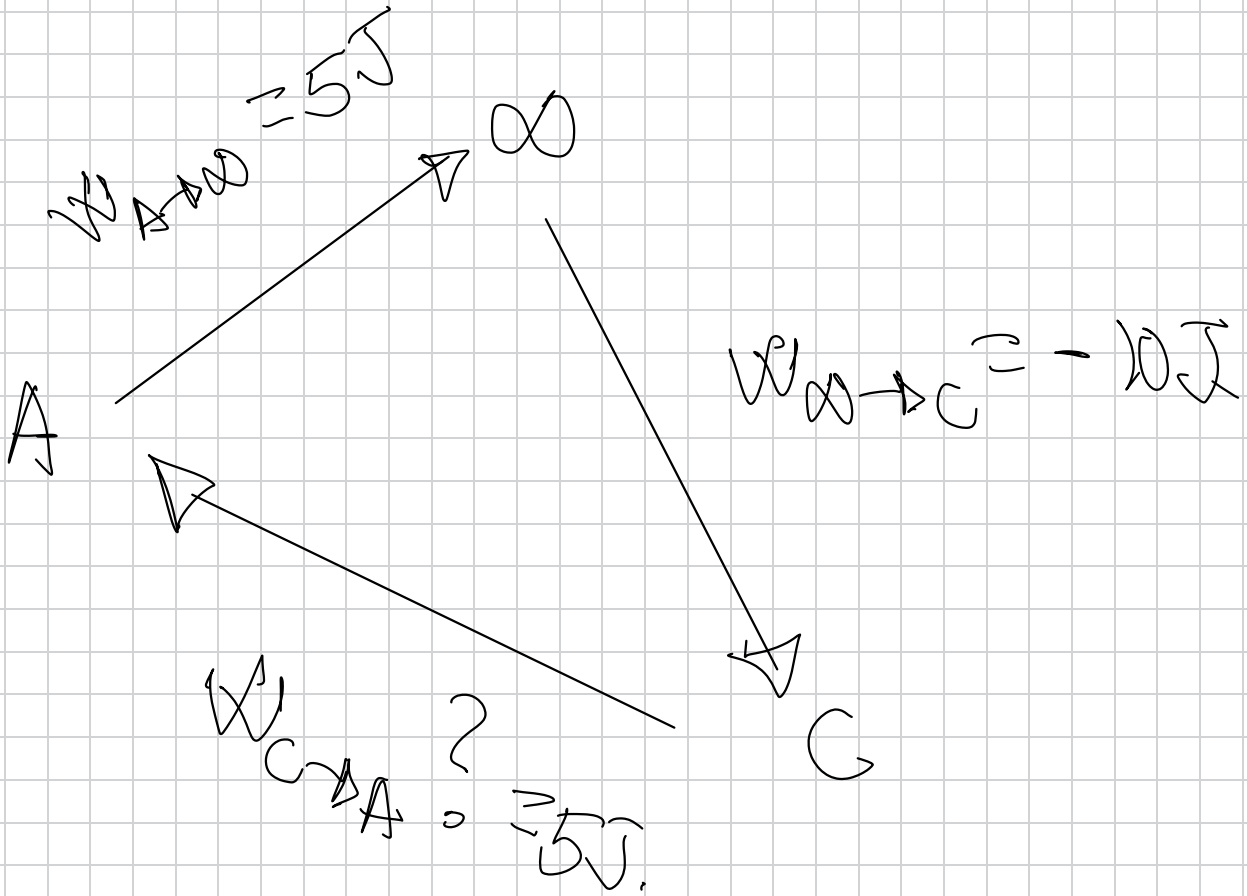
$$V = k \cdot \frac{Q}{r_A}$$

$$r_A > r_B$$

18.- Una carga puntual Q crea un campo electrostático. Al trasladar una carga q desde el punto A al infinito, las fuerzas del campo realizan un trabajo de 5 J. Si se traslada desde el infinito hasta otro punto C, el trabajo es de -10 J.

a)¿Qué trabajo se realiza al llevar la carga desde el punto C al A?. ¿En qué propiedad del campo electrostático se basa la respuesta?

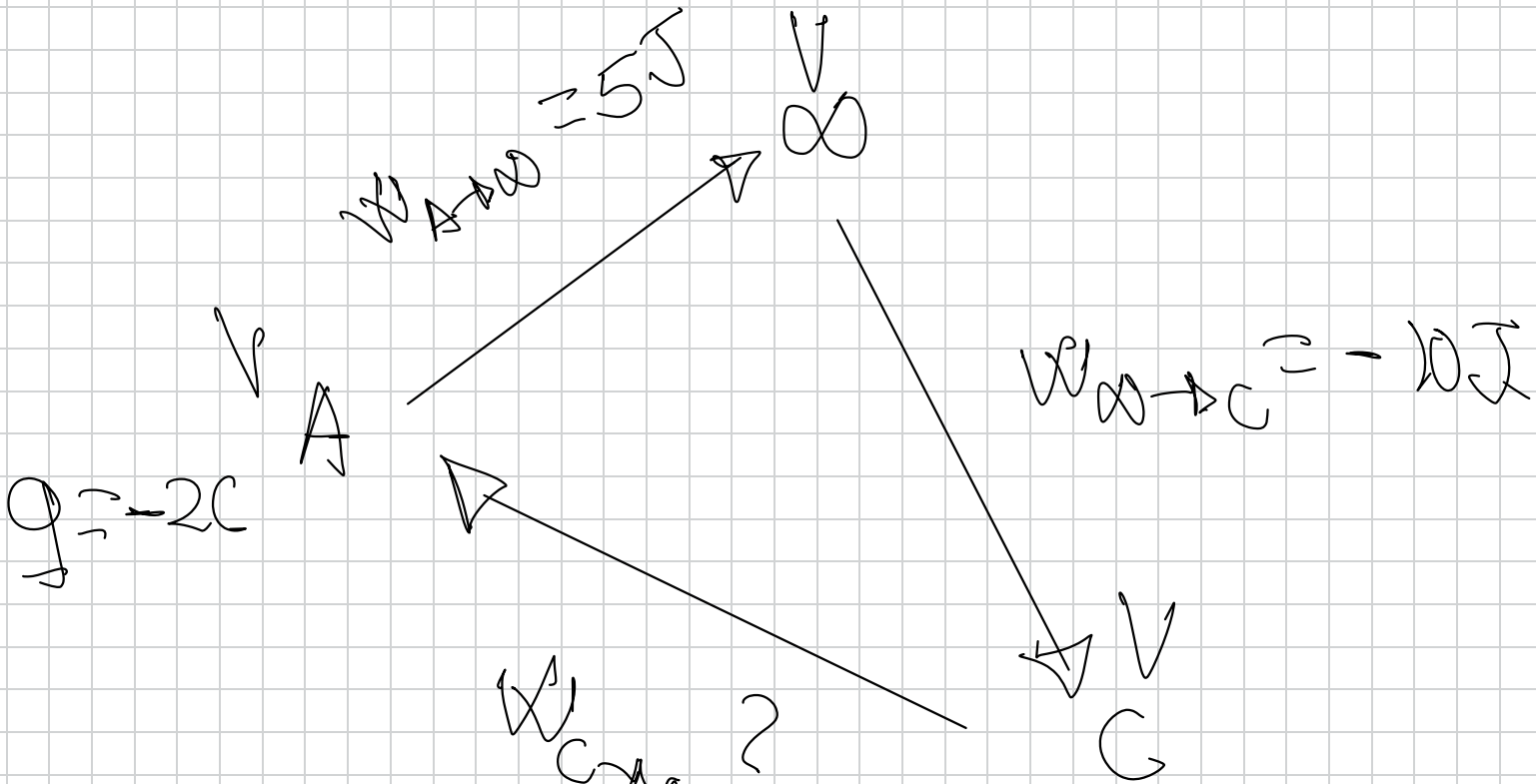
b) Si q=-2 C, ¿Cuánto vale el potencial en los puntos A y C?, ¿Cuál es el signo de Q?, ¿porqué?

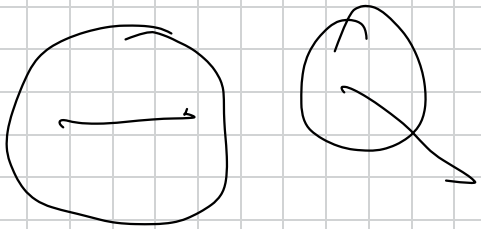


$$W_{A \to A} = W_{A \to B} + W_{B \to C} + W_{C \to A}$$

$$0 = 5\,J - 10\,J + W_{C \to A}$$

$W_{C \to A} = 5\,J \rightarrow$ Es que la F eléctrica es conservativa (en una trayectoria cerrada el trabajo que realizaría sería nulo





$$W_{A\to\infty} = q \cdot (V_A - V_\infty)^{0}$$

$$V_A = \frac{W_{A\to\infty}}{q} = \frac{5J}{-2C} = -2{,}5V$$

$$W_{\infty \to C} = -q \cdot (V_\infty^{0} - V_C)$$

$$V_C = -\frac{W_{\infty \to C}}{q} = -\frac{-10\,J}{-2\,C} = -5\,V$$

$$V = K \cdot \frac{Q}{r} \quad (-)$$

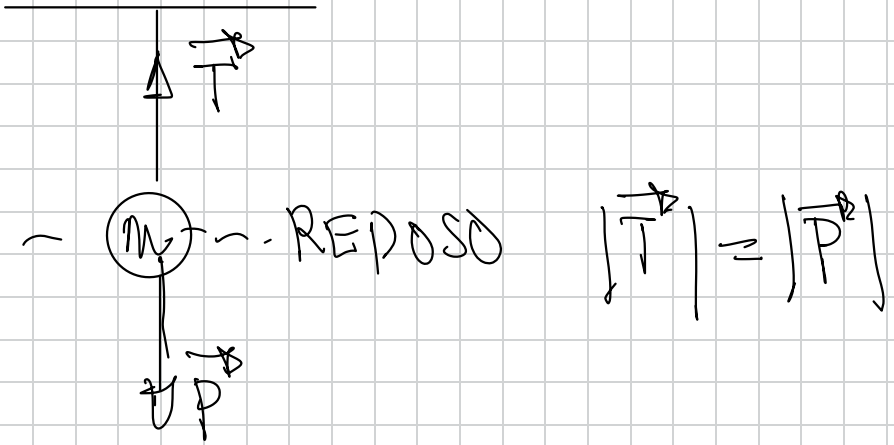
Potencial (-) carga que lo crea (-)

39.- Una bola de 0,2 g de masa y una carga de $5 \cdot 10^{-6}$ C está suspendida por un hilo en el interior de un campo eléctrico uniforme E=200N/C dirigido en la dirección del eje OY hacia abajo. Sabiendo que g=10 $m \cdot s^{-2}$, calcular la tensión del hilo si la masa permanece en reposo en los siguientes casos:

a) Si la carga es positiva

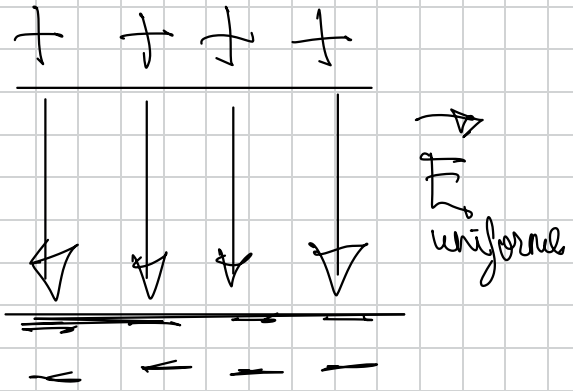
b) Si la carga es negativa

c) Si se pierde la carga



$|\vec{T}| = |\vec{P}|$

Campo eléctrico uniforme.



39.- Una bola de 0,2 g de masa y una carga de $5 \cdot 10^{-6}$ C está suspendida por un hilo en el interior de un campo eléctrico uniforme E=200N/C dirigido en la dirección del eje OY hacia abajo. Sabiendo que g=10 $m \cdot s^{-2}$, calcular la tensión del hilo si la masa permanece en reposo en los siguientes casos:

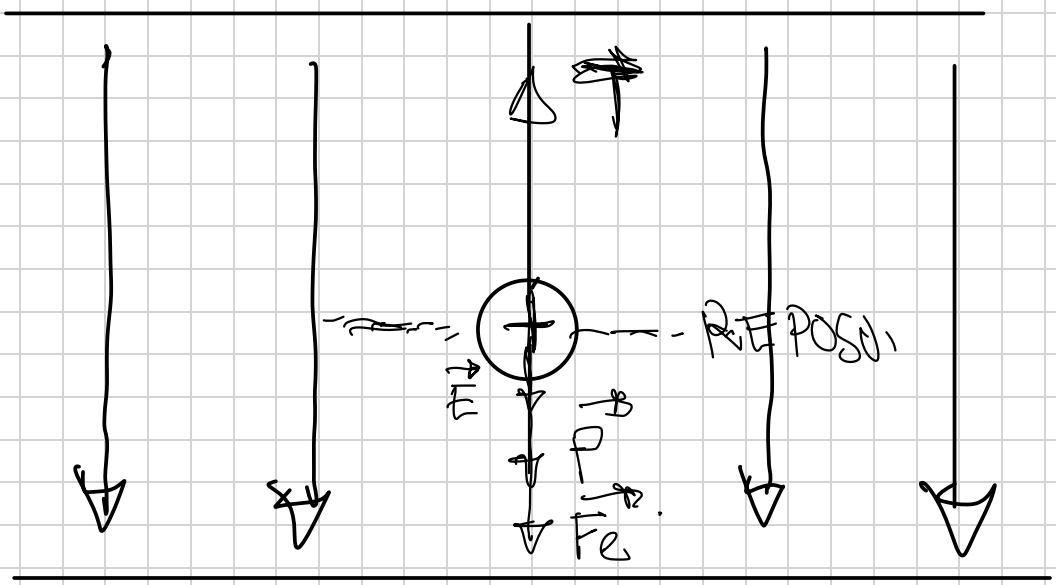
a) Si la carga es positiva

b) Si la carga es negativa

c) Si se pierde la carga

$m = 0'2\,g = 0'2 \cdot 10^{-3}\,kg.$

a)



$|\vec{T}| = |\vec{P}| + |\vec{F_e}|$

$|\vec{T}| = 2 \cdot 10^{-3} + 10^{-3}$

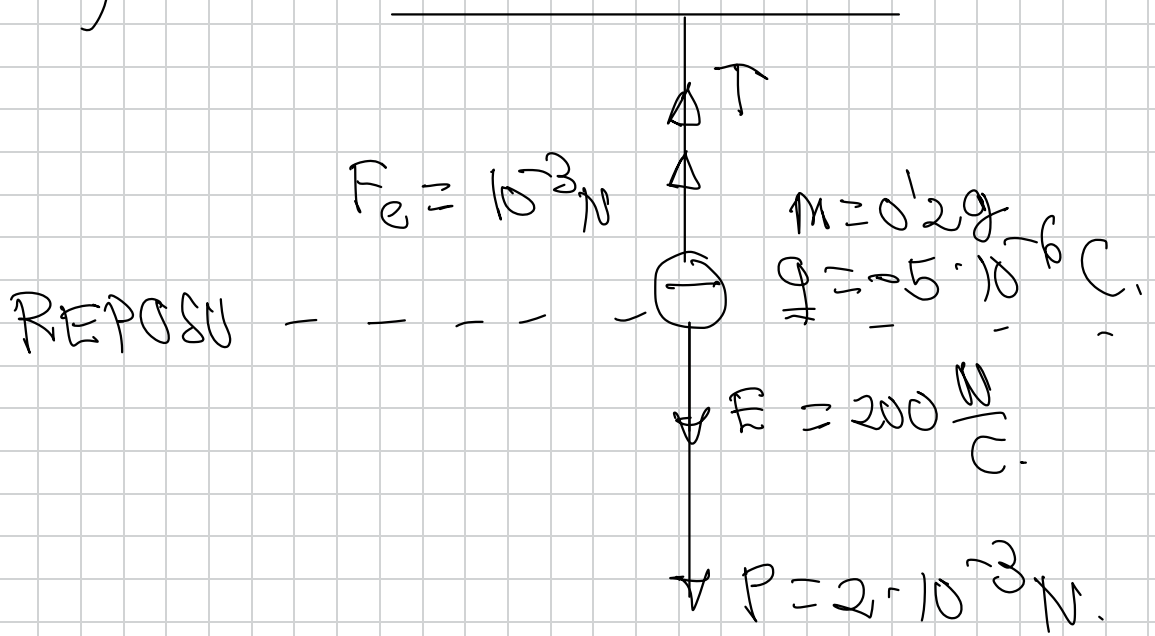
$|\vec{T}| = 3 \cdot 10^{-3}\,N.$

$\vec{E}$ vertical.

$P = m \cdot g = 0'2 \cdot 10^{-3}\,kg \cdot 10\,\frac{m}{s^2} = 2 \cdot 10^{-3}\,N$

$F_e = q \cdot E = 5 \cdot 10^{-6}\,C \cdot 200\,\frac{N}{C} = 10^{-3}\,N.$

b)



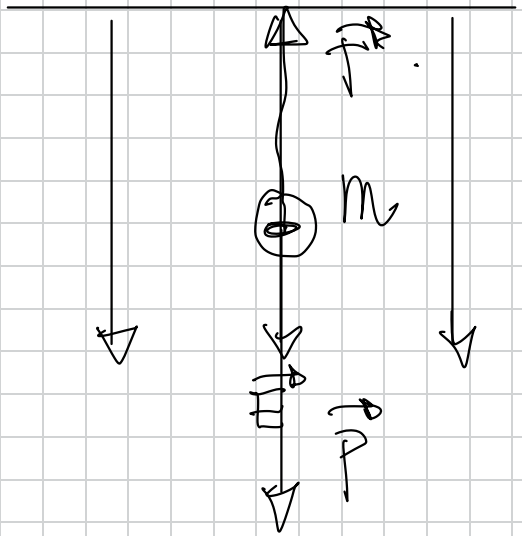
$$\vec{T} + \vec{F_e} = \vec{P}.$$

$$|\vec{T}| = |\vec{P}| - |\vec{F_e}|$$

$$|\vec{T}| = 2 \cdot 10^{-3}\,N - 10^{-3}\,N$$

$$|\vec{T}| = 10^{-3}\,N.$$

c)



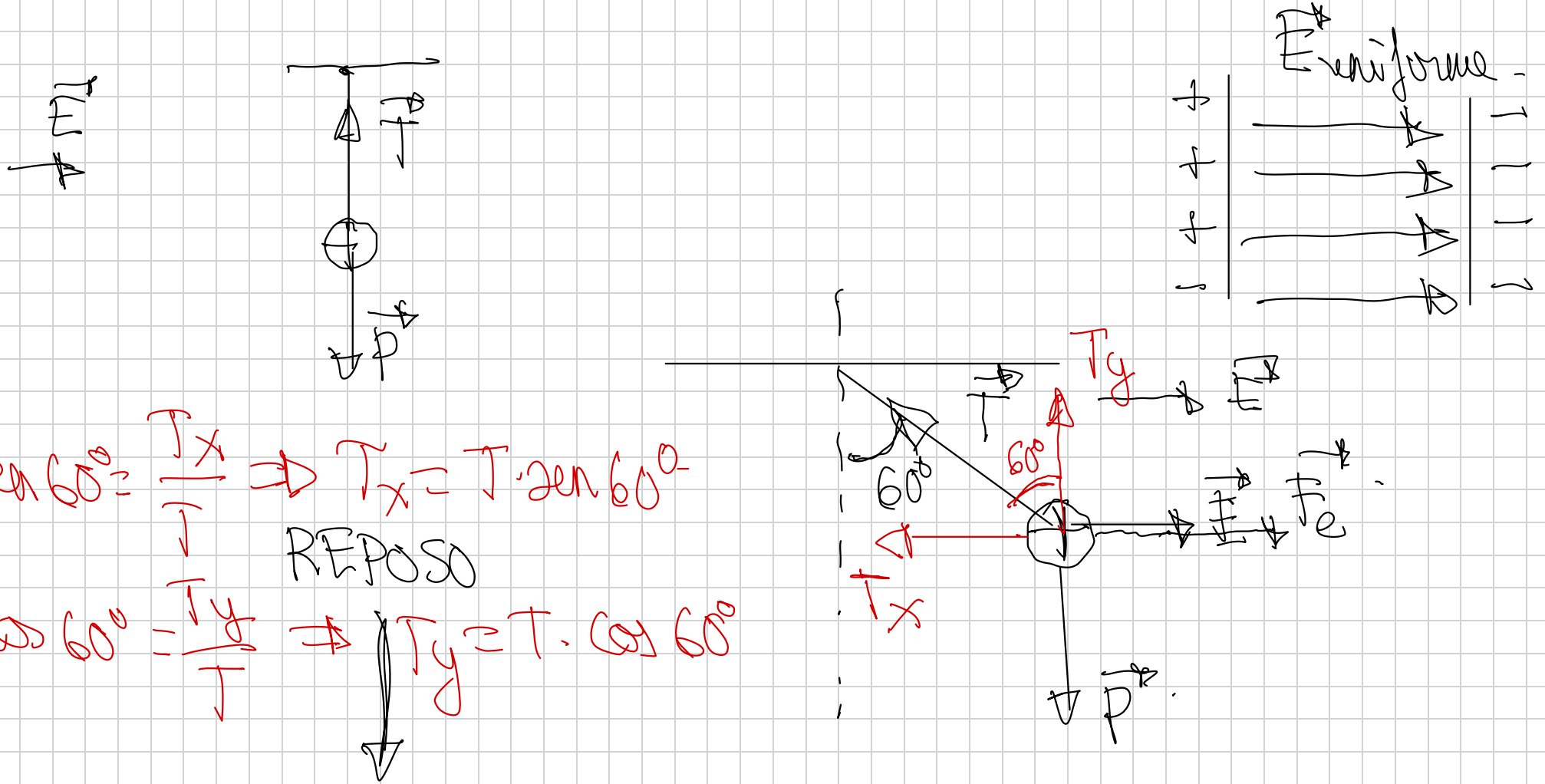
$$|\vec{T}| = |\vec{P}|$$

$$|\vec{T}| = 2 \cdot 10^{-3}\,N.$$

40.- Una bolita de 1 g, cargada con $+5 \cdot 10^{-6}$ C, pende de un hilo que forma un ángulo de 60º con la vertical, en una región en la que existe un campo eléctrico uniforme en dirección horizontal.

a) Explique, con ayuda de un esquema, qué fuerzas actúan sobre la bolita y calcule el valor del campo eléctrico.

b) Razone qué cambios experimentaría la situación de la bolita si: i) se duplicara el campo eléctrico; ii) si se duplicase la masa de la bolita. $g=10\ ms^{-2}$



$$\text{EJEX} \quad |\vec{T}_x| = |\vec{F}_e| \qquad T \cdot \operatorname{sen} 60^\circ = q \cdot E$$

$$\text{EJEY} \quad |\vec{T}_y| = |\vec{P}| \qquad T \cdot \cos 60^\circ = m \cdot g$$

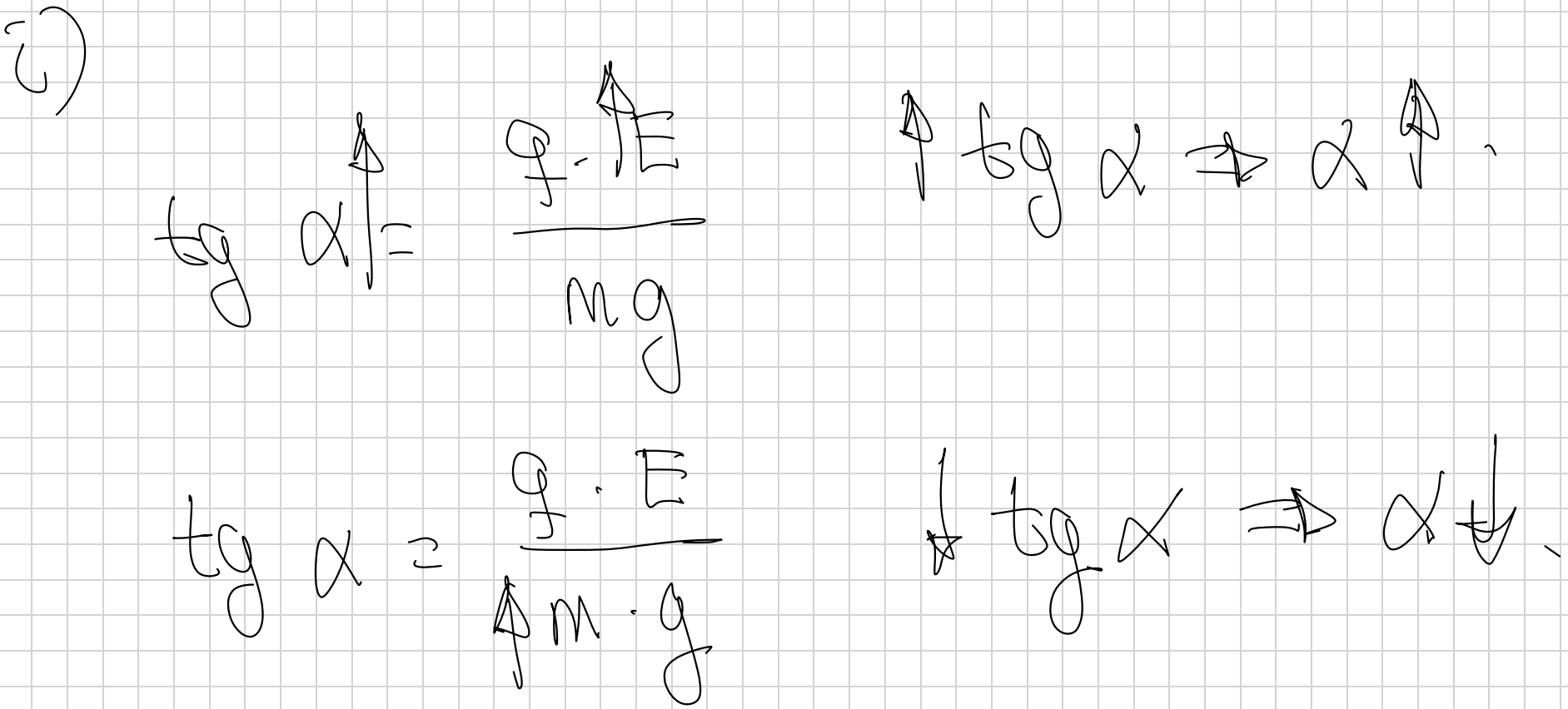
$$\frac{T \cdot \operatorname{sen} 60^\circ}{T \cdot \cos 60^\circ} = \frac{q \cdot E}{m \cdot g}$$

$$\operatorname{tg} 60^\circ = \frac{q \cdot E}{m \cdot g} \Rightarrow E = \frac{m \cdot g \cdot \operatorname{tg} 60^\circ}{q}$$

$$E = \frac{1 \cdot 10^{-3} \cdot 10 \cdot \sqrt{3}}{5 \cdot 10^{-6}} \; \frac{N}{C}$$

$$E = 3464 \; \frac{N}{C}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{q \cdot E}{m \cdot g}$$

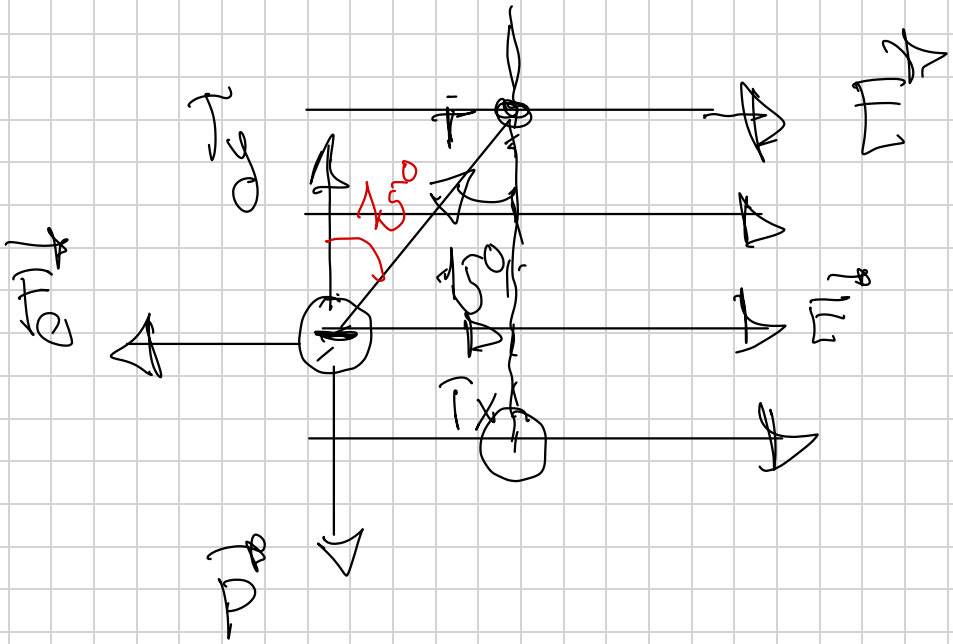


43.- Una bolita de plástico de 2 g se encuentra suspendida de un hilo de 20 cm de longitud y, al aplicar un campo eléctrico uniforme y horizontal de 1000 N C- 1, el hilo forma un ángulo de 15º con la vertical.

a) Dibuje en un esquema el campo eléctrico y todas las fuerzas que actúan sobre la esfera y determine su carga eléctrica.

b) Explique cómo cambia la energía potencial de la esfera al aplicar el campo eléctrico.

$g = 10\ m\ s^{-2}$



$$\operatorname{sen} 15^\circ = \frac{T_x}{T} \qquad T_x = T \cdot \operatorname{sen} 15^\circ$$

$$\cos 15^\circ = \frac{T_y}{T} \qquad T_y = T \cdot \cos 15^\circ$$

$$|\vec{T}_x| = |\vec{F_e}|$$

$$|\vec{T}_y| = |\vec{P}|$$

$$T \cdot \operatorname{sen} 15^\circ = |q| \cdot |\vec{E}|$$

$$T \cdot \cos 15^\circ = m \cdot g$$

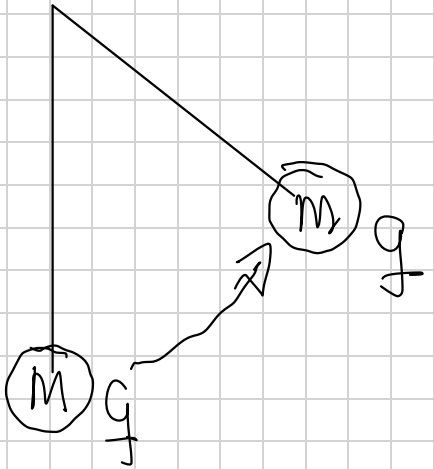
$$\frac{T \cdot \operatorname{sen} 15^\circ}{T \cos 15^\circ} = \frac{q \cdot E}{m \cdot g}$$

$$\operatorname{tg} 15^\circ = \frac{|q| \cdot E}{m \cdot g}$$

$$|q| = \frac{m \cdot g \cdot \operatorname{tg} 15^\circ}{E} = \frac{2 \cdot 10^{-3}\,\text{kg} \cdot 10\,\frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \operatorname{tg} 15^\circ}{1000\,\frac{\text{N}}{\text{C}}}$$

$|q| = 5'36 \cdot 10^{-6}\,\text{C}$ No podemos saber su signo si no especifican hacia donde se mueve.

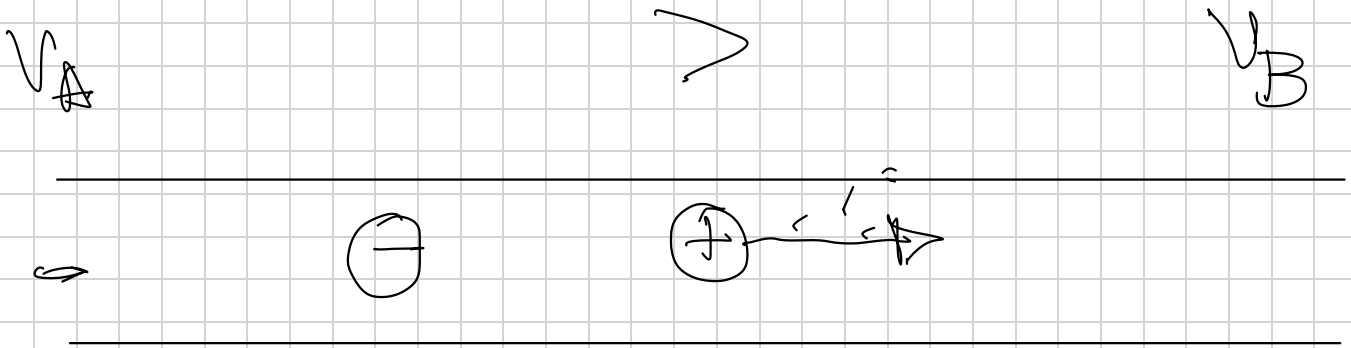
b) $E_{p\,\text{gravit}} = m \cdot g \cdot h$.



$E_{p\,\text{gravitatoria}}$.

$E_{p\,\text{eléctrica}}$.

$$|E_{p\,\text{eléctrica}}| = |E_{p\,\text{gravitatoria}}|$$



$$V_A - V_B = 500.000\ V.$$

$V_A > V_B$

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$$

$$(+) \cdot (+) > 0.$$

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0,$$

$$(-) \cdot (-)$$

$$V_A < V_B$$

19.- Un acelerador lineal consiste básicamente en un tubo donde se ha hecho el vacío y entre cuyos extremos se establece una diferencia de potencial. Las partículas cargadas introducidas en un extremo del tubo se aceleran dirigiéndose hacia el otro extremo.

a) Realice un análisis energético que explique el funcionamiento del acelerador.

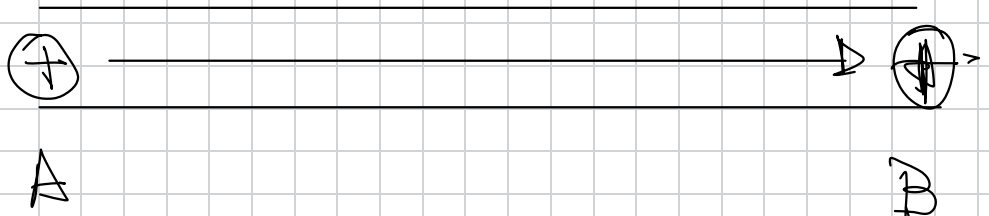
b) Si la diferencia de potencial es de 10^5 V y se introduce un electrón con una velocidad de 10^2 m/s, calcule la velocidad con la que llegará al otro extremo del tubo

c) Si se introdujera un protón, ¿habría que realizar alguna modificación en la experiencia?

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C , $m_e = 9{,}1 \cdot 10^{-31}$ Kg $m_p = 1{,}67 \cdot 10^{-27}$ Kg

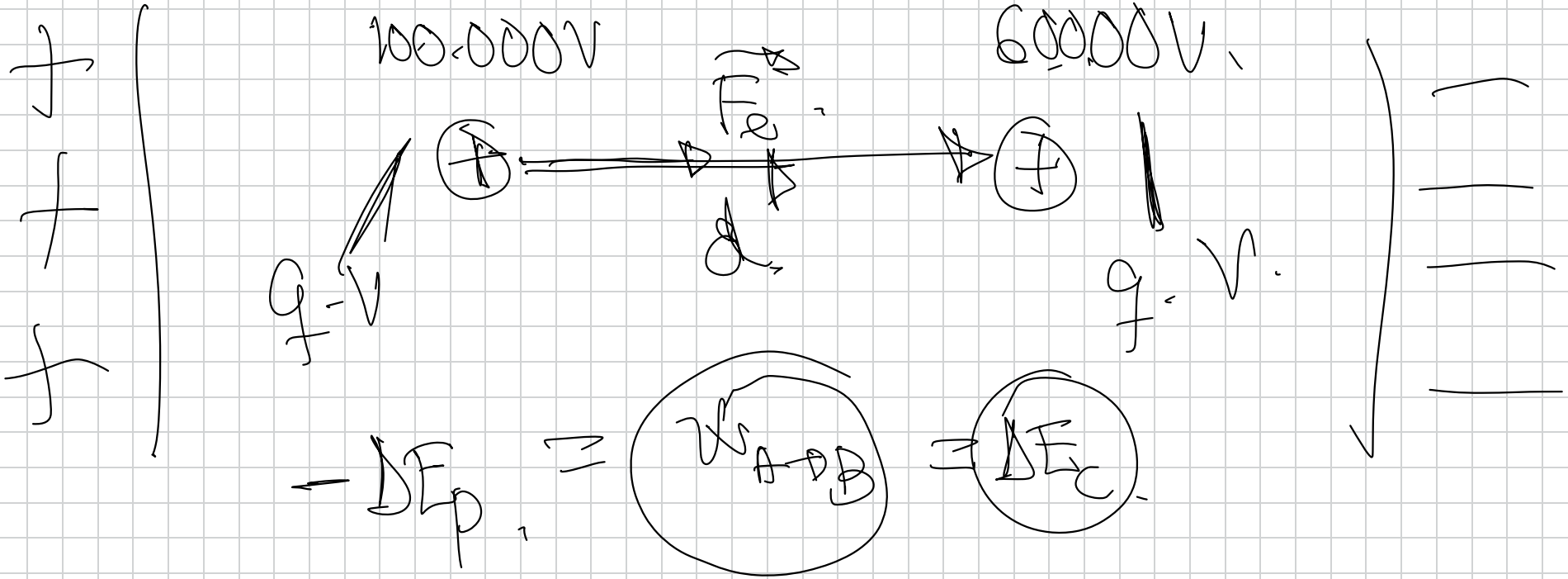
$3 \cdot 10^8 \frac{m}{s}$

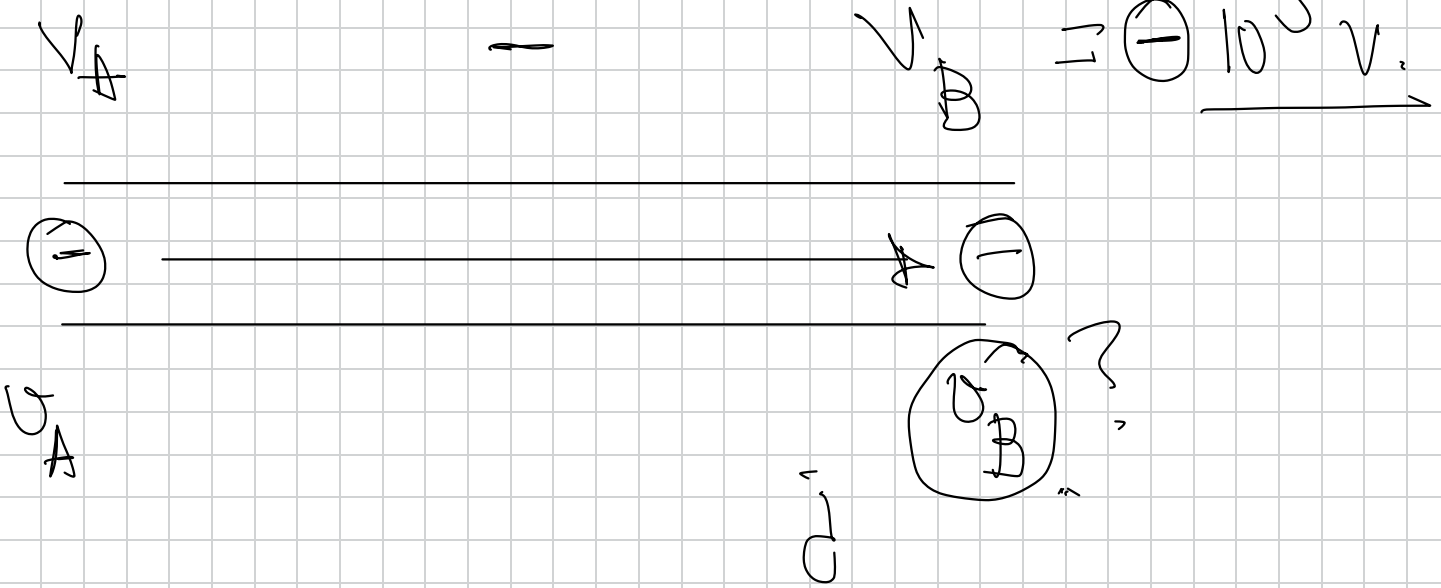
Al ser las masas tan pequeñas no tenemos en cuenta el efecto gravitatorio



$-\Delta E_{p\,electrica} = W_{A \to B} = \Delta E_{c\,A \to B}$

500.000 V.





$$W_{A\to B} = \Delta E_{C\,A\to B}$$

$$q\cdot(V_A - V_B) = E_{C_B} - E_{C_A}$$

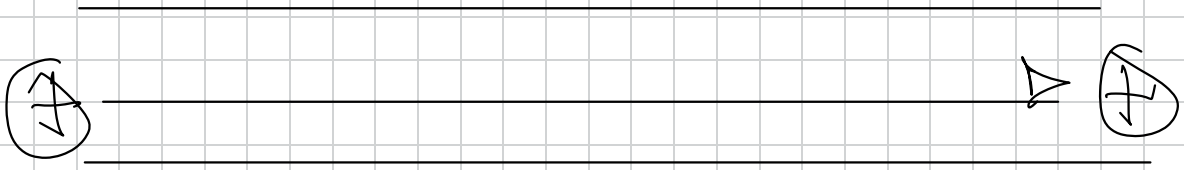
$$q\cdot(V_A - V_B) = \frac{1}{2} m_e v_B^2 - \frac{1}{2} m_e v_A^2$$

$$-1{,}6\cdot 10^{-19}\cdot(-10^5) = \frac{1}{2}\,9{,}1\cdot 10^{-31}\cdot v_B^2 = \frac{1}{2}\,9{,}1\cdot 10^{-31}\,(10^7)^2$$

$$q \cdot (V_A - V_B) + \frac{1}{2} m_e \cdot v_A^2 = \frac{1}{2} m_e \cdot v_B^2$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2\left[q(V_A - V_B) + \frac{1}{2} m_e v_A^2\right]}{m_e}} \rightarrow 1'87 \cdot 10^8 \frac{m}{s}$$

$V_A \rightleftharpoons V_B \rightarrow 10^5$ V.



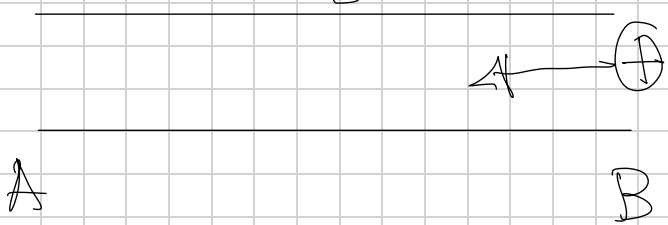
$V_A > V_B$

$m_p > m_e$

Tendría que haber puesto orden

de potenciales inverso para acelerar protones

$V_A - V_B = -10^5$ V.



Otra opción es habelo introducido por el otro extremo del tubo.

c) Se habría que modificar la experiencia ya que para acelerar espontáneamente una carga positiva el order de potenciales tendrá que ser inverso $W_{1\to 2} = q\cdot(V_1 - V_2) > 0$ (Espontáneo)

Luego si ahora $V_1 - V_2 > 0 \Rightarrow \boxed{V_1 > V_2}$,



El order de potenciales tendrá que ser inverso al anterior, haciendo que el potencial en el extremo de partida sea mayor que en el extremo de llegada.

Al igual que antes:

$-\Delta E_{P_{1\to 2}} = \boxed{W_{1\to 2} = \Delta E_{C_{1\to 2}}} \Rightarrow$

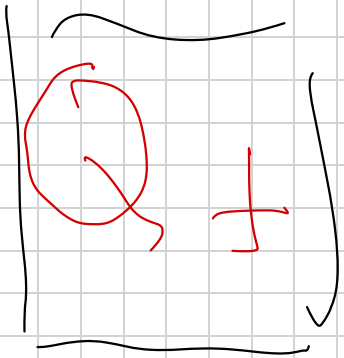
$q\cdot(V_1 - V_2) = \frac{1}{2} m_p \cdot v_2^2 - \frac{1}{2} m_p \cdot v_1^2$

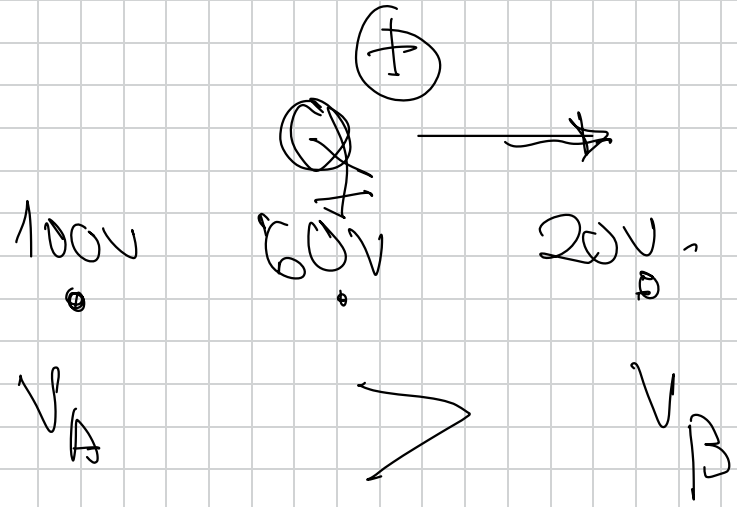
$q\cdot(V_1 - V_2) = \frac{1}{2} m_p \cdot (v_2^2 - v_1^2)$

$v_2^2 - v_1^2 = \frac{q\cdot(V_1 - V_2)}{\frac{1}{2} m_p}$

Al ser $m_p > m_{e^-}$, para que el incremento de velocidad sea el mismo, la diferencia de potencial ha de ser mayor, o la

(18-R) a) Considere un campo eléctrico en una región del espacio. El potencial electrostático en dos puntos A y B (que se encuentran en la misma línea de campo) es V_A y VB, cumpliéndose que $V_A > V_B$. Se deja libre una carga Q en el punto medio del segmento AB. Razone cómo es el movimiento de la carga en función de su signo.

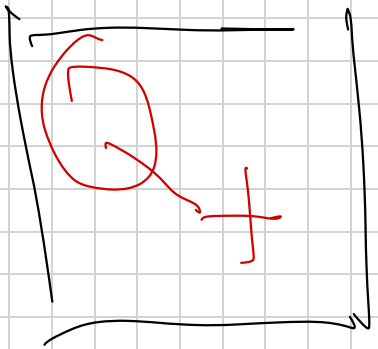




$+ \Rightarrow W_{1\to 2} = q \cdot (V_1 - V_2) > 0$.

(+) $V_1 > V_2$.

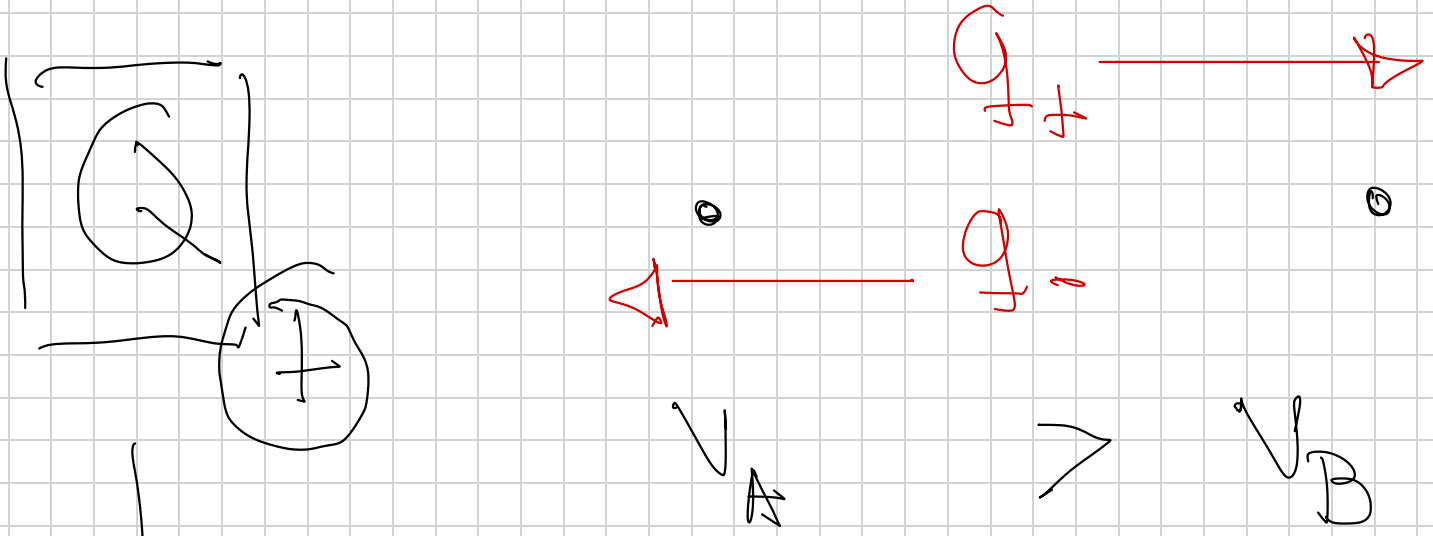
dos vientes.



$V_A > V_B$

$W_{1 \to 2} = q \cdot (V_1 - V_2) > 0$

$V_1 < V_2$ → crescente

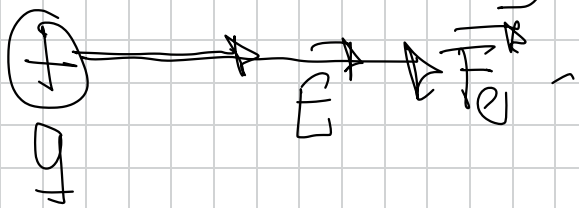


$$V = k \cdot \frac{Q^+}{r}$$

$V = k \cdot \frac{Q}{r}$ +

Q +

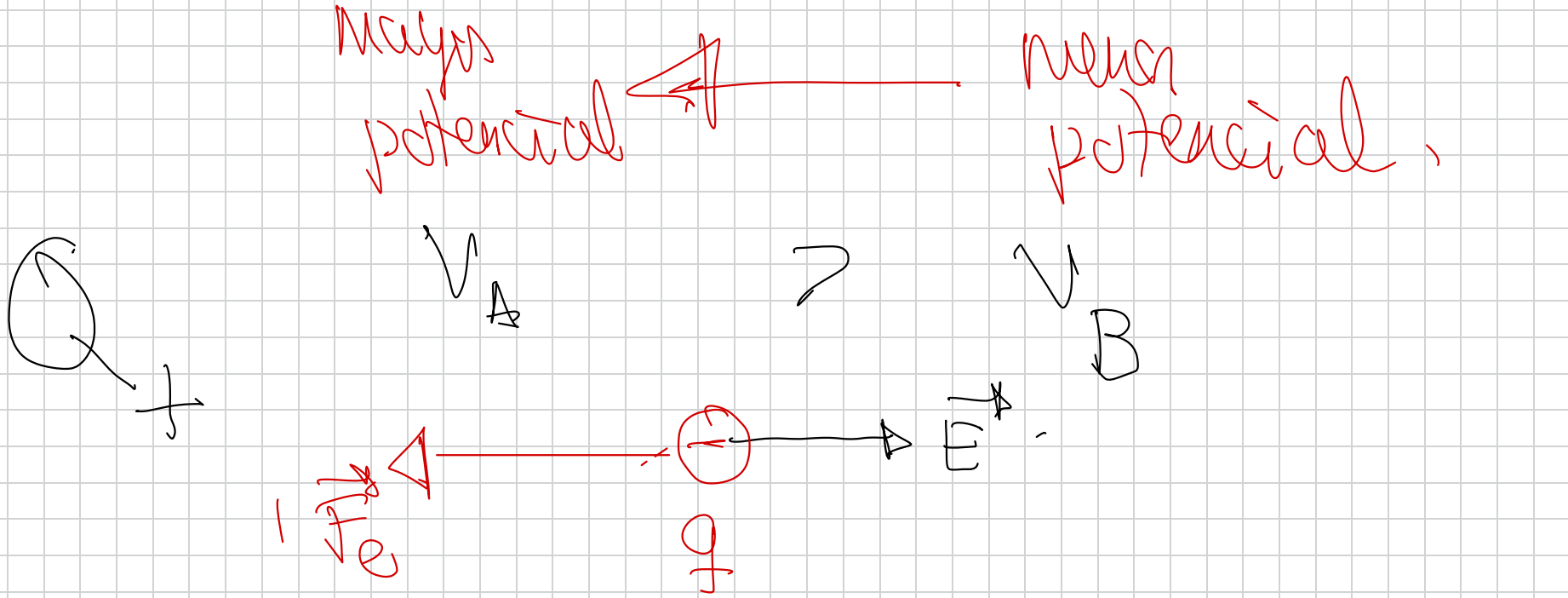
V_A > V_B



$W_{AB} = q \cdot (V_1 - V_2)$

+ +

$V_1 > V_2$ Decreasing



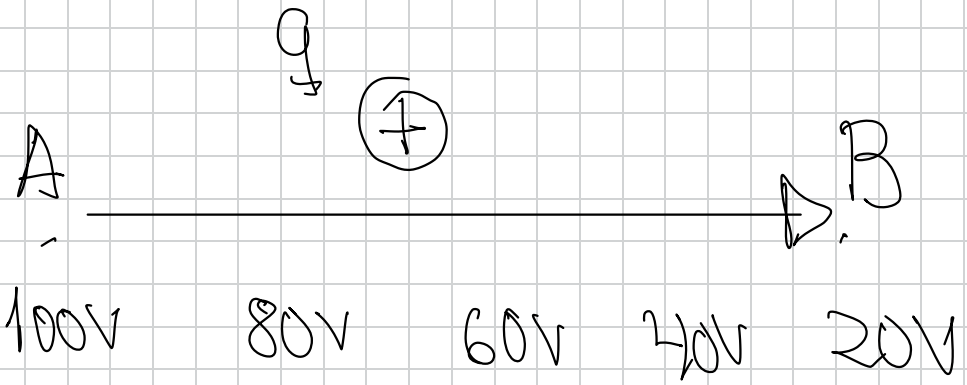
$$W_{1\to 2} = q \cdot (V_1 - V_2) > 0$$

$V_1 < V_2$. → Crece

(18-R) a) Considere un campo eléctrico en una región del espacio. El potencial electrostático en dos puntos A y B (que se encuentran en la misma línea de campo) es V_A y VB, cumpliéndose que $V_A > V_B$. Se deja libre una carga Q en el punto medio del segmento AB. Razone cómo es el movimiento de la carga en función de su signo.

b) Una esfera metálica de 24 g de masa colgada de un hilo muy fino de masa

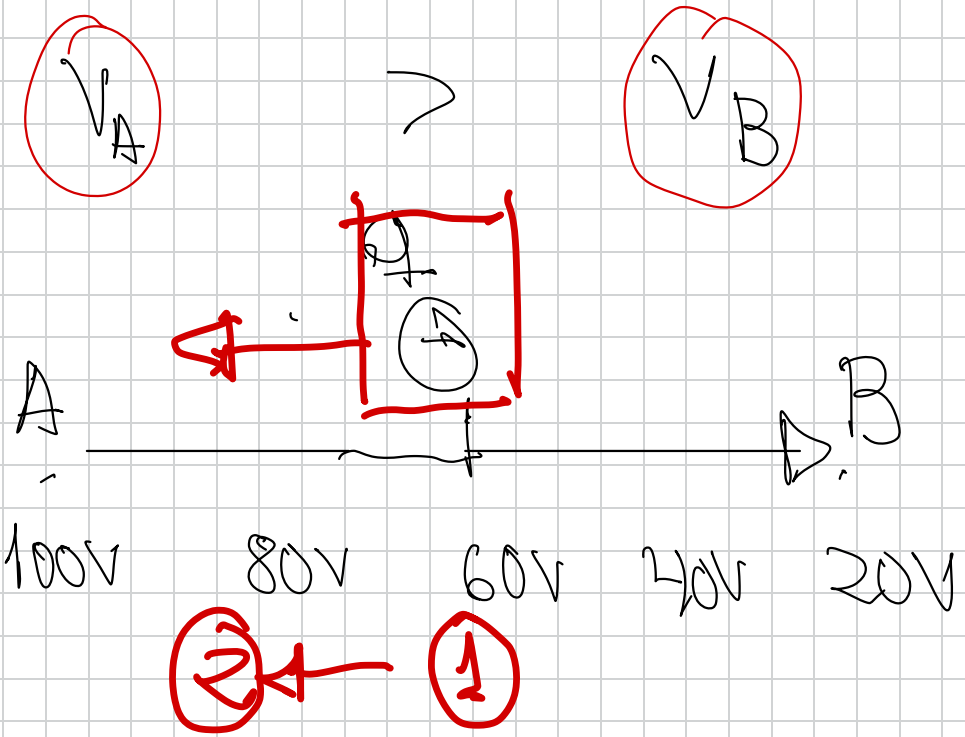
$V_A > V_B$



$W_{A\to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

(+) (+)

$V_A > V_B$ descendentes.

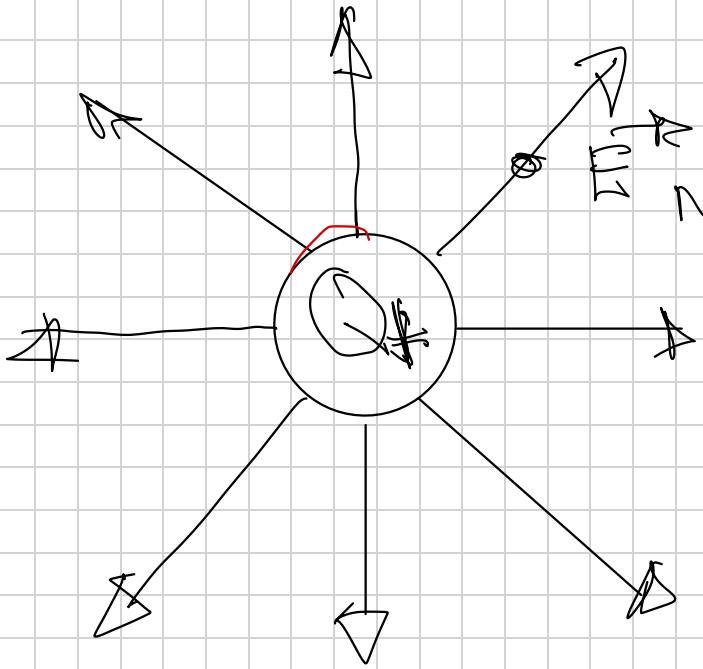


$$W_{1\to 2} = q \cdot (V_1 - V_2) > 0$$

$V_1 < V_2$ crecientes

$V_1 < V_2 \rightarrow$ creciente.

CAMPO ELÉCTRICO NO UNIFORME.



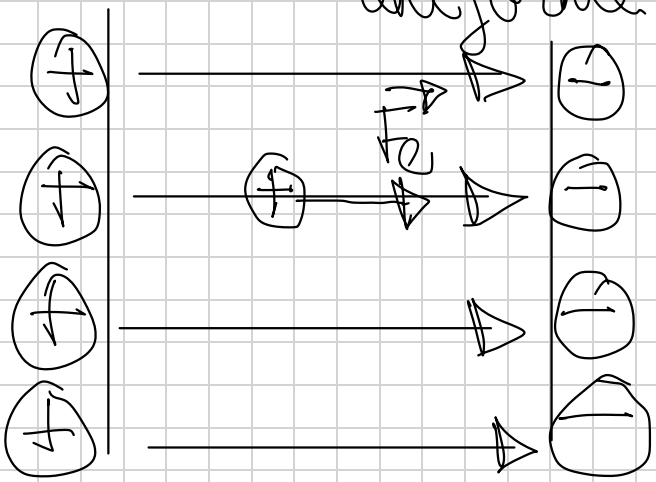
$\vec{E}$ no uniforme

$$E = K \cdot \frac{Q}{r^2}$$

$$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B} = \Delta E_{c_{A \to B}}$$

CAMPO ELÉCTRICO UNIFORME.

$\vec{E}$ uniforme.



$$F_e = q \cdot E$$

↓

uniforme e de.

↓

cte.

2ª ley de Newton.

$W_{A \to B} = -\Delta E_{P\, A \to B}$

$W_{A \to B} = -(E_{PB} - E_{PA})$

$W_{A \to B} = E_{PA} - E_{PB}$

$W_{A \to B} = q \cdot V_A - q V_B$

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$

⇓

Válido tanto para campo eléctrico uniforme y no uniforme

$\vec{F_e} = m \cdot \vec{a}$

↓ Che

$|F_e| = |m \cdot a|$

↓

MRUA:

$$\begin{cases} v = v_0 + a \cdot t \\ S = v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a t^2 \\ v^2 = v_0^2 + 2 a S \end{cases}$$

¡OJO!

SOLO PARA CAMPO ELECTRICO UNIFORME

$-\Delta E_{P\, A \to B} = W_{A \to B} = \Delta E_{C\, A \to B}$

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$

¡OJO, AHORA SOLO PARA EL CAMPO ELÉCTRICO UNIFORME.

$$W_{A \to B} = |F_e| \cdot d \cdot \cos\alpha$$

¡OJO, solo si F_e es cte.

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$F_e \cdot d \cdot \cos\alpha = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$q \cdot E \cdot d \cdot \cos\alpha = q \cdot (V_A - V_B)$$

Si $\alpha = 0°$

$$q \cdot E \cdot d = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$E \cdot d = (V_A - V_B)$$

¡OJO! solo si $\vec{E}$ es ctte.

22.- Tenemos un campo eléctrico uniforme, dirigido de arriba a abajo, cuya intensidad es de $10^4\ V \cdot m^{-1}$

a) Calcular la fuerza ejercida por este campo sobre un electrón, indicando su dirección y sentido

b) Calcular la velocidad que adquirirá el electrón cuando haya recorrido 1 cm partiendo del reposo

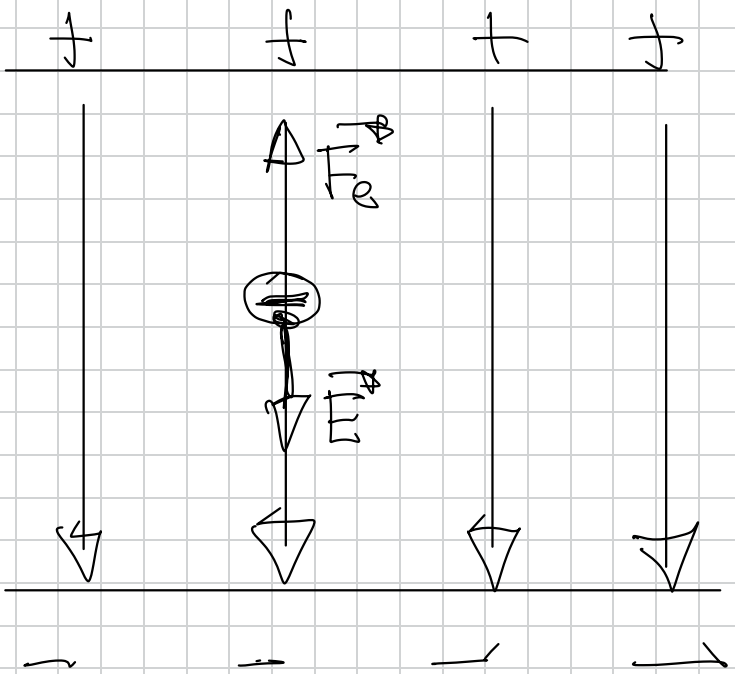
c) Calcular la energía cinética adquirida

d) Calcular el tiempo que necesita el electrón para recorrer la distancia del apartado b)

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}\ C$, $m_e = 9{,}1 \cdot 10^{-28}\ g$

↳ Despreciar $F_{gravitatoria}$

$\vec{E}$ uniforme a ctes.



$$E = 10^4 \frac{V}{m} \Rightarrow E = 10^4 \frac{N}{C}$$

$$\frac{V}{m} = \frac{J/C}{m} = \frac{N \cdot m/C}{m} = \frac{N}{C}$$

$$\boxed{\frac{V}{m} = \frac{N}{C}}$$

a) $\vec{F_e}$ ⇒ magnitud vectorial: primero el módulo, la dirección y sentido después.

$$|\vec{F_e}| = |q| \cdot |\vec{E}| = 1'6 \cdot 10^{-19}\,C \cdot 10^{4}\,\frac{N}{C} = 1'6 \cdot 10^{-15}\,N.$$

$$\vec{F_e} = +1'6 \cdot 10^{-15}\,\vec{j}\ (N)$$

b) MRUA

$\underline{d = 1\,cm}$



$v = ?$ ⓐ

$v_0 =$ reposo.

q cte → cte

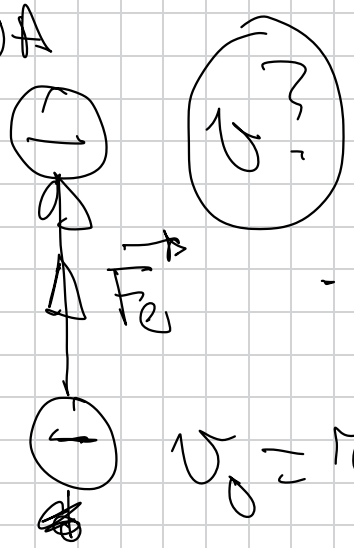
$$\begin{cases} F_e = q \cdot E \\ F_e = m \cdot a \Rightarrow 2^{a}\text{ ley de Newton.} \end{cases}$$

$$q \cdot E = m \cdot a.$$

$$|a| = \frac{|q| \cdot |\vec{E}|}{m} = \frac{1{,}6 \cdot 10^{-19}\,C \cdot 10^{4}\,\frac{N}{C}}{9{,}1 \cdot 10^{-31}\,kg} = \boxed{1{,}76 \cdot 10^{15}\,\frac{m}{s^2}}$$

$$9{,}1 \cdot 10^{-28}\,g \cdot \frac{1\,kg}{10^{3}\,g} = 9{,}1 \cdot 10^{-31}\,kg$$

MRUA



$d = 1\,cm$

$s = 1 \cdot 10^{-1}\,m$

$$\downarrow \quad v = v_0 + a\,t$$
$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$
$$\textcircled{v^2} = v_0^2 + 2 a s$$

$\textcircled{a} = 1{,}76 \cdot 10^{15}\,\frac{m}{s^2}$

$$v^2 = 0^2 + 2 a \cdot s$$

$$v = \sqrt{2 \cdot a \cdot s}$$

$$v = \sqrt{2 \cdot 1{,}76 \cdot 10^{15} \cdot 0{,}01}$$

$$v = 5{,}93 \cdot 10^{6}\,m/s$$

Outra forma.

Válido para ambos casos.

$$W_{A \to B} = \Delta E_{C\, A \to B}$$

Se em $\vec{F}_e \perp d\vec{s}$.

$$W_{A \to B} = \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m \cancel{v_A^2}^{\,0}$$

$$F_e \cdot d \cdot \cancel{\cos 0^\circ}^{\,1} = \frac{1}{2} m_e v_B^2$$

$$\frac{2 F_e \cdot d}{m_e} = v_B^2$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2 F_e \cdot d}{m}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-15} \cdot 0{,}01}{9{,}1 \cdot 10^{-31}}} = 5{,}93 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

c) $E_{c_B} = \frac{1}{2} m_e \cdot v_B^2 = \frac{1}{2} 9{,}1 \cdot 10^{-31} \cdot (5{,}93 \cdot 10^6)^2$

$E_{c_B} = 1{,}6 \cdot 10^{-17}\ J$

$(E_{c_A} = 0\ J)$

d) El tiempo solo se puede calcular por MRUA.

$v = v_0 + a \cdot t$

$v - v_0 = a \cdot t$

$t = \frac{v - v_0}{a} = \frac{5{,}93 \cdot 10^6 - 0}{1{,}76 \cdot 10^{15}} =$

$= 3{,}37 \cdot 10^{-9}\ s$ $(3{,}37\ ns)$

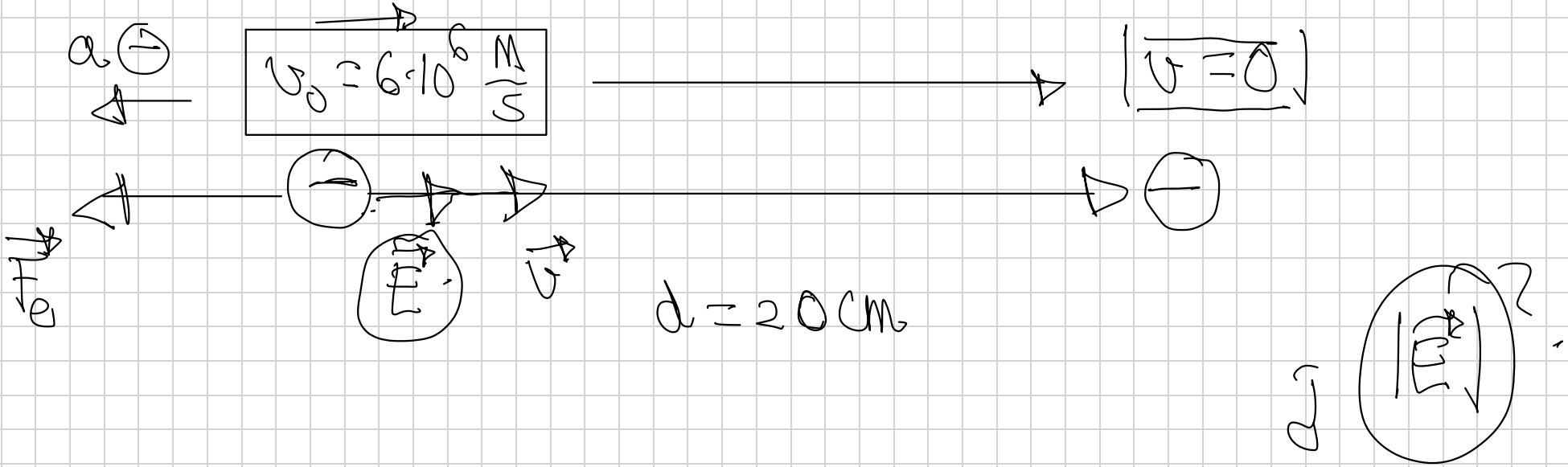
nanosegundos.

45.- Un electrón, con una velocidad de $6 \cdot 10^6$ m s^{-1}, penetra en un campo eléctrico uniforme y su velocidad se anula a una distancia de 20 cm desde su entrada en la región del campo.

a) Razone cuáles son la dirección y el sentido del campo eléctrico.

b) Calcule su módulo.

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C ; $me = 9{,}1 \cdot 10^{-31}$ kg → despreio la fuerza gravitatoria.



a) Dirección de $\vec{E}$ = la misma que $\vec{v}$

Sentido de $\vec{E}$ → el mismo que $\vec{v}$

b) 2ª ley de Newton

$F_{resultante} = m \cdot a$.

$F_{eléctrica} = m \cdot a$.

$|q| \cdot |\vec{E}| = m \cdot |\vec{a}|$

$$|\vec{E}| = \frac{m \cdot |\vec{a}|}{|q|}$$

$$|\vec{E}| = \frac{9'1 \cdot 10^{-31} \cdot 9 \cdot 10^{13}}{1'6 \cdot 10^{-19}}$$

$|\vec{E}| = 511'88 \frac{N}{C}$ $\quad \boxed{\vec{E} = 511'88 \vec{i} \left(\frac{N}{C}\right)}$

¿ $|\vec{E}|$?

Cálculo MRUA (retardado)

$s = 20\,m = 0'2\,m$

$v_0 = 6 \cdot 10^6 \frac{m}{s}$ $\longrightarrow$ $v = 0\,\frac{m}{s}$.

$a = ?$

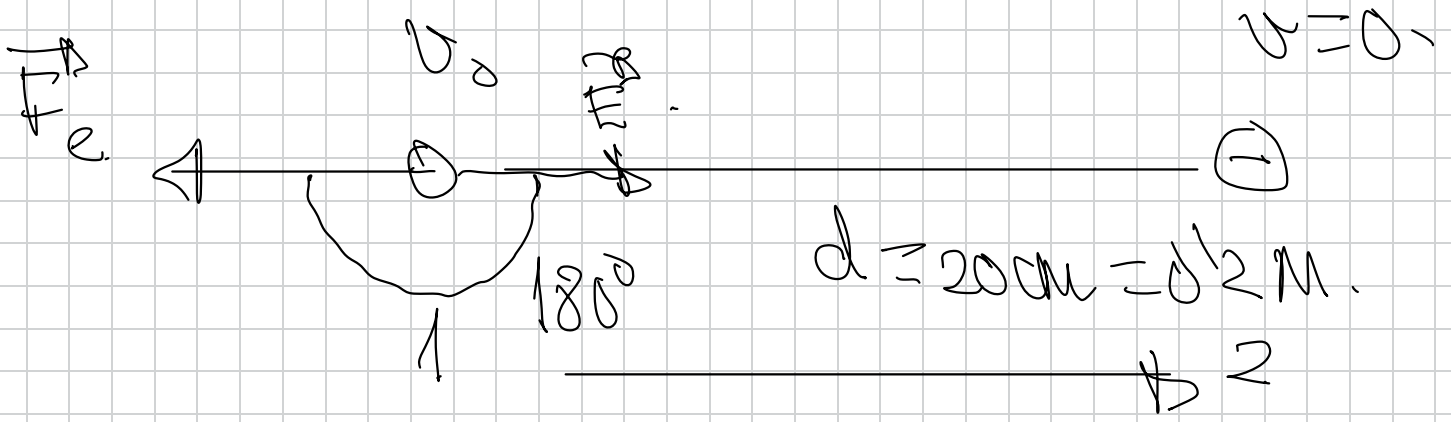
$v^2 = v_0^2 + 2 a s$

$v^2 - v_0^2 = 2 a s$

$$a = \frac{v^2 - v_0^2}{2s} = \frac{0^2 - (6 \cdot 10^6)^2}{2 \cdot 0'2}$$

$a = -9 \cdot 10^{13}\,m/s^2$.

Otra forma
polerentemente por energía.



$W_{1\to 2} = \Delta E_{C\,1\to 2}$.

Campo eléctrico uniforme.

$|\vec{F}| \cdot |\vec{d}| \cdot \cos 180° = \frac{1}{2} m \cdot v_2^2 - \frac{1}{2} m v_1^2$.

$\alpha = \gamma$

$$|q| \cdot |\vec{E}| \cdot d \cdot (-1) = -\frac{1}{2} m v_i^2 .$$

$$q \cdot E \cdot d = \frac{1}{2} m v_i^2 .$$

$$E = \frac{m v_i^2}{2q \cdot d} = \frac{9{,}1 \cdot 10^{-31} \cdot (6 \cdot 10^6)^2}{2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 0{,}1} = 5{,}1188 \frac{N}{C} .$$

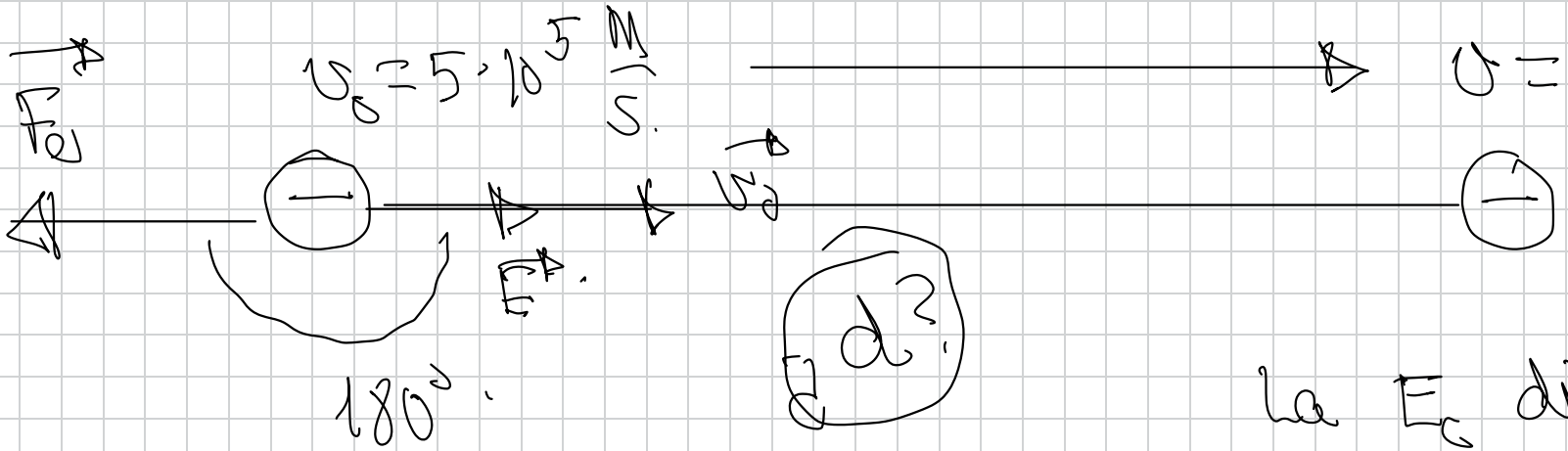
$$\vec{E} = +5{,}1188 \vec{i} \left(\frac{N}{C}\right)$$

46.- Un electrón se mueve con una velocidad de $5 \cdot 10^{5}$ m s^{-1} y penetra en un campo eléctrico de 50 N C^{-1} de igual dirección y sentido que la velocidad.

a) Haga un análisis energético del problema y calcule la distancia que recorre el electrón antes de detenerse.

b) Razone qué ocurriría si la partícula incidente fuera un protón.

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C ; $m_e = 9{,}1 \cdot 10^{-31}$ kg ; $m_p = 1{,}7 \cdot 10^{-27}$ kg



$-\Delta E_{p\,A\to B} = W_{A\to B} = \Delta E_{c\,A\to B}$

La E_c disminuyó, $\Delta E_c < 0$

⇓

La E_p eléctrica aumentó lo que, la E_c disminuyó

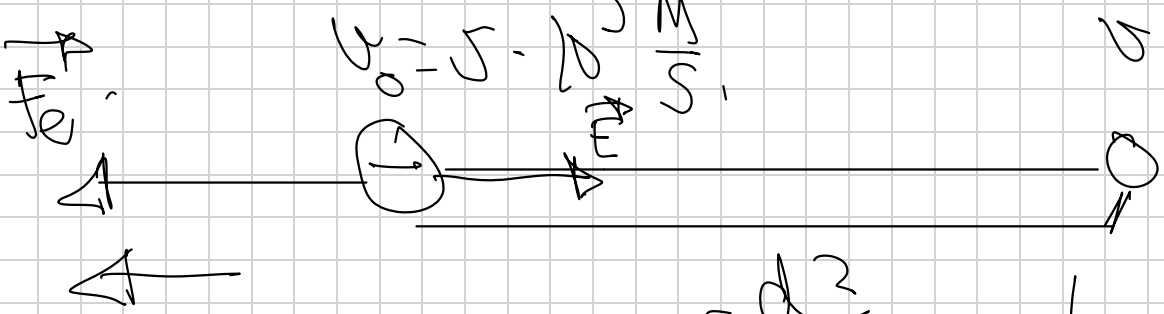
La E_m se mantiene de-

$$W_{A\to B} = \Delta E_{cA\to B}$$

$$|\vec{F}| \cdot |\vec{d}| \cdot \cos 180^\circ = \frac{1}{2} m v_B^2 = 0 = \frac{1}{2} m \cdot v_A^2$$

$$|q| \cdot |\vec{E}| \cdot d = \frac{1}{2} m v_A^2$$

$$d = \frac{m v_A^2}{2|q| \cdot |\vec{E}|} = \frac{9{,}1 \cdot 10^{-31} \cdot (5 \cdot 10^7)^2}{2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 50} \approx 0{,}014\ m$$



MRUA.

$$v^2 = v_0^2 + 2aS$$

$$v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot S$$

$$S = \frac{v^2 - v_0^2}{2 \cdot a}$$

$$S = \frac{0^2 - (5 \cdot 10^5)^2}{2 \cdot (-8{,}79 \cdot 10^{12})}$$

$$S = 0{,}014\,m$$

$$|F_e| = m \cdot |a|$$

$$|q| \cdot |E| = m \cdot |a|$$

$$|a| = \frac{|q| \cdot |E|}{m} = \frac{1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 50}{9{,}1 \cdot 10^{-31}} = 8{,}79 \cdot 10^{12} \frac{m}{s^2}$$

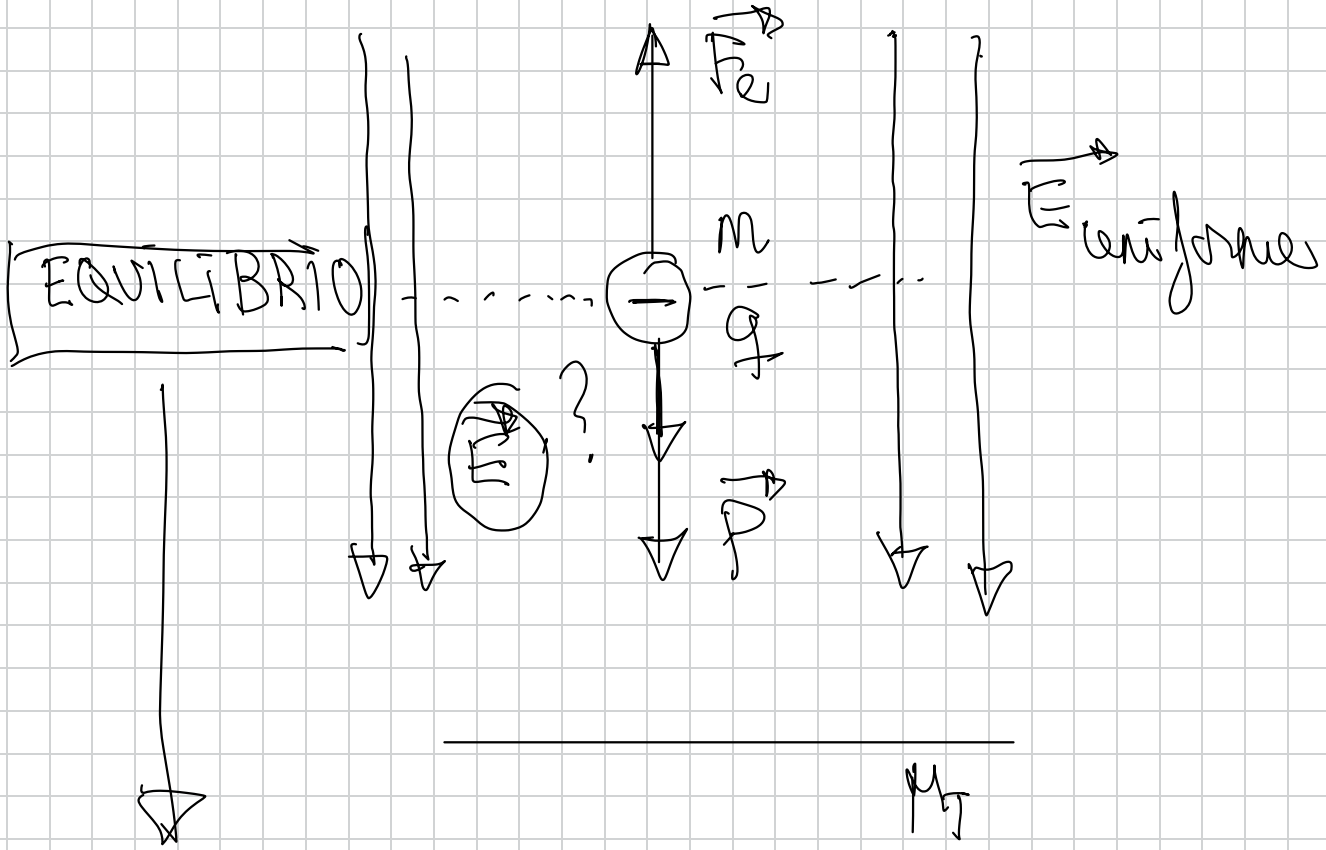
$$a = -8{,}79 \cdot 10^{12} \frac{m}{s^2} \text{ (frena)}$$

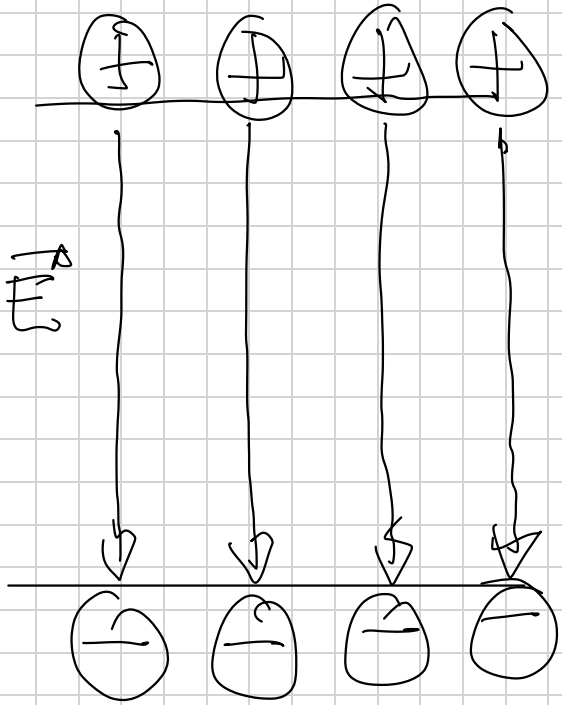
47.- Una partícula de $1 \cdot 10^{-11}$ g de masa posee una carga de 20 electrones y se encuentra en equilibrio entre dos placas paralelas, horizontales, con una diferencia de potencial de 153 V. Suponiendo el campo eléctrico uniforme; calcular $\vec{E}$.

a) ¿Cuánto distan las placas?

b) Si la diferencia de potencial entre las placas pasa a ser de 155 V, calcular en qué sentido y con qué aceleración se moverá la partícula, así como el espacio recorrido y la velocidad de la carga al cabo de 0,1 s

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C , $g = 9{,}8\ m \cdot s^{-2}$





$$|\vec{F_e}| = |\vec{P}|$$

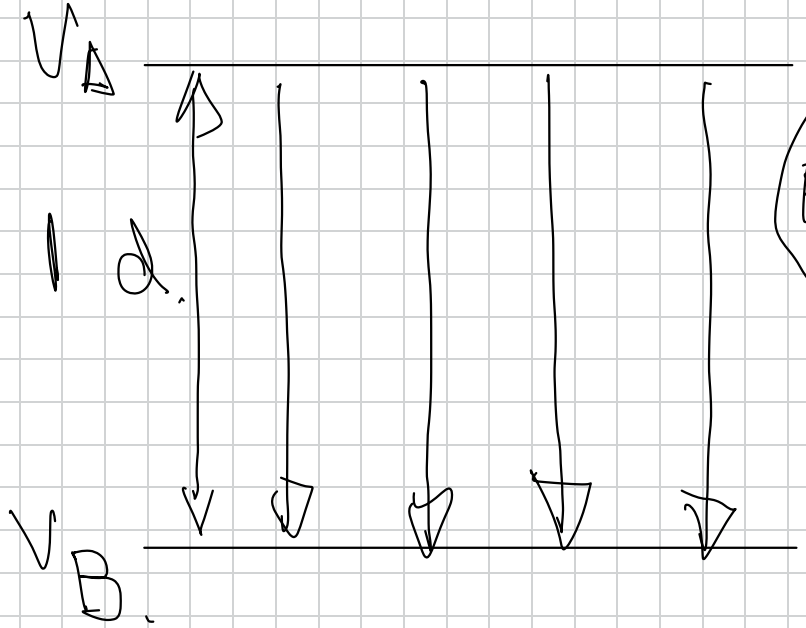
$$|q| \cdot |\vec{E}| = m \cdot g$$

$$m = 1 \cdot 10^{-11}\,g \cdot \frac{1\,kg}{10^3\,g} = 1 \cdot 10^{-14}\,kg$$

$$|q| = 20 \cdot 1'6 \cdot 10^{-19}\,C$$

$$|\vec{E}| = \frac{m \cdot g}{|q|} = \frac{10^{-14}\,kg \cdot 9'8\,\frac{M}{S^2}}{20 \cdot 1'6 \cdot 10^{-19}\,C} = 30625\,\frac{N}{C} = 3'06 \cdot 10^4\,\frac{N}{C}$$

$$\vec{E} = -3'06 \cdot 10^4\,\vec{\jmath}\ \left(\frac{N}{C}\right)$$



$\vec{E}$ uniforme → Solo en este caso.

$$W_{A \to B} = q \cdot |\vec{(V_A - V_B)}|$$

$$F_e \cdot d \cdot \cos 0 = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$q \cdot E \cdot d = q \cdot (V_A - V_B)$$

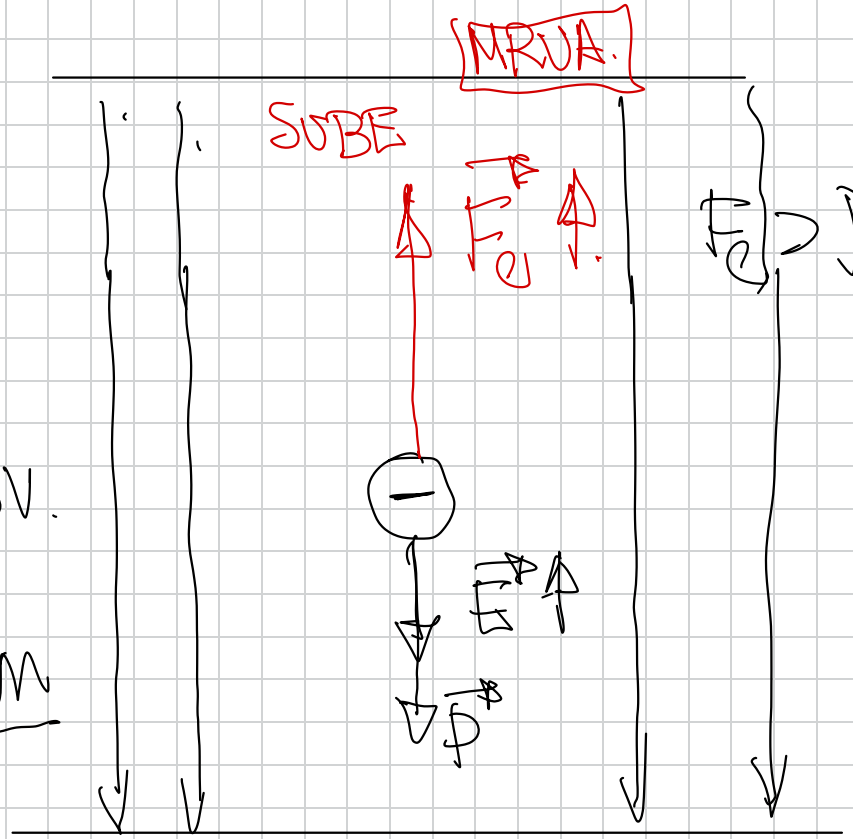
$E \Rightarrow \frac{N}{C} = \frac{V}{m}$

Solo cuando $\vec{E}$ es uniforme.

$$\boxed{(V_A - V_B) = E \cdot d}$$

$$d = \frac{(V_A - V_B)}{E} = \frac{153\,V}{3{,}06 \cdot 10^4 \frac{V}{m}} = 0{,}005\,m = \boxed{5 \cdot 10^{-3}\,m}$$

b)



$F_e > P$.

$V_A - V_B = 153\,V$.

$d = 5 \cdot 10^{-3}\,m$

En el campo eléctrico uniforme se cumple que

$$(V_A - V_B) = E \cdot d$$

$$E = \frac{(V_A - V_B)}{d} \rightarrow \text{misma}$$

2ª ley de Newton

$F_{resultante} = m \cdot a$

$F_{eléctrica} - P = m \cdot a$

Equilibrio $\Rightarrow$ cte - cte - cte.

$F_e > P$

asciende

$153\,V \longrightarrow 155\,V.$

$|q| \cdot |\vec{E}|' - m \cdot g = m \cdot a$

$a = \dfrac{|q| \cdot |\vec{E}|' - m \cdot g}{m}$

$E' = \dfrac{(V_A - V_B)'}{d}$

$E' = \dfrac{155\,V}{5 \cdot 10^{-3}\,m} = 3105 \dfrac{N}{C}$

$E' = 3{,}1 \cdot 10^4 \dfrac{N}{C}$

$$a = \frac{20 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 3{,}1 \cdot 10^{4} - 10^{-14} \cdot 9{,}8}{10^{-14}} = 0{,}13 \ \frac{m}{s^2}$$

CINEMÁTICA. MRUA. $t = 0{,}1\ s$ → s, v

$$s = v_0 \cdot t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$s = 0 \cdot 0{,}1 + \frac{1}{2} 0{,}13 \cdot 0{,}1^2$$

$$s = 6{,}5 \cdot 10^{-4}\ m$$

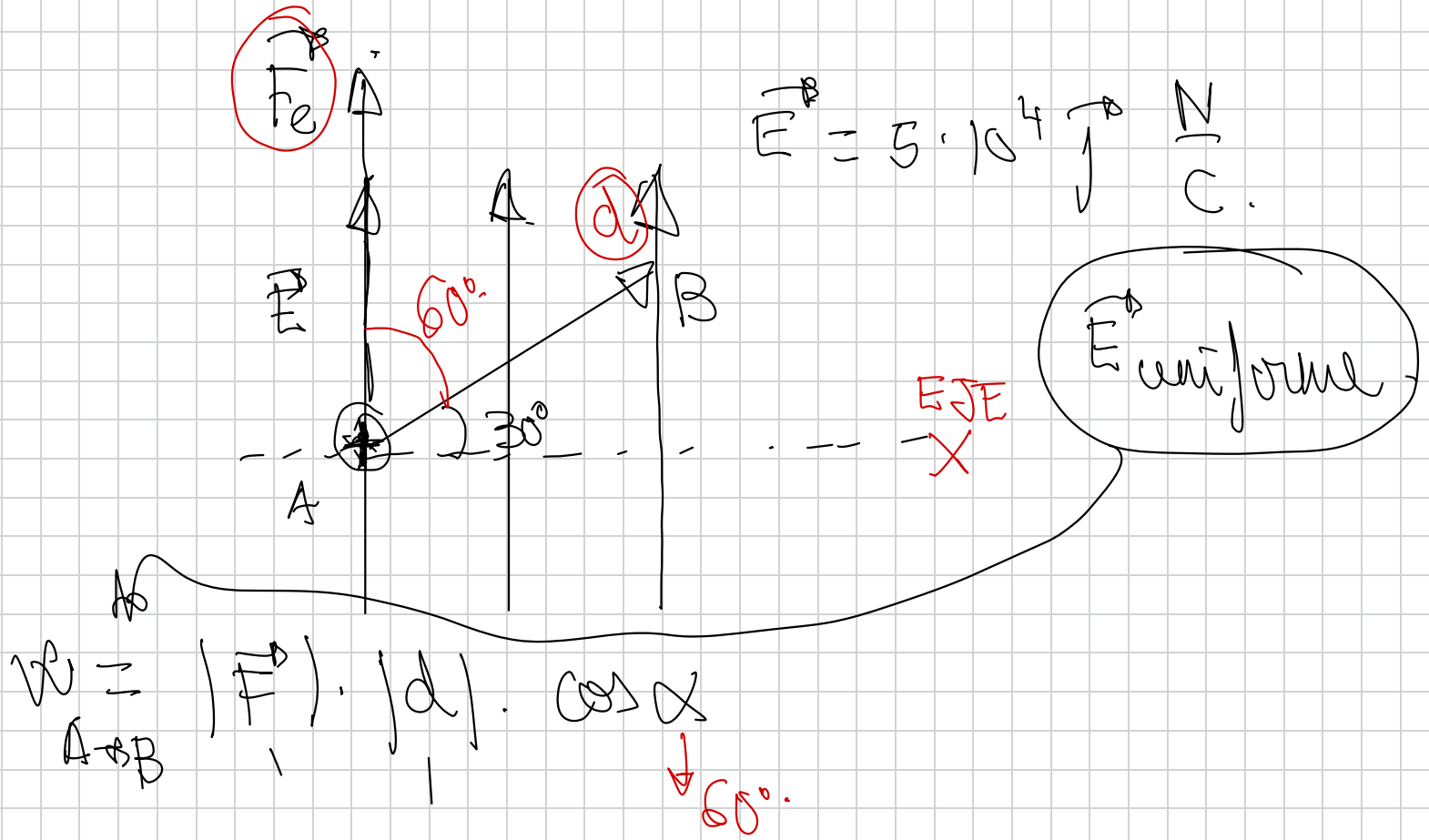
$$v = v_0 + at$$

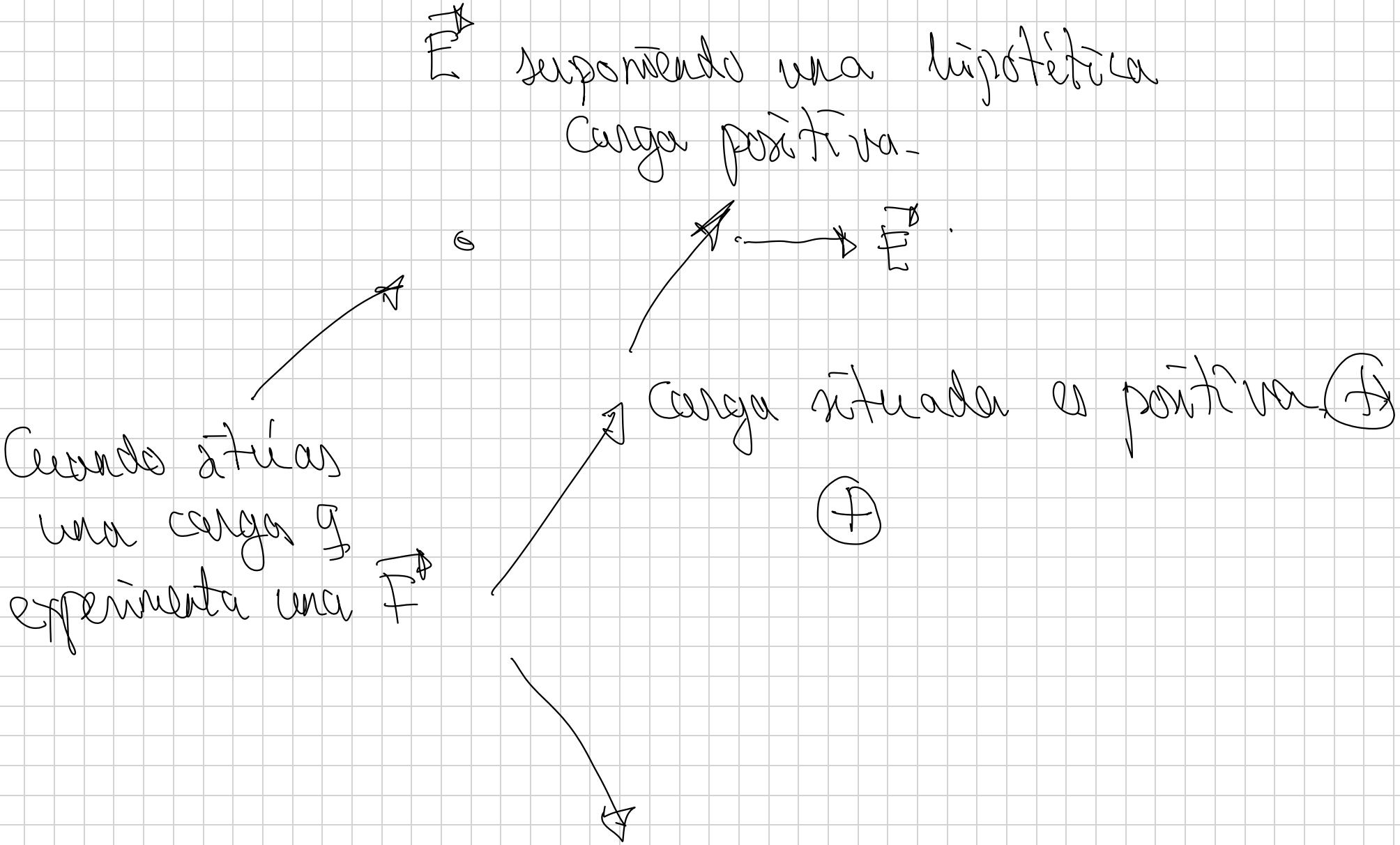
$$v = 0 + 0{,}13 \cdot 0{,}1$$

$$v = 0{,}013\ m/s$$

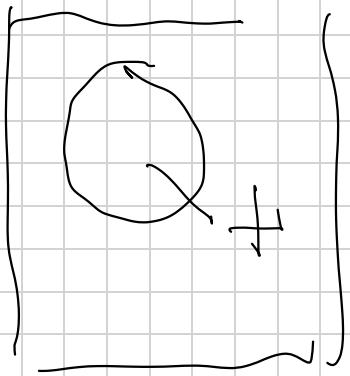
88 (17-R) a) Para dos puntos A y B de una región del espacio, en la que existe un campo eléctrico uniforme, se cumple que $V_A > V_B$. Si dejamos libre una carga negativa en el punto medio del segmento que une A con B, ¿a cuál de los dos puntos se acerca la carga? Razone la respuesta.

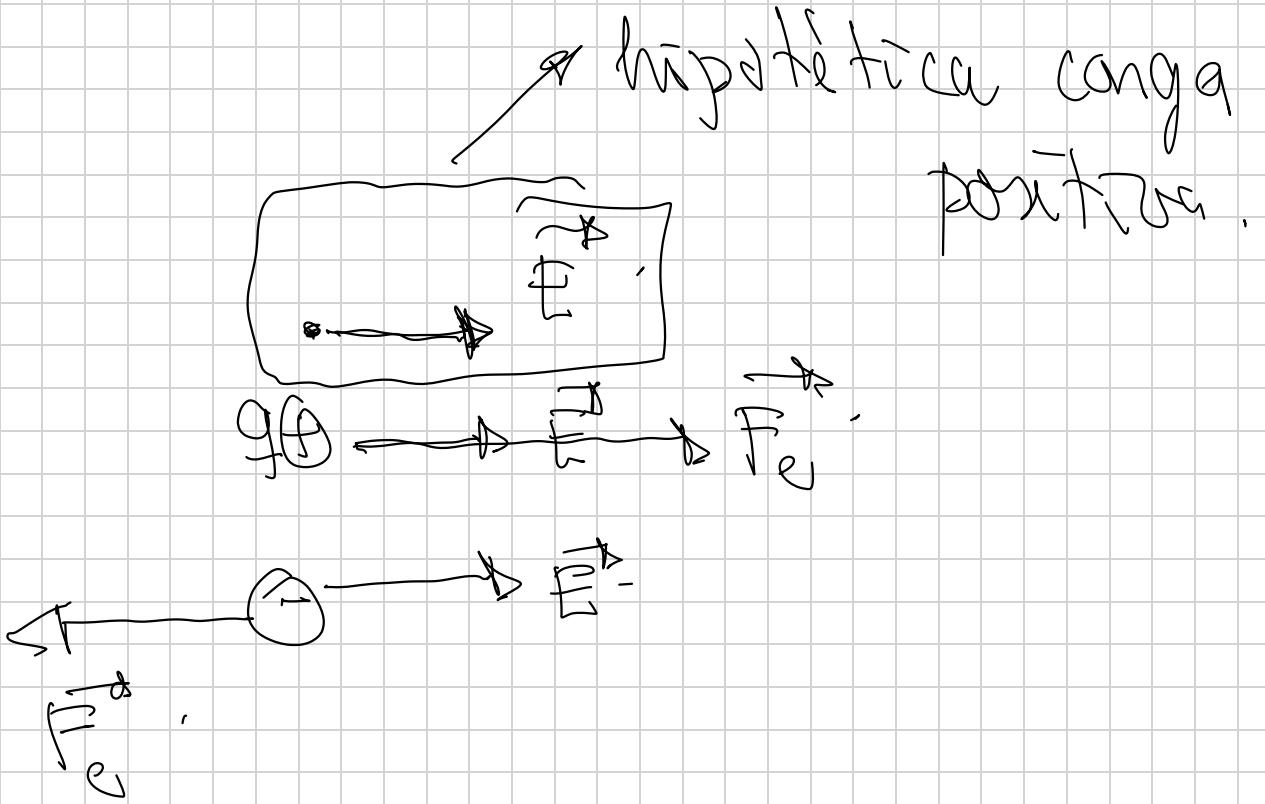
b) Una carga de $2{,}5 \cdot 10^{-8}$ C se coloca en una región donde hay un campo eléctrico de intensidad $5{,}0 \cdot 10^4$ N C^{-1}, dirigido en el sentido positivo del eje Y. Calcule el trabajo que la fuerza eléctrica efectúa sobre la carga cuando ésta se desplaza 0,5 m en una dirección que forma un ángulo de 30º con el eje X.

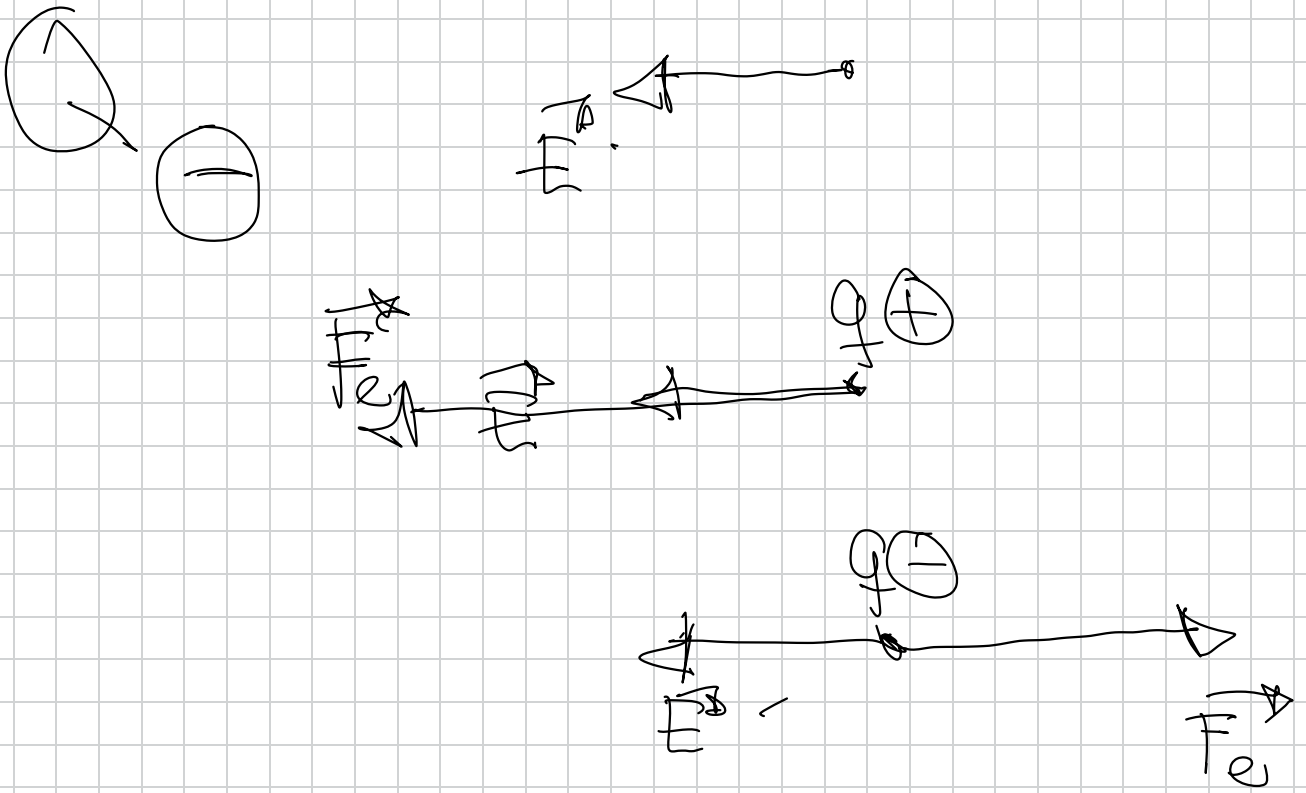



$\vec{E}$ suponendo una hipotética carga positiva.
$\vec{E}$
Cuando ahí una carga q experimenta una $\vec{F}$
Carga situada es positiva.
+

hipotética carga positiva.



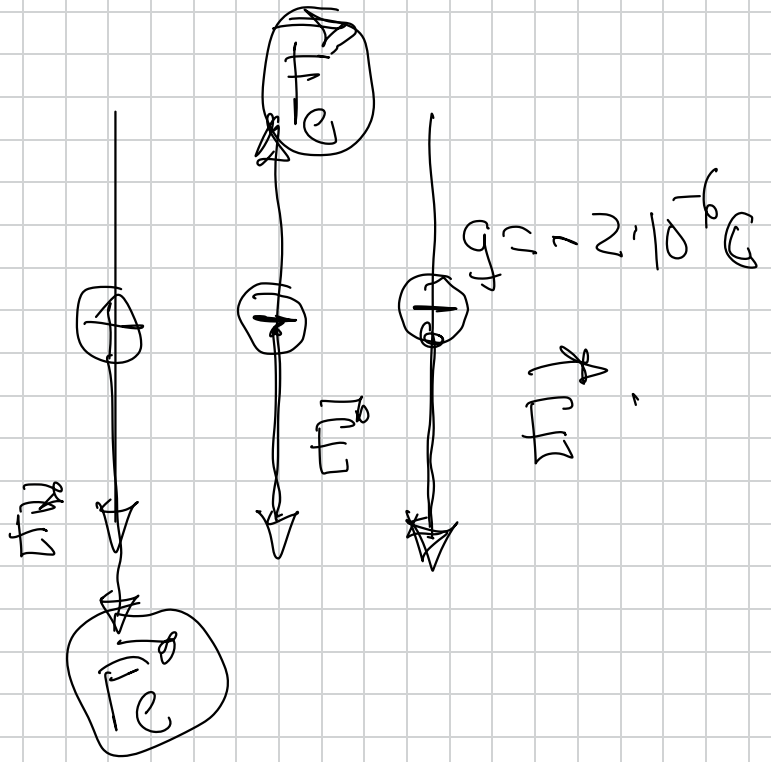



E
q
Fe
E
q
Fe

77 (14-E) Una partícula de 20 g y cargada con $-2 \cdot 10^{-6}$ C, se deja caer desde una altura de 50 cm. Además del campo gravitatorio, existe un campo eléctrico de $2 \cdot 10^{4}$ V m^{-1} en dirección vertical y sentido hacia abajo.

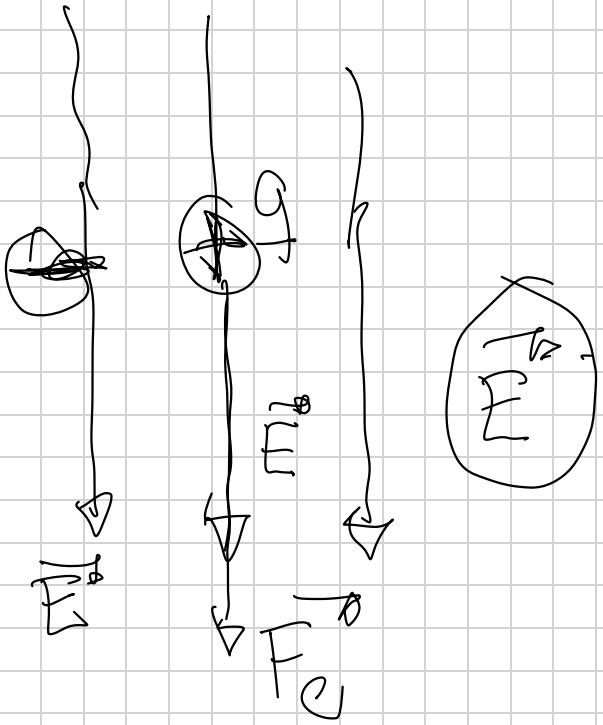
a) Dibuje un esquema de las fuerzas que actúan sobre la partícula y determine la aceleración con la que cae. ¿Con qué velocidad llegará al suelo?

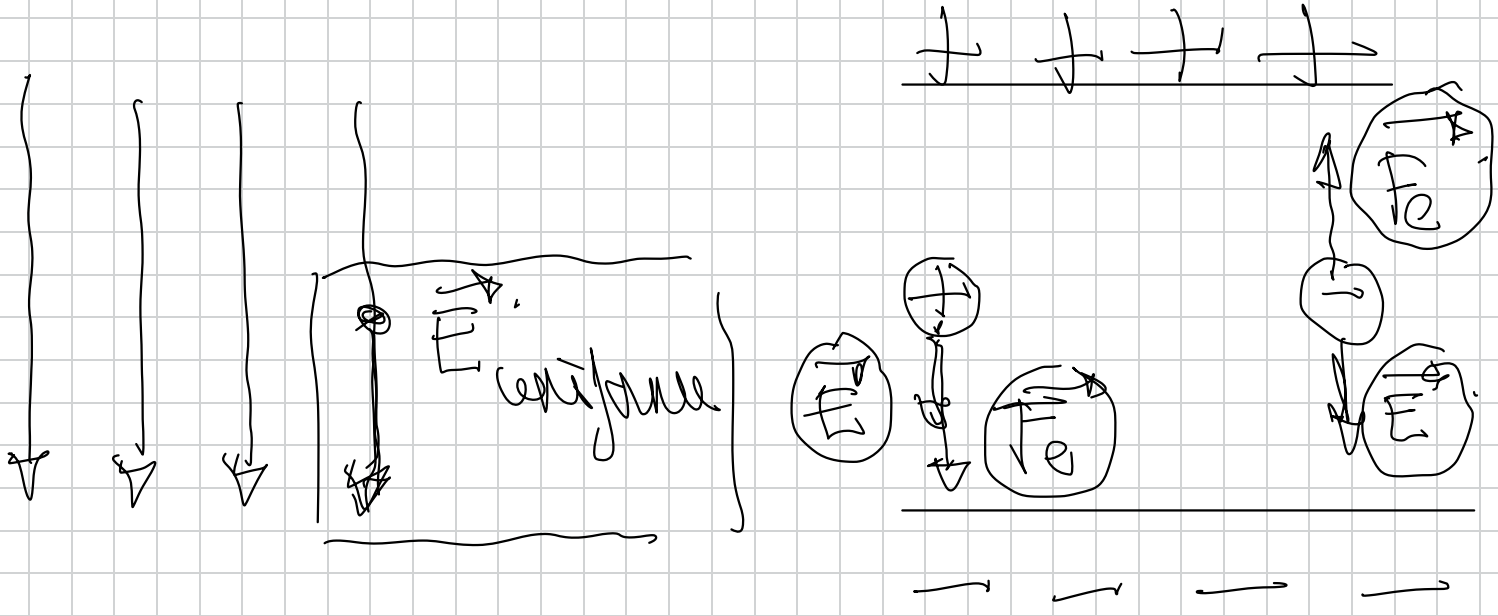
b) Razone si se conserva la energía mecánica de la partícula durante su movimiento. Determine el trabajo que realiza cada fuerza a la que está sometida la partícula.



$E = |2 \cdot 10^4 \frac{V}{m}| = 2 \cdot 10^4 \frac{N}{C}$.

Uniforme.


G
E
E
E
F


E
Fe
Fe
E
E

77 (14-E) Una partícula de 20 g y cargada con - $2 \cdot 10^{-6}$ C, se deja caer desde una altura de 50 cm. Además del campo gravitatorio, existe un campo eléctrico de $2 \cdot 10^{4}$ V m^{-1} en dirección vertical y sentido hacia abajo.

a) Dibuje un esquema de las fuerzas que actúan sobre la partícula y determine la aceleración con la que cae. ¿Con qué velocidad llegará al suelo?

b) Razone si se conserva la energía mecánica de la partícula durante su movimiento. Determine el trabajo que realiza cada fuerza a la que está sometida la partícula.

$|\vec{g}| = 9{,}8 \ m/s^2$

$\vec{F}_e = +4 \cdot 10^{-2} \vec{j}$ (N)

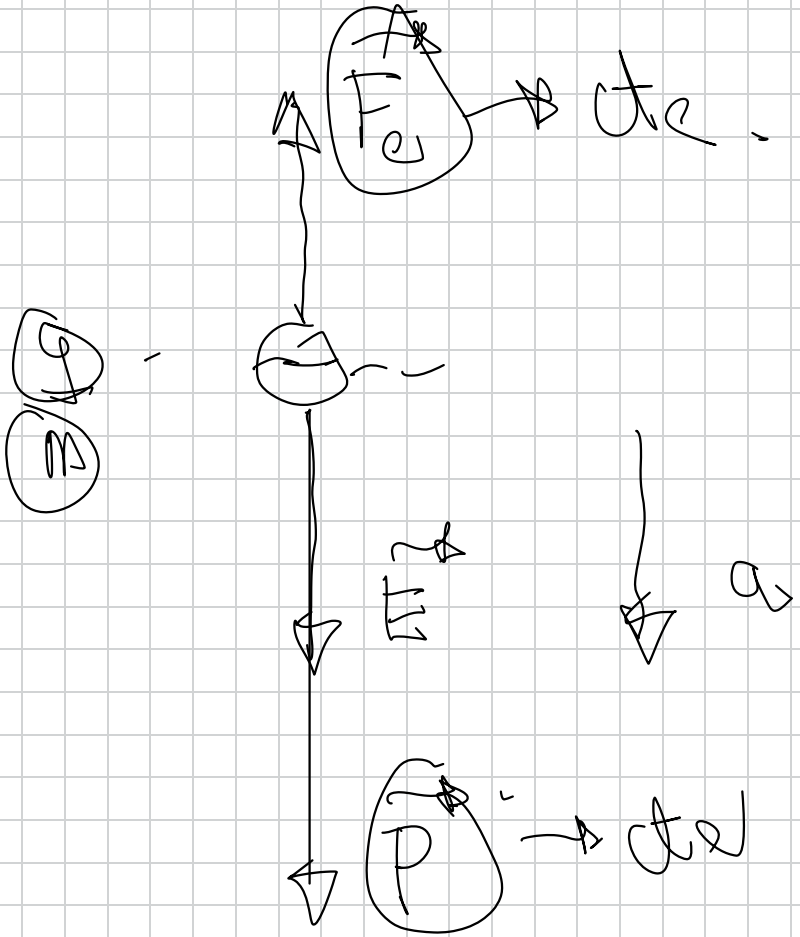
$|\vec{F}_e| = |q| \cdot |\vec{E}| = 2 \cdot 10^{-6} \ C \cdot 2 \cdot 10^{4} \ N/C = 4 \cdot 10^{-2} \ N$

$q = -2 \cdot 10^{-6}$ C

$m = 20$ g

$\vec{E}$

$|\vec{P}| = mg = 20 \cdot 10^{-3} \ kg \cdot 9{,}8 \ m/s^2 = 0{,}196 \ N$



2ª ley Newton

$$\text{Resultante} = m \cdot a.$$

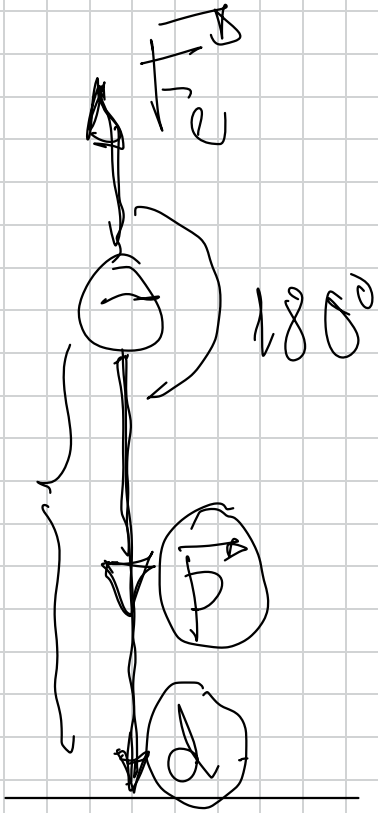
$$P - F_e = m \cdot a.$$

$$a = \frac{P - F_e}{m} = 7'8 \ m/s^2$$

MRUA

$$v^2 = v_0^2 + 2aS.$$

$$\boxed{v = 2'79 \ m/s.}$$



$$W_P = P \cdot d \cdot \cos 0^\circ$$

$$W_P = 9{,}8 \cdot 10^{-2}\ J.$$

$$W_{Fe} = -F_e \cdot d \cdot \cos 180^\circ$$

$$W_{Fe} = -2 \cdot 10^{-2}\ J.$$

0,5m.

$$W_{total} = \Delta E_c$$

$$W_P + W_{Fe} = \frac{1}{2} m \cdot v^2 - \frac{1}{2} m \cdot v_0^2$$

$$98 \cdot 10^{-2}\,J - 2 \cdot 10^{-2}\,J = \frac{1}{2} \cdot 20 \cdot 10^{-3} \cdot (2{,}79)^2 \,,$$

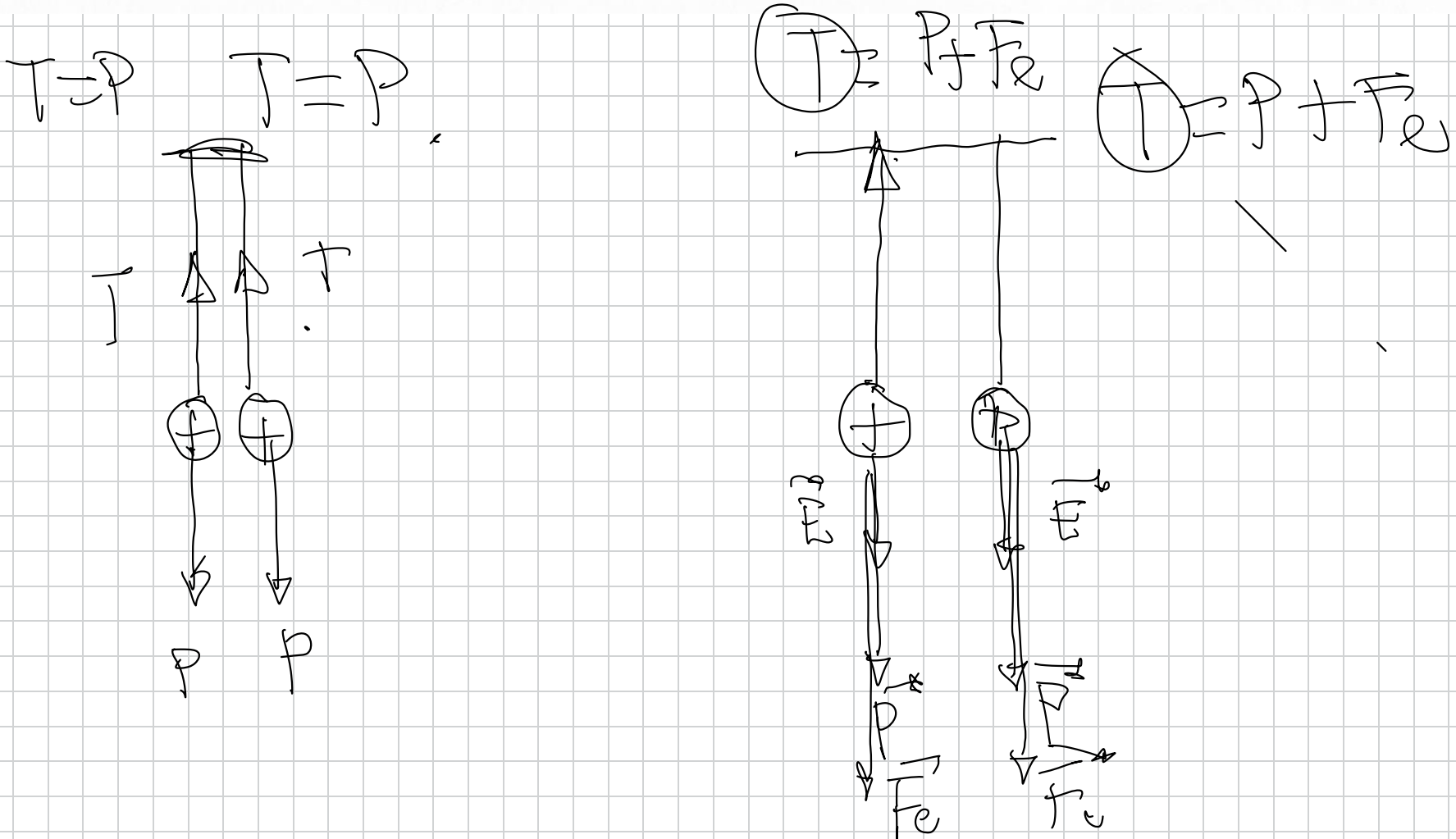
$$78 \cdot 10^{-2}\,J = 78 \cdot 10^{-2}\,J \,.$$

79 (15-R) Dos partículas puntuales iguales, de 5 g y cargadas eléctricamente, están suspendidas del mismo punto por medio de hilos, aislantes e iguales, de 20 cm de longitud. El ángulo que forma cada hilo con la vertical es de 12º.

a) Calcule la carga de cada partícula y la tensión en los hilos.

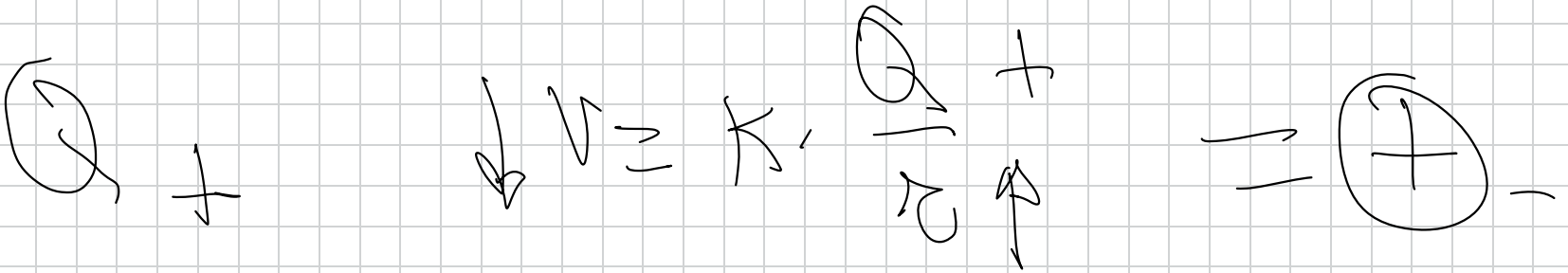
b) Determine razonadamente cuánto debería variar la carga de las partículas para que el ángulo permaneciera constante si duplicáramos su masa.

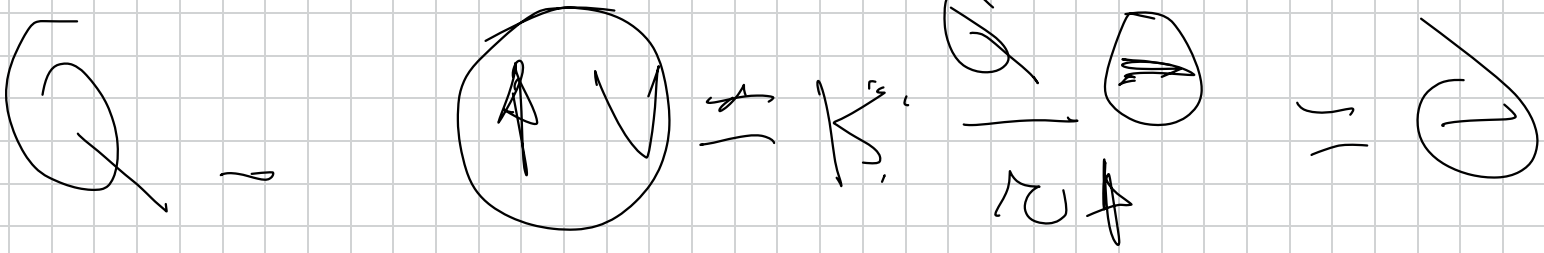
$K = 9 \cdot 10^9\ N\ m^2\ C^{-2}$; $g = 9{,}8\ m\ s^{-2}$



decrescente →

V_A ? V_B





crescente.

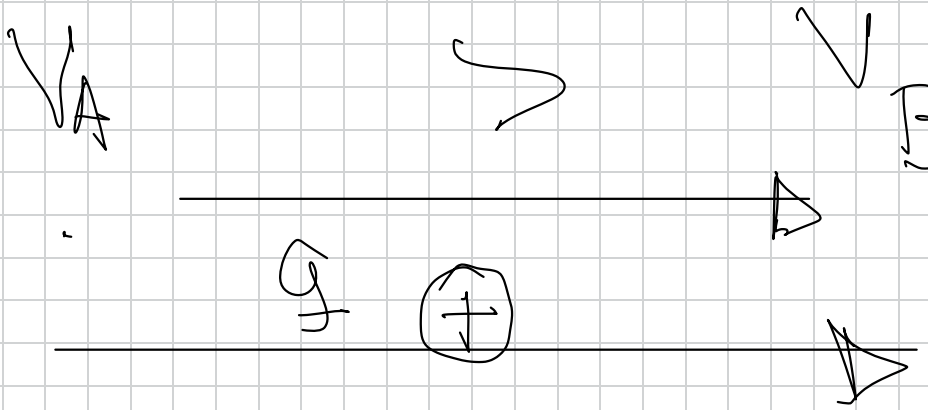
V_A ↘ V_B

92 (18-R) a) Considere un campo eléctrico en una región del espacio. El potencial electrostático en dos puntos A y B (que se encuentran en la misma línea de campo) es V_A y VB, cumpliéndose que $V_A > V_B$. Se deja libre una carga Q en el punto medio del segmento AB. Razone cómo es el movimiento de la carga en función de su signo.

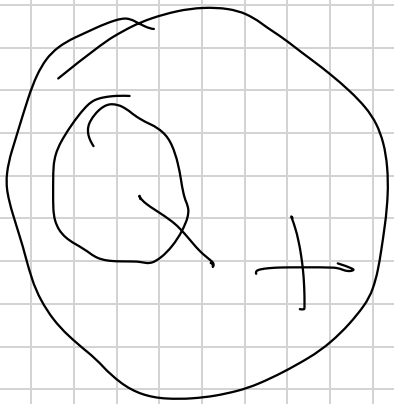
b) Una esfera metálica de 24 g de masa colgada de un hilo muy fino de masa despreciable, se encuentra en una región del espacio donde existe un campo eléctrico uniforme y horizontal. Al cargar la esfera con $6 \cdot 10^{-3}$ C, sufre una fuerza debida al campo eléctrico que hace que el hilo forme un ángulo de 30º con la vertical. (i) Represente gráficamente esta situación y haga un diagrama que muestre todas las fuerzas que actúan sobre la esfera; (ii) calcule el valor del campo eléctrico y la tensión del hilo.

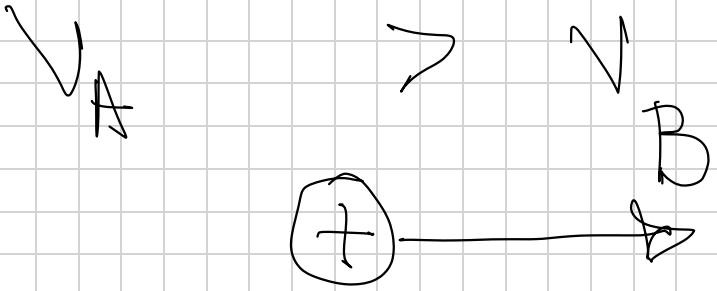
$g = 9{,}8\ m\ s^{-2}$

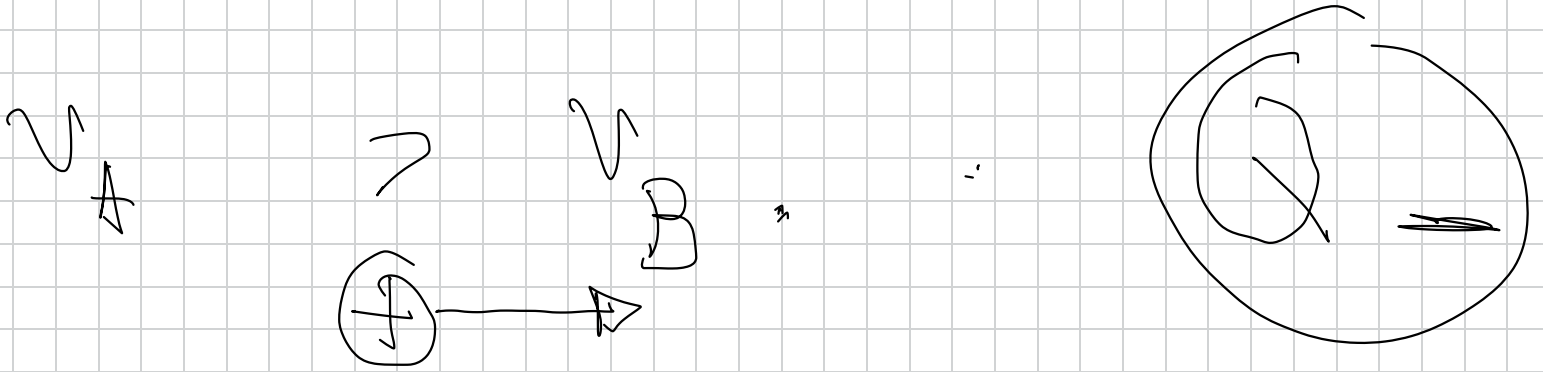
$V_{A-B} = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{r}$



$$V = k \cdot \frac{Q}{r}$$







meno $V = K \cdot \frac{Q}{r_A}$

negativo

aumenta

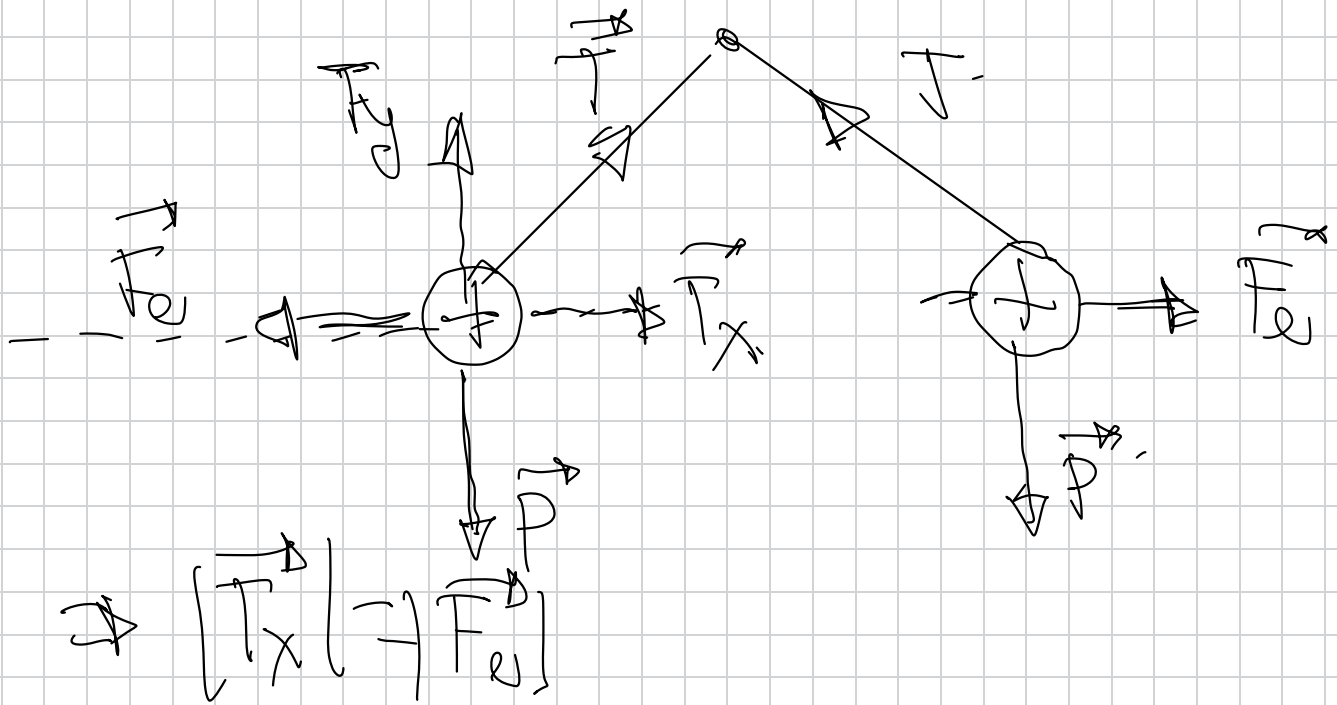
$K_e = 9 \cdot 10^9$ N m^2 A^{-2} s^{-2}

79 (15-R) Dos partículas puntuales iguales, de 5 g y cargadas eléctricamente, están suspendidas del mismo punto por medio de hilos, aislantes e iguales, de 20 cm de longitud. El ángulo que forma cada hilo con la vertical es de 12º.

a) Calcule la carga de cada partícula y la tensión en los hilos.

b) Determine razonadamente cuánto debería variar la carga de las partículas para que el ángulo permaneciera constante si duplicáramos su masa.

$K = 9 \cdot 10^9$ N m^2 C^{-2}; g = 9,8 m s^{-2}



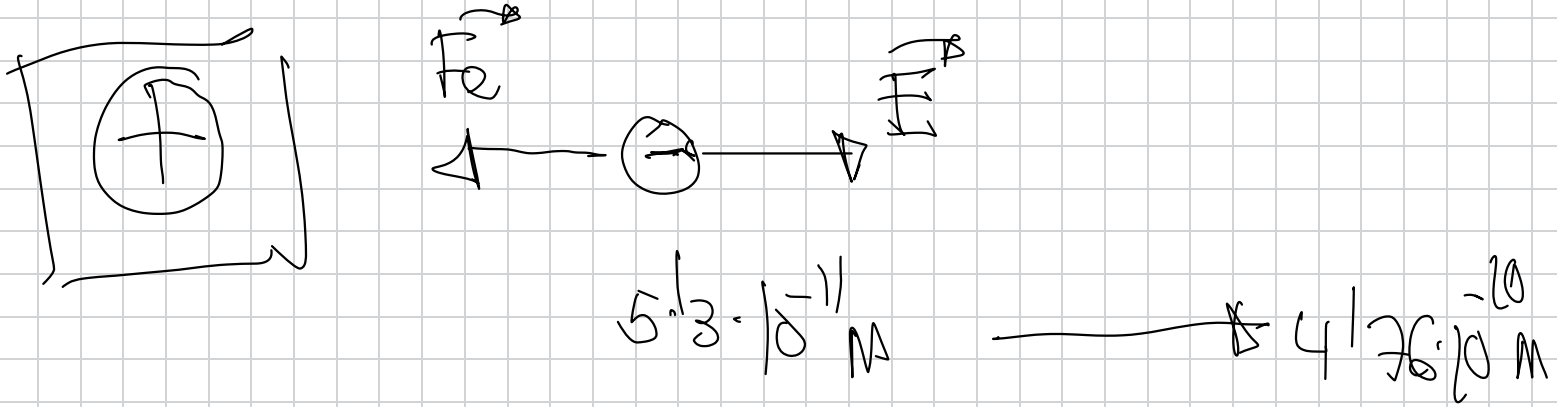
$$\text{grey} = |\vec{F}_g| = |\vec{p}^*|$$

$$= \sim\sim \nabla p$$

partícula si se desprecian los efectos de la gravedad.

b) En el átomo de hidrógeno, el electrón se encuentra sometido al campo eléctrico creado por el protón. Calcule el trabajo realizado por el campo eléctrico para llevar el electrón desde un punto P_1, situado a $5{,}3 \cdot 10^{-11}$ m del núcleo, hasta otro punto P_2, situado a $4{,}76 \cdot 10^{-10}$ m del núcleo. Comente el signo del trabajo.

$K = 9 \cdot 10^9$ N m^2 C^{-2} ; $e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C



$W = F \cdot d \cdot \cos 120^\circ$

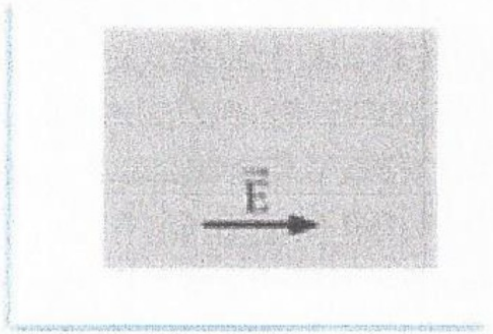


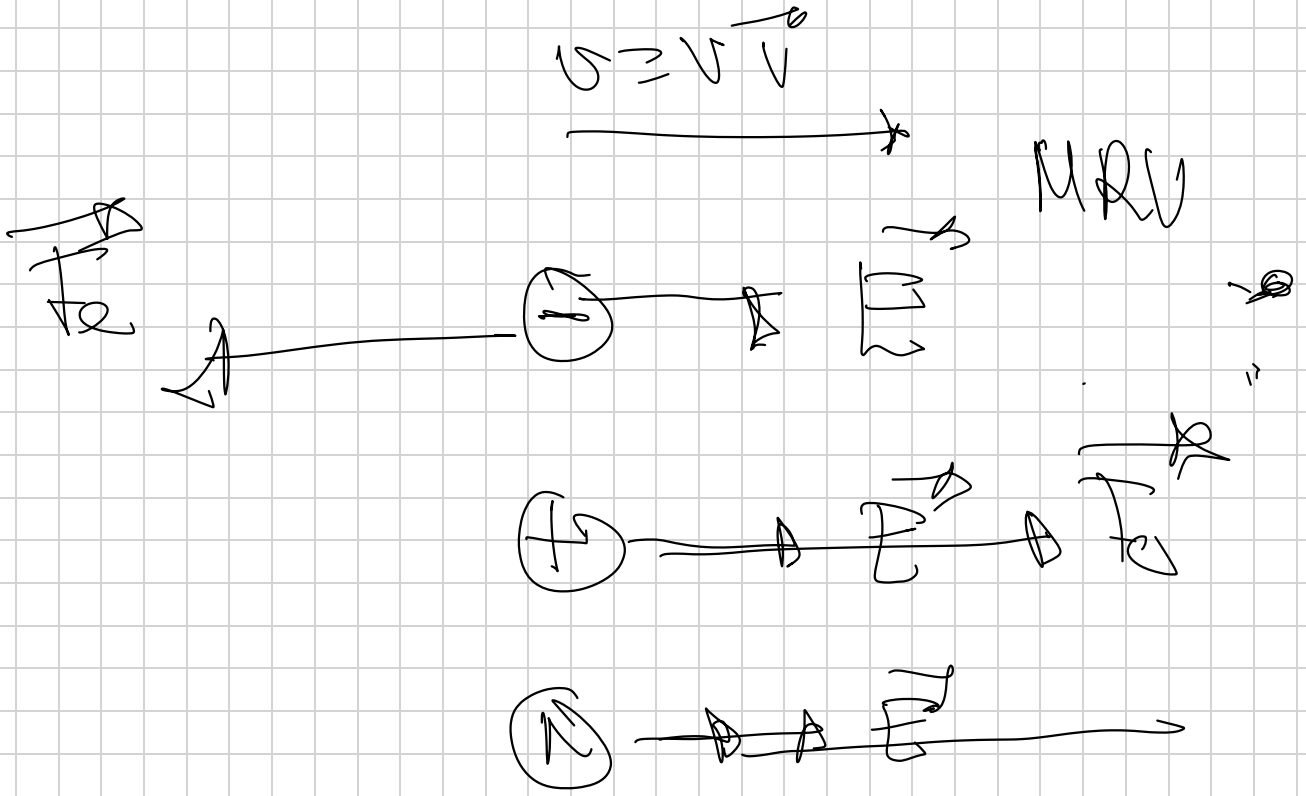


V_1 V_2

$W_{1 \to 2} = q \cdot (V_1 - V_2)$

89 (17-R) a) En la figura se muestra en color gris una región del espacio en la que hay un campo electrostático uniforme $\vec{E}$. Un electrón, un protón y un neutrón penetran en la región del campo con velocidad constante $\vec{v} = v\,\vec{i}$ desde la izquierda. Explique razonadamente cómo es el movimiento de cada partícula si se desprecian los efectos de la gravedad.





2. a) Explique la relación entre campo y potencial electrostáticos.
b) Una partícula cargada se mueve espontáneamente hacia puntos en los que el potencial electrostático es mayor. Razone si, de ese comportamiento, puede deducirse el signo de la carga.

menos

mayor

$V_A < V_B$

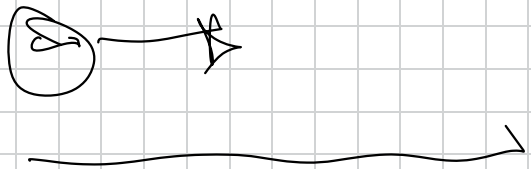
$V_A < V_B$

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

Negativa.

(-) (-)

$V_A < V_B$

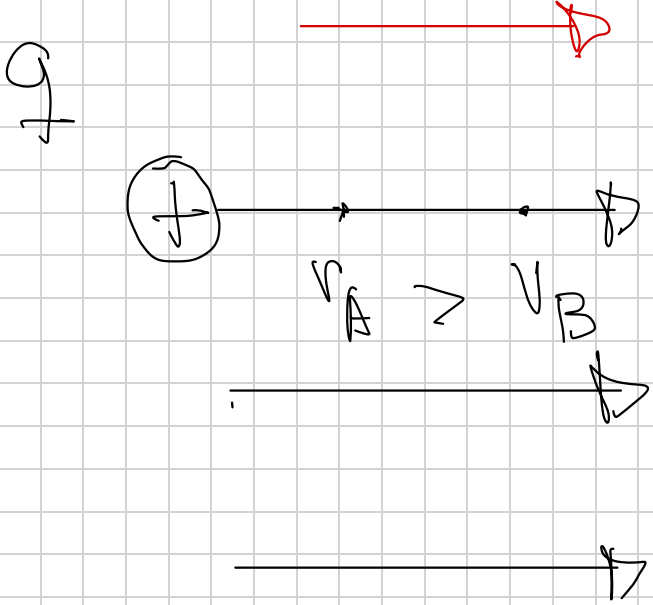


$Q+$

7) Una carga eléctrica positiva se mueve en un campo eléctrico uniforme. Razona cómo varía su energía potencial electrostática si la carga se mueve:

a) En la misma dirección y sentido del campo eléctrico. ¿Y si se mueve en sentido contrario?

b) En dirección perpendicular al campo eléctrico. ¿Y si la carga describe una circunferencia y vuelve al punto de partida?

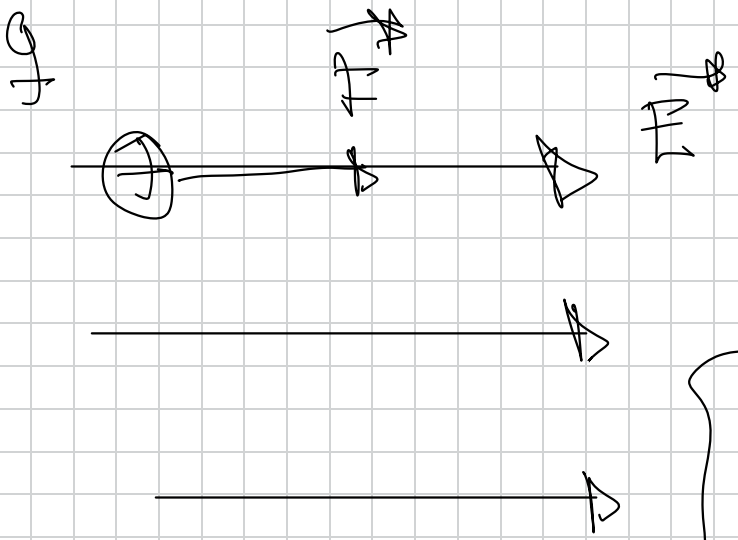


$E_{P_A} = q^+ \cdot V_A$

$E_{P_B} = q^+ \cdot V_B$

$E_{P_A} > E_{P_B}$

$E_P \downarrow = E_C \uparrow$



$W_{A \to B} > 0$

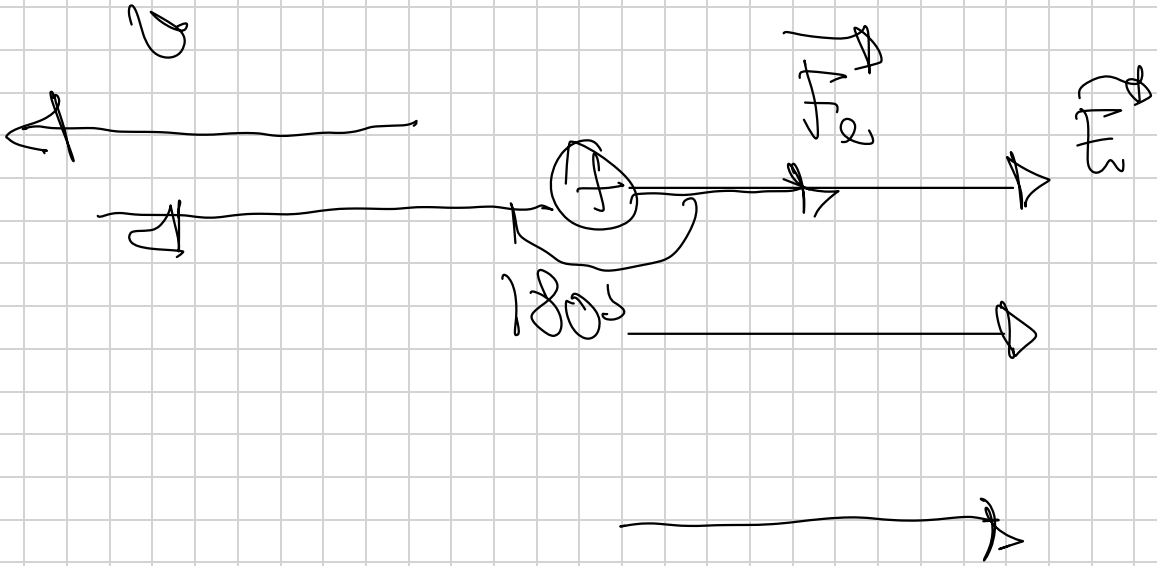
$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B} = \Delta E_{c_{A \to B}}$

$\Delta E_{p_{A \to B}} < 0$

E_p ↓

$-\Delta E_{p_{A \to B}} = 100\ J.$

$\Delta E_{p_{A \to B}} = -100\ J.$



$W_{F_e} = F_e \cdot d \cdot \cos 180$

$\cos 180 = -1$

$W_{A \to B} < 0$

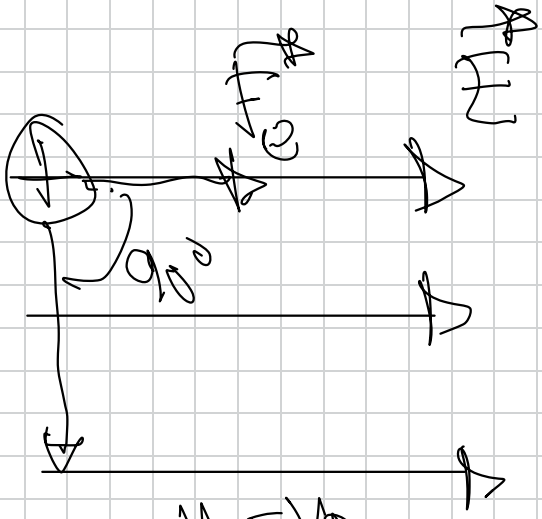
$W_{A \to B} < 0$

$-\Delta E_{p\,A \to B} = W_{A \to B}$

$-\Delta E_{p\,A \to B} > 0$

$E_{p_A} < E_{p_B}$

E_p aumenta



$W = 0$

$\Delta E_{P A \to B} = 0$

E_P no varía.

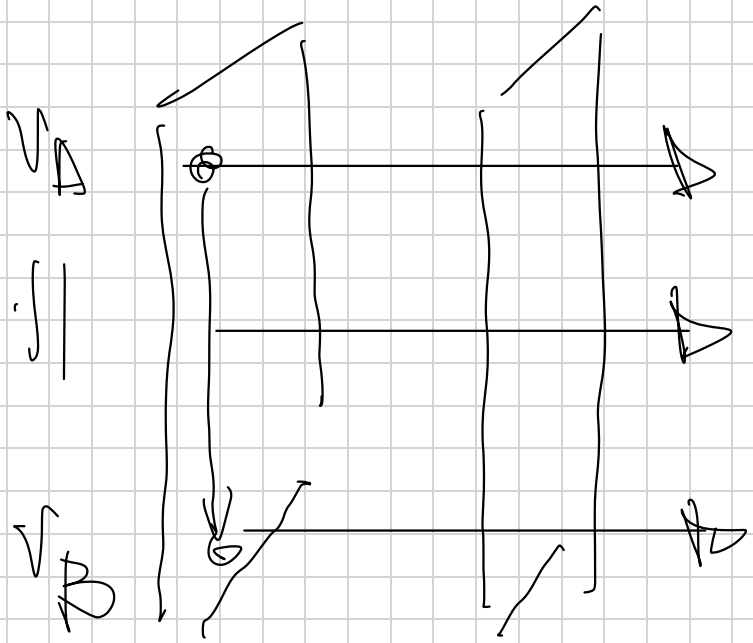
$E_{P_A} = E_{P_B}$

$W_{A \to B} = q(V_A - V_B) = 0$

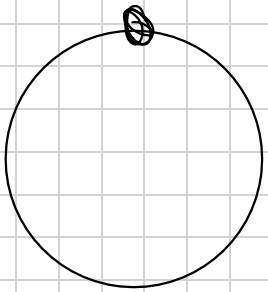
$V_A = V_B$

$E_{P_A} = q V_A$

$E_{P_B} = q V_B$



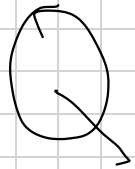
$W_{A \to A} = q \cdot (V_A - V_A) = 0$.



$W = 0$

$\Delta E_p = 0$.

a) Una carga eléctrica puntual con valor Q se encuentra en el vacío. i) Escriba la expresión matemática del potencial eléctrico en un punto genérico situado a una distancia r de la carga e indique el significado de cada una de las magnitudes que aparecen en la expresión. ii) Si el potencial aumenta al alejarnos de la carga, indique razonadamente el signo de la misma.



$V_A < V_B$

A　　B

$V = k \cdot \frac{Q}{r}$

$\uparrow V = k \cdot \frac{Q}{r} \downarrow$

a) Justifique la veracidad o falsedad de las siguientes afirmaciones: (i) Cuando se aproximan dos cargas eléctricas del mismo signo la energía potencial electrostática aumenta. (ii) En un punto del espacio donde el campo eléctrico es nulo también lo es el potencial eléctrico.

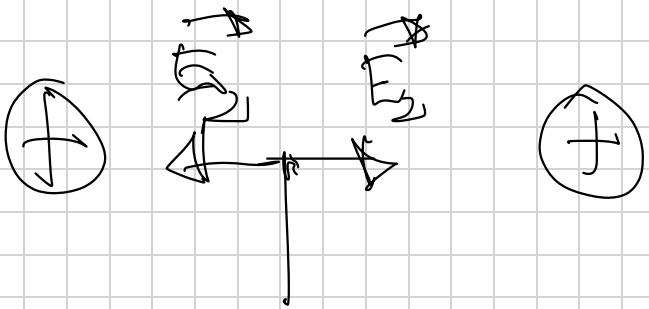


$\uparrow E_p = k \cdot \frac{Q \cdot q}{r} \downarrow$

Verdadera.

1 2

q_1 q_2

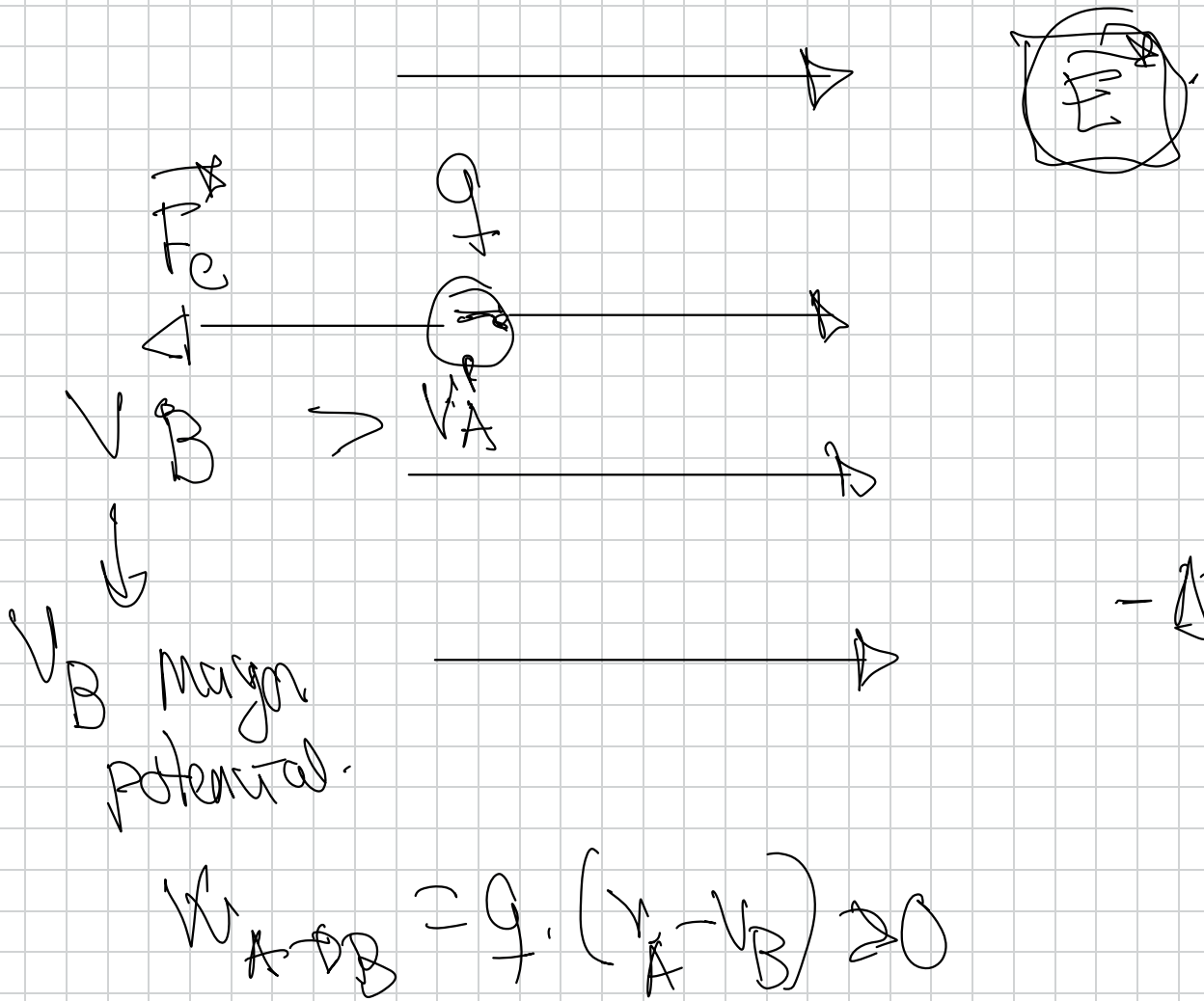


$\vec{E} = 0$.

$$V = V_1 + V_2 = k \cdot \frac{q_1}{r} + k \frac{q_1}{r} \neq 0$$

a) Una carga eléctrica negativa se desplaza en un campo eléctrico uniforme desde un punto A hasta un punto B por la acción de la fuerza de dicho campo. Dibuje en un esquema la situación y responda razonadamente a las siguientes cuestiones: i) ¿Cómo variará su energía potencial. ii) ¿En qué punto será mayor el potencial eléctrico?.

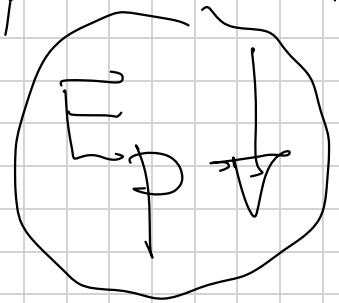
b) Una partícula de carga Q, situada en el origen de coordenadas, O(0,0) m, crea en un punto A



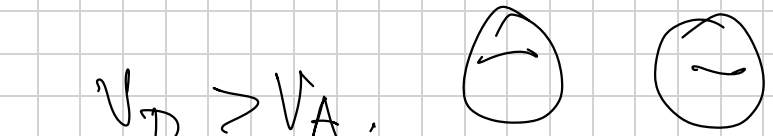
espontáneo.

$W_{A\to B} > 0$

$-\Delta E_p = W_{A\to B}$



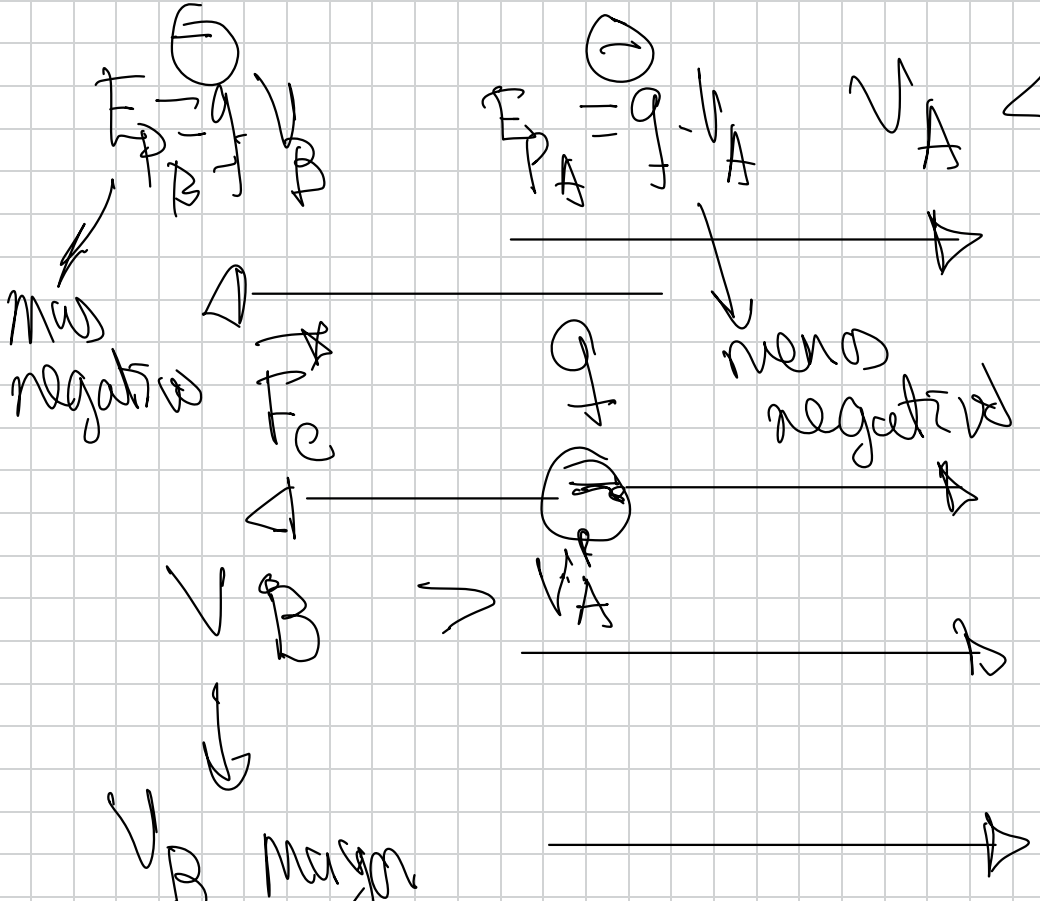
$V_B > V_A$.



$E_{P_B} = q \cdot V_B$

$E_{P_A} = q \cdot V_A$

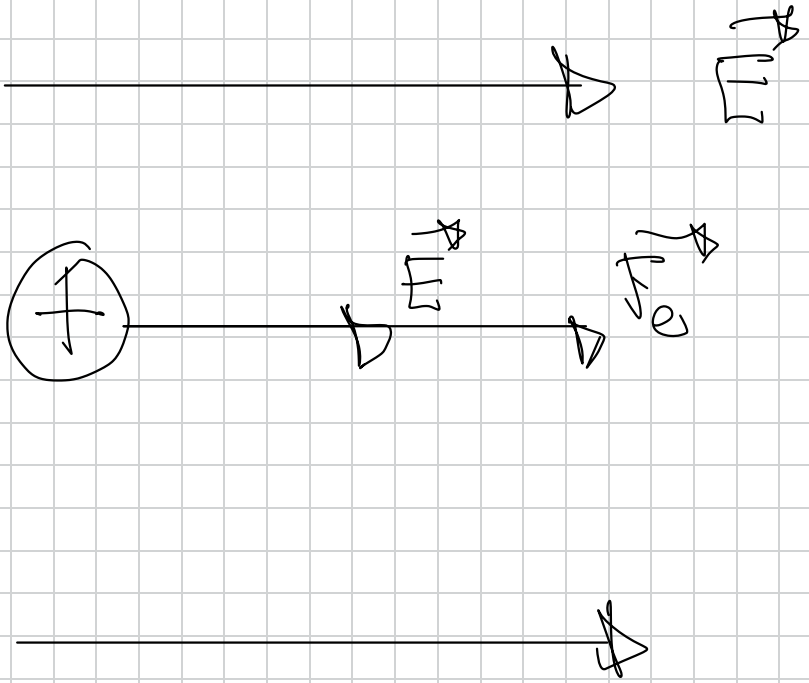
$V_A < V_B$



$E_p \downarrow$

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

a) Una partícula cargada positivamente se mueve en la misma dirección y sentido de un campo eléctrico uniforme. Responda razonadamente a las siguientes cuestiones: (i) ¿Se detendrá la partícula?. (II) ¿Se desplazará la partícula hacia donde aumenta su energía potencial?.



$F_e = m \cdot a$

$\Downarrow$

cte

MRUA

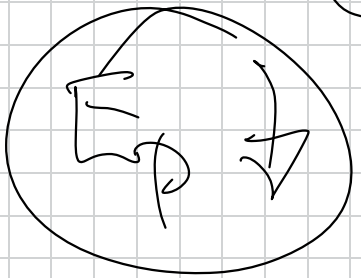
$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) > 0$

$q > 0$

$V_A > V_B$

$E_{p_A} = q \cdot V_A$ (+)

$E_{p_B} = q \cdot V_B$ (-)



$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B} > 0$

$\Delta E_{p_{A \to B}} < 0$



$$\Delta E_{p_A \to p_B} < 0$$

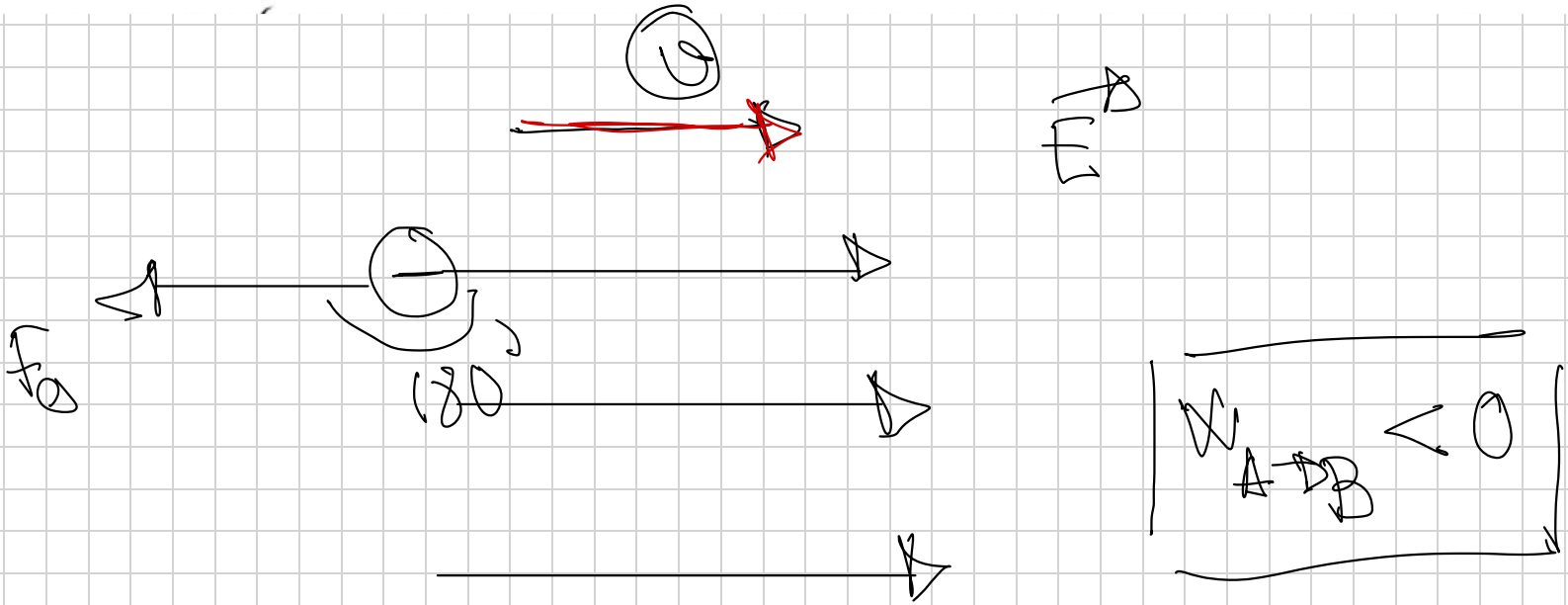
$$E_{p_B} - E_{p_A} < 0$$

$$E_{p_B} < E_{p_A}.$$

$$E_{p_A} > E_{p_B}$$

$E_p \downarrow$

a) En una región del espacio existe un campo eléctrico uniforme. Si una carga negativa se mueve en la dirección y sentido del campo, ¿aumenta o disminuye su energía potencial? ¿Y si la carga fuera positiva? Razone las respuestas.



$W_{A \to B} < 0$

$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) < 0$

(−) (+)

$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B}$

$E_{p_{A \to B}} > 0$

Mas agora $V_A > V_B$ mas note-

$E_{PA} = q \cdot V_A \longrightarrow E_{PB} = q \cdot V_B$

$E_{PB} - E_{PA} > 0$

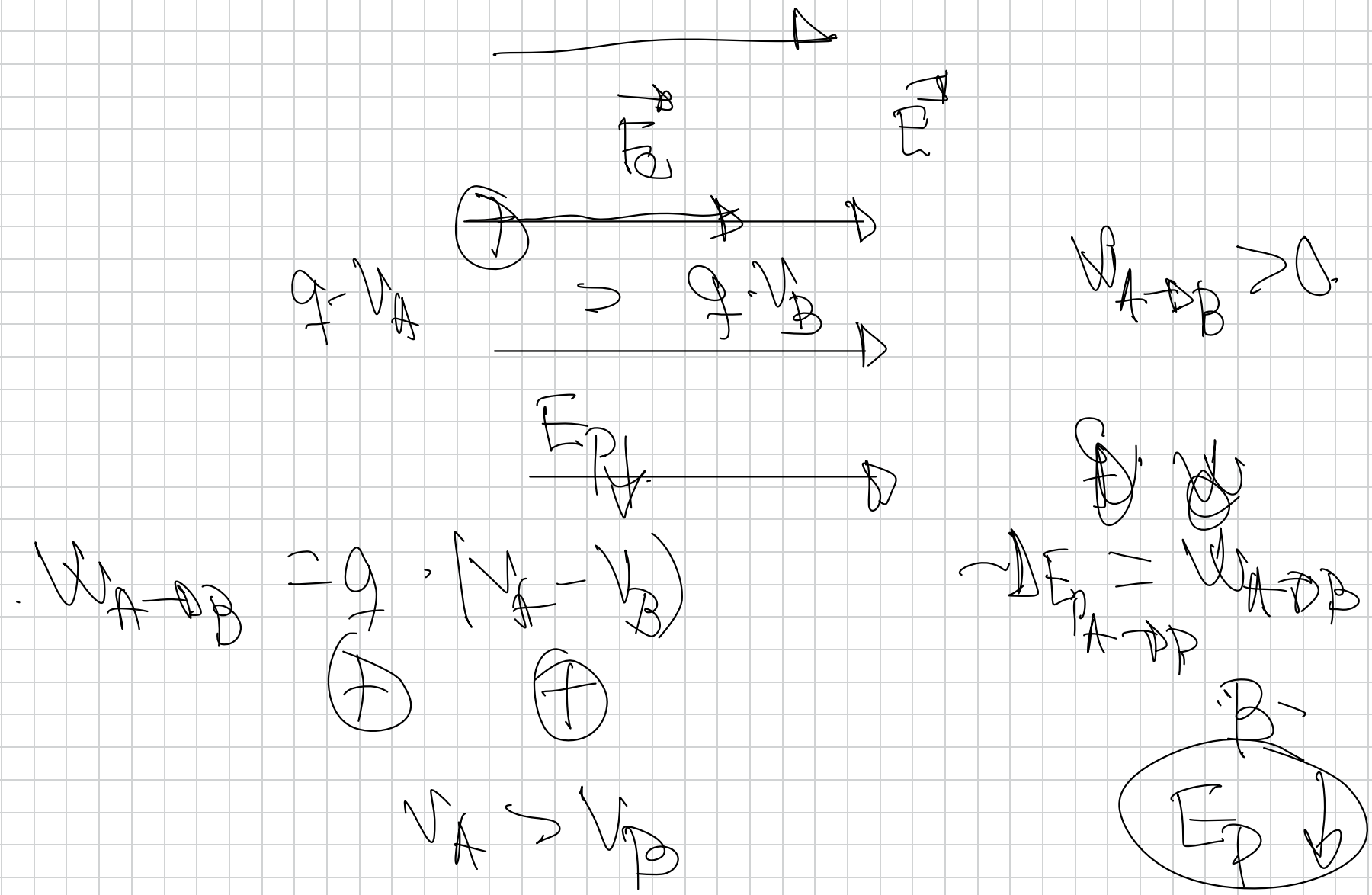
$E_{PB} > E_{PA}$

$E_{PA} < E_{PB}$

E_P ↑

E_P aumenta

a) En una región del espacio existe un campo eléctrico uniforme. Si una carga negativa se mueve en la dirección y sentido del campo, ¿aumenta o disminuye su energía potencial? ¿Y si la carga fuera positiva? Razone las respuestas.



20.- Dos partículas con carga $q_1 = -2\mu C$ y $q_2 = -1\mu C$ están separadas por una distancia d=0,5 m

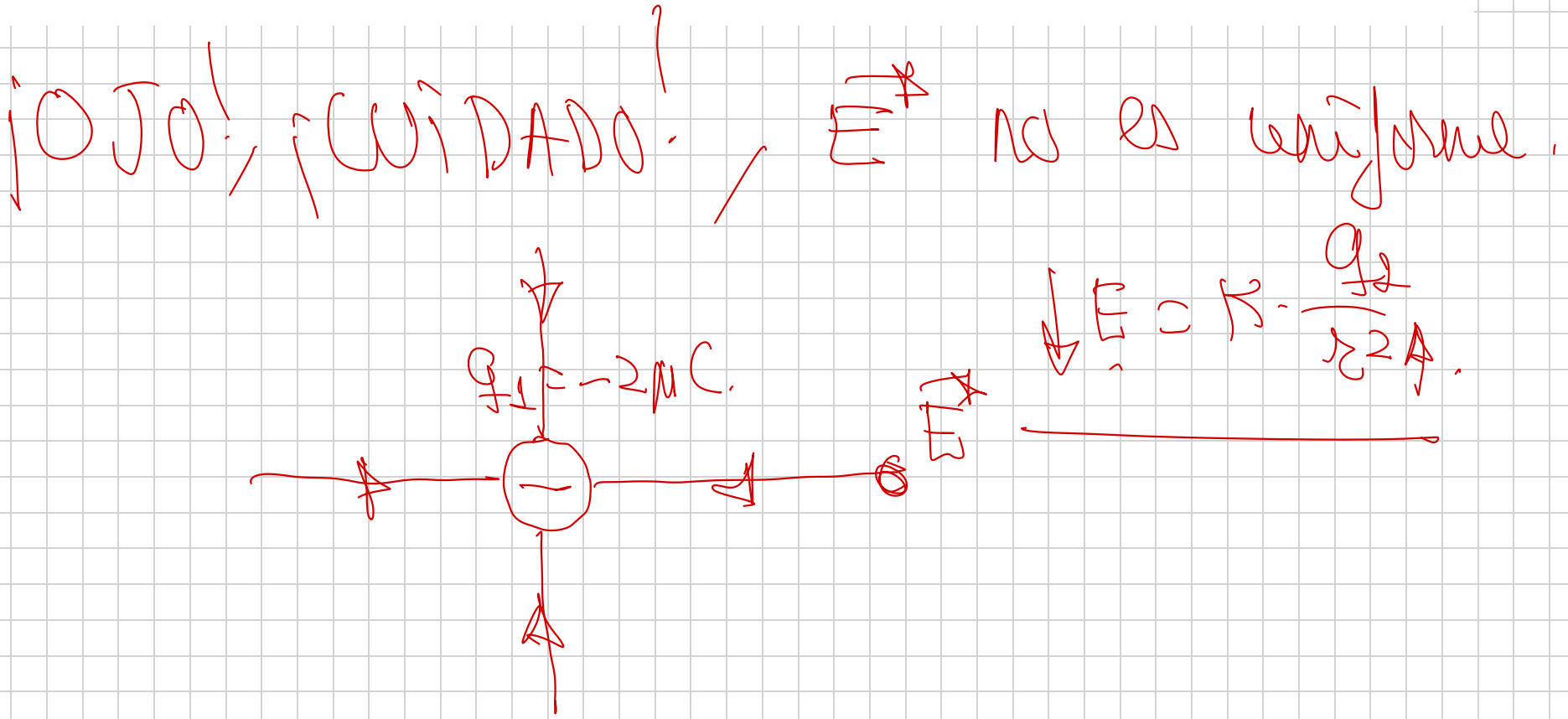
a) Calcula la fuerza que actúa sobre la segunda, así como la energía potencial electrostática

b) Si q_2 se mueve bajo la acción del campo partiendo del reposo, explicar si aumentará o disminuirá su energía potencial

c) Calcular su energía cinética cuando se haya desplazado 0,2 m respecto a su posición inicial. ¿Cuánto trabajo habrá realizado hasta entonces el campo eléctrico?

d) ¿Cuánto trabajo realizará el campo eléctrico para desplazar la carga q_2 desde su posición inicial hasta el infinito?. Comentar el resultado obtenido

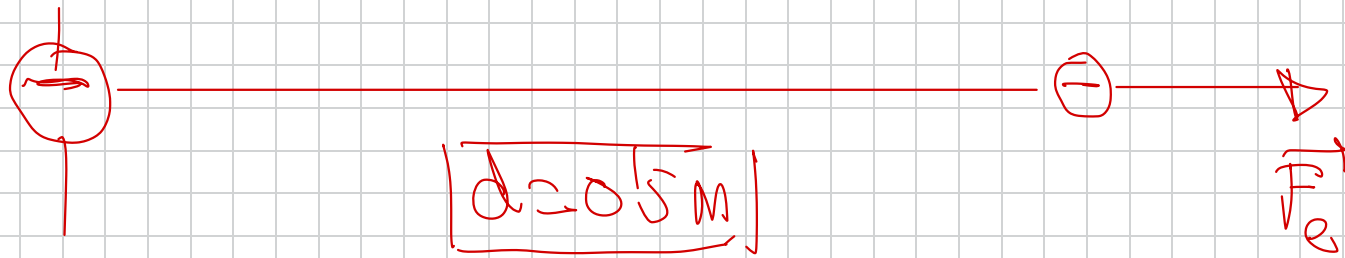
$g = 10\ m\ s^{-2}$



FIJA.

$q_1 = -2\mu C = -2 \cdot 10^{-6} C$.

$q_2 = -1\mu C = -1 \cdot 10^{-6} C$.



Ley de Coulomb.

$$|\vec{F_e}| = K \cdot \frac{|q_1| \cdot |q_2|}{d^2} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6} \cdot 1 \cdot 10^{-6}}{(0'5)^2} = 0'072\ N$$

$$\vec{F_e} = +0'072\ \vec{i}\ (N)$$

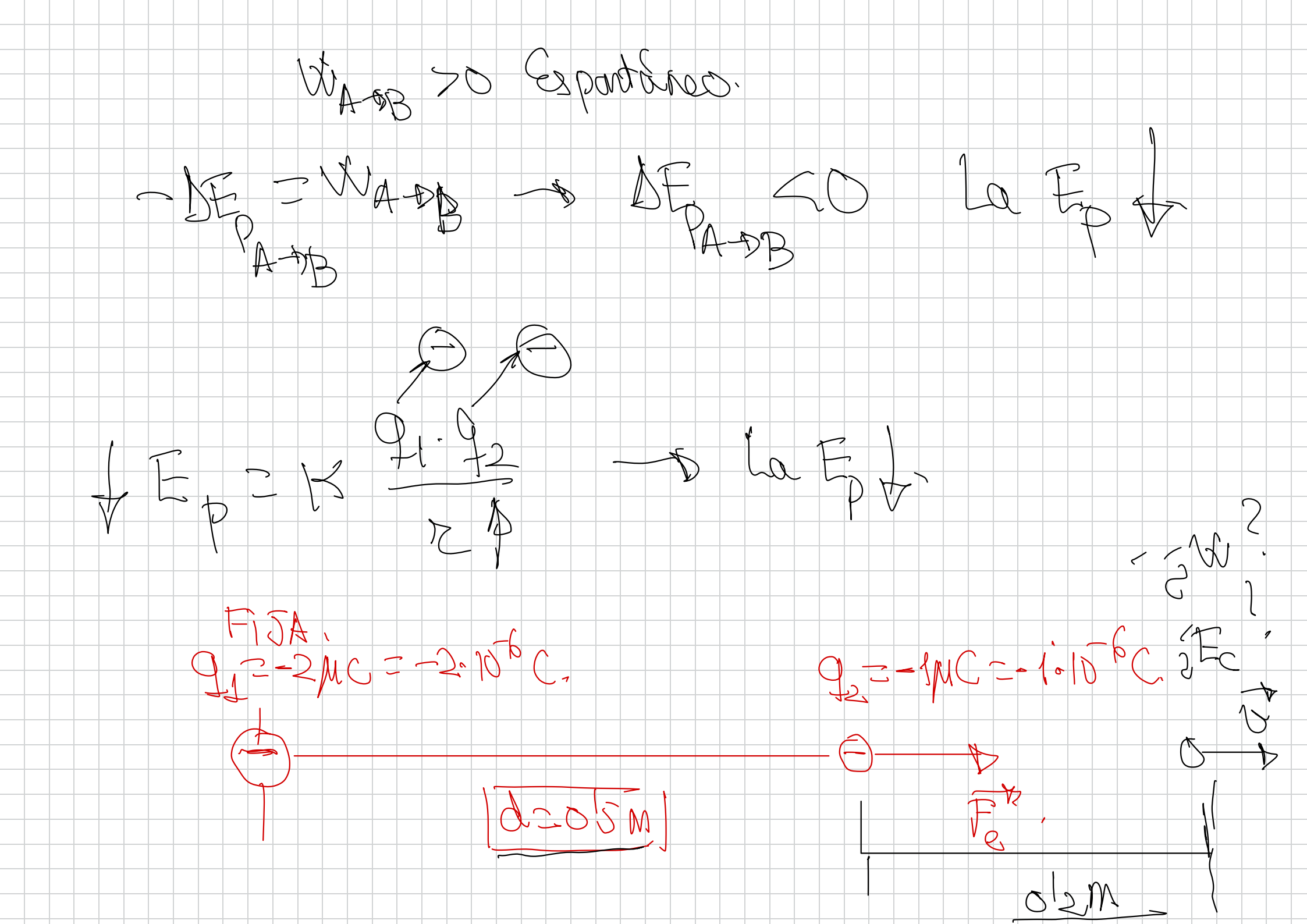
escalar, cada carga con su signo

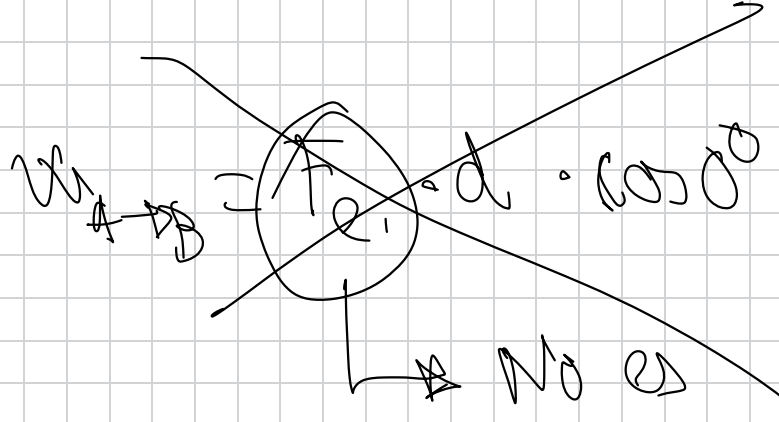
$$E_p = K \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{(-2 \cdot 10^{-6}) \cdot (-1 \cdot 10^{-6})}{0'5} = 0'036\ J$$

$W_{A \to B} > 0$ Espontáneo.

$-\Delta E_{P_{A \to B}} = W_{A \to B} \to \Delta E_{P_{A \to B}} < 0$ La $E_p \downarrow$

$\downarrow E_p = K \dfrac{q_1 \cdot q_2}{r \uparrow} \to$ La $E_p \downarrow$.





$W_{A \to B} = F_e \cdot d \cdot \cos 0^\circ$

$\to$ No es dx.

$E_{p_A} = 0{,}036\ J.$

E_{p_B}

$$-\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B}$$

$$W_{A \to B} = -\left(E_{p_B} - E_{p_A}\right)$$

$$W_{A \to B} = E_{p_A} - E_{p_B}$$

$$W_{A \to B} = E_{p_A} - K \cdot \frac{q_1 \cdot q_2}{r}$$

$$W_{A\to B} = 0{,}036\,J - 9\cdot 10^9 \cdot \frac{(-2\cdot 10^{-6}C)\cdot(-1\cdot 10^{-6}C)}{(0{,}5+0{,}2)}$$

$$W_{A\to B} = 1{,}1\cdot 10^{-2}\,J.$$

$$W_{A\to B} = \Delta E_{C\,A\to B}$$

$$W_{A\to B} = E_{CB} - E_{CA} \quad // \quad \frac{1}{2}M\cdot v_A^2 = 0$$

$$W_{A\to B} = E_{CB}$$

$$E_{CB} = 1{,}1\cdot 10^{-2}\,J.$$

d)

$$W_{A \to \infty} = -\Delta E_{p\, A \to \infty}$$

$$W_{A \to \infty} = -\left(E_{p\infty} - E_{pA}\right)$$

$$W_{A \to \infty} = -E_{pA} = 0{,}36\,J$$

↓

La E_p de esa carga coincide con el trabajo que realizaría la F eléctrica para trasladarla al ∞.

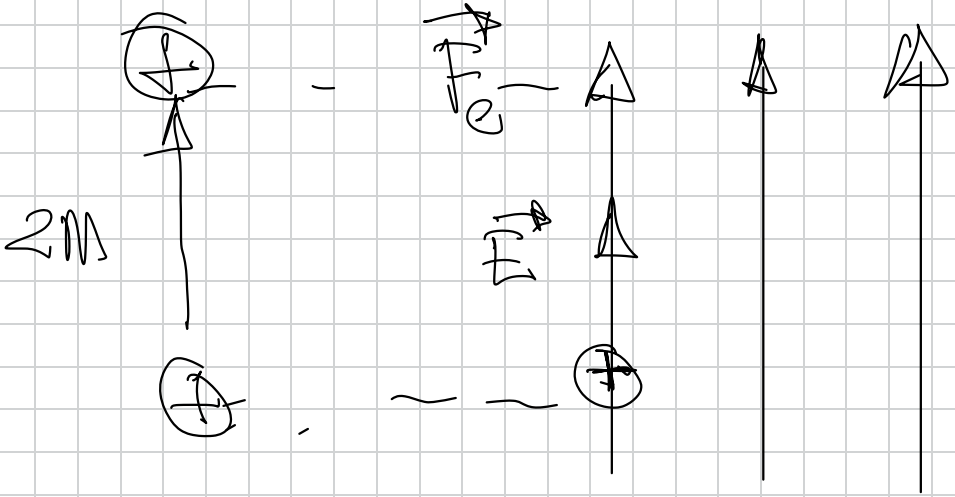
21.- Una partícula de carga $6 \cdot 10^{-6}$C se encuentra en reposo en el punto (0,0). Se aplica un campo eléctrico uniforme de 500 $N \cdot C^{-1}$ dirigido en el sentido positivo del eje OY

a) Describe la trayectoria seguida por la partícula hasta que se encuentra en el punto A, situado a 2m del origen

b) Explicar si aumenta o disminuye la energía potencial de la partícula en dicho desplazamiento. ¿En qué se convierte dicha variación de energía?

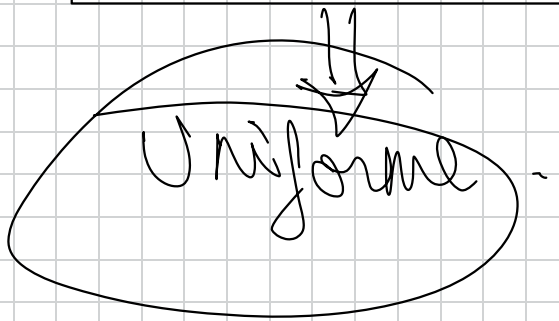
c) Calcula el trabajo realizado por el campo en el desplazamiento de la partícula, así como la diferencia de potencial entre el origen y el punto A

Se despreciam los efectos gravitatorios.



$E = 500 \frac{N}{C}$

$\vec{E} = +500\vec{j}\ (\frac{N}{C})$



a) Trayectoria ascendente ($\vec{F_e}$ en la misma dirección y sentido que $\vec{E}$)

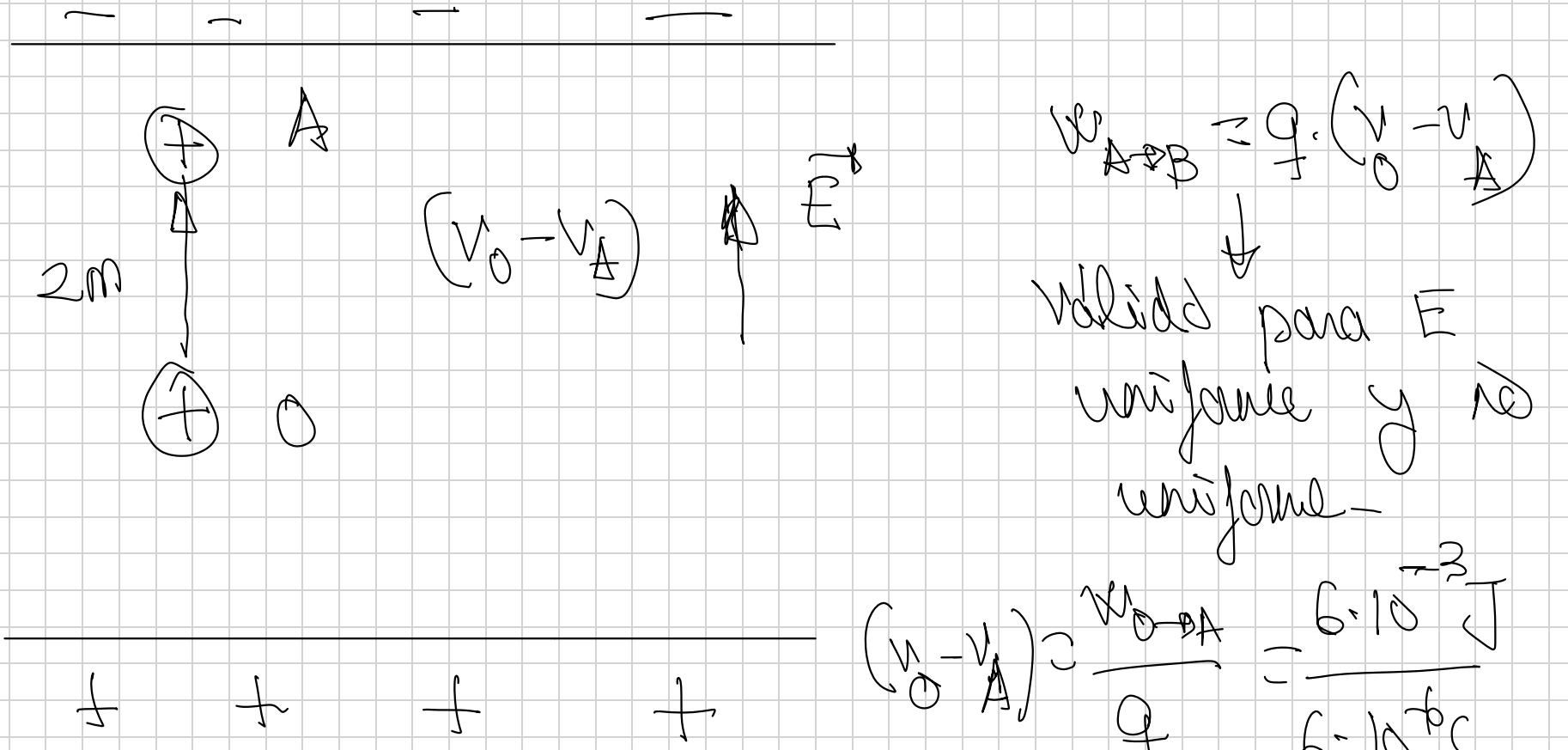
b) Trabajo espontáneo $W_{A \to B} > 0$ $\quad -\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B}$

$\Delta E_{p_{A \to B}} < 0$ → La E_p electrostática disminuye.

$= -\Delta E_{p_{A \to B}} = W_{A \to B} = \Delta E_{c_{A \to B}}$ → Se convierte en E_c (exclusiva acción de una fuerza conservativa)

c) $W_{A \to B} = F_c \cdot d \cdot \cos 0°$

$W_{A \to B} = q \cdot E \cdot d = 6 \cdot 10^{-6} C \cdot 500 \frac{N}{C} \cdot 2m = \underline{6 \cdot 10^{-3} J}$



aceleró

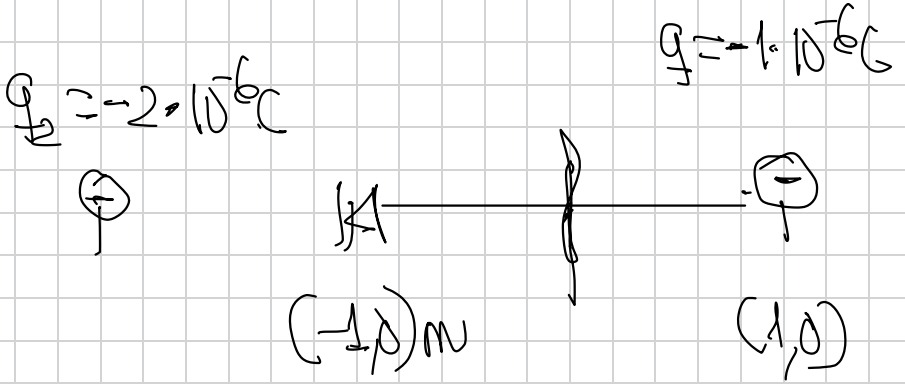
24.- Dos cargas eléctricas puntuales de 4μC y -2μC cada una están situadas respectivamente en (2,0) m y en (-2,0) m, respectivamente

a) Calcula el trabajo necesario para transportar una carga q=-1μC desde (1,0) m a (-1,0) m

b) Calcula la energía potencial de q en (1,0) m y en (-1,0) m

c) Calcula la variación de energía potencial de q en el desplazamiento descrito

~~g= 10 m s^{-2}~~



$W_e = F_e \cdot d \cdot \cos\alpha$

¡OJO!
NO ES UNIFORME.

$V_{(1,0)m} = K \cdot \frac{q_1}{r_1} + K \frac{q_2}{r_2}$

$V_{(1,0)m} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{4 \cdot 10^{-6}}{1} + 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{-2 \cdot 10^{-6}}{3}$

$V_{(1,0)m} = 3 \cdot 10^4 \ V.$

$V_{(-1,0)m} = K \cdot \frac{q_1}{r_1} + K \cdot \frac{q_2}{r_2}$

$V_{(-1,0)} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{4 \cdot 10^{-6}}{3} + 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{-2 \cdot 10^{-6}}{1}$

$V_{(-1,0)} = -6 \cdot 10^3 \ V.$

$$W_{(1,0)_N \to (-1,0)_M} = q \cdot \left(V_{(1,0)_N} - V_{(-1,0)_M} \right) =$$

$$= -1 \cdot 10^{-6} \cdot \left(3 \cdot 10^4 - (-6 \cdot 10^3) \right) = -0{,}036\,J$$

b)

$$E_{p(1,0)_M} = q \cdot V_{(1,0)_M} = -1 \cdot 10^{-6} \cdot 3 \cdot 10^4 = -0{,}03\,J$$

$$E_{p(-1,0)_M} = q \cdot V_{(-1,0)_M} = -1 \cdot 10^{-6} \cdot (-6 \cdot 10^3) = 0{,}006\,J.$$

c) $W_{A \to B} = -\Delta E_{p\, A \to B}$.

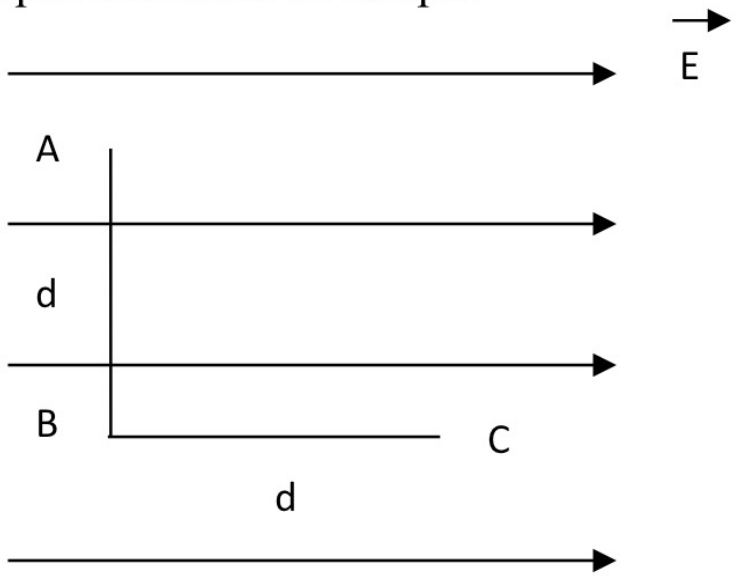
$-6'036 = -\Delta E_{p\, A \to B}$

$\Delta E_{p\, A \to B} = 6'036\,J$

$\Delta E_{p\, A \to B} > 0 \Rightarrow$ la E_p aumenta

$e=1,6 \cdot 10^{-19} C$

15.- En una región del espacio existe un campo eléctrico uniforme de intensidad $\vec{E}$ representado en la figura por sus líneas de campo:

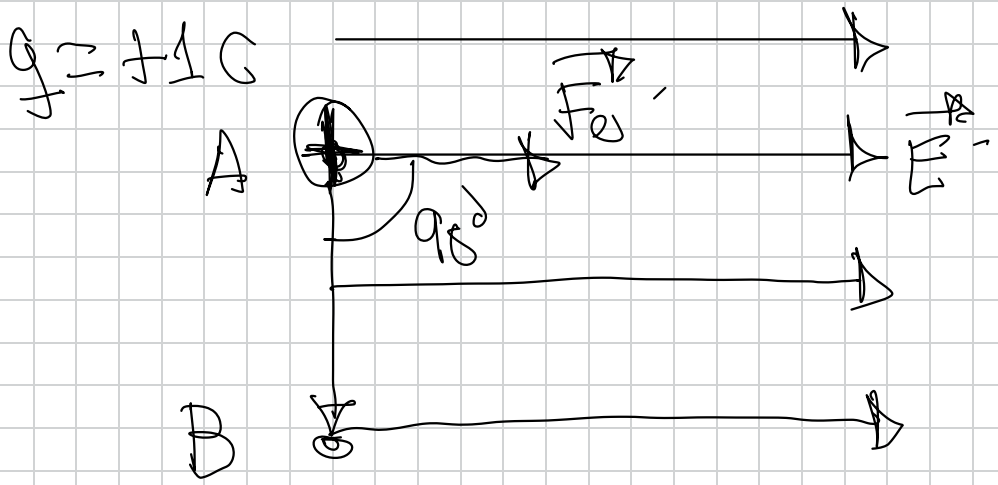


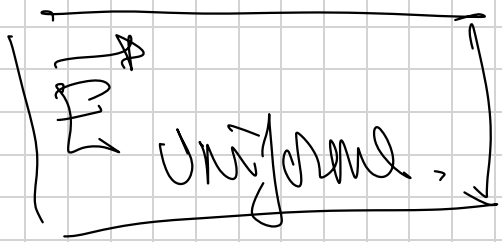
a)¿Qué trabajo se realizará al trasladar la unidad de carga positiva desde el punto A al B y desde el punto B al C?

b)¿Qué trabajo se realizará al trasladar la unidad de carga positiva desde el punto C al A?. Explicar el resultado obtenido.

c)¿Cuál de los tres puntos posee menor potencial?

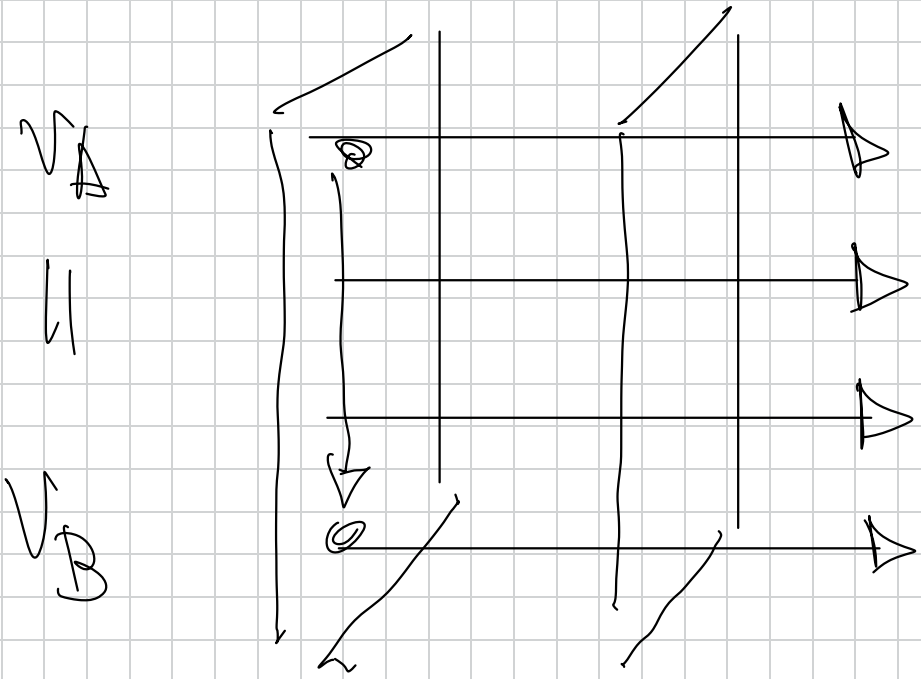
Unidad de carga positiva $q = +1\,C$ (SI)





$$W_{A \to B} = F \cdot d \cdot \cos 90^\circ$$

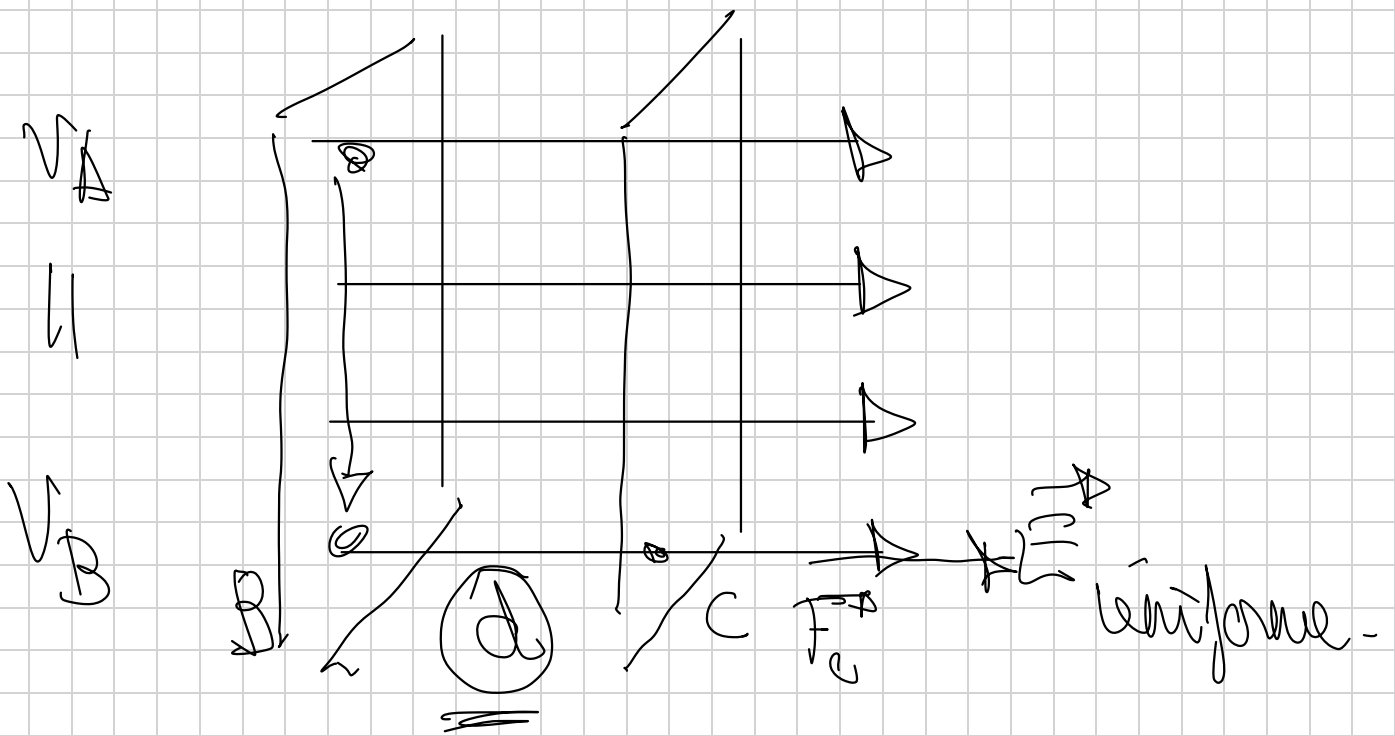
$$W_{A \to B} = 0$$



Sup equipotenciales ⊥ a las líneas de campo.

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B) = 0$$

$$V_A = V_B$$



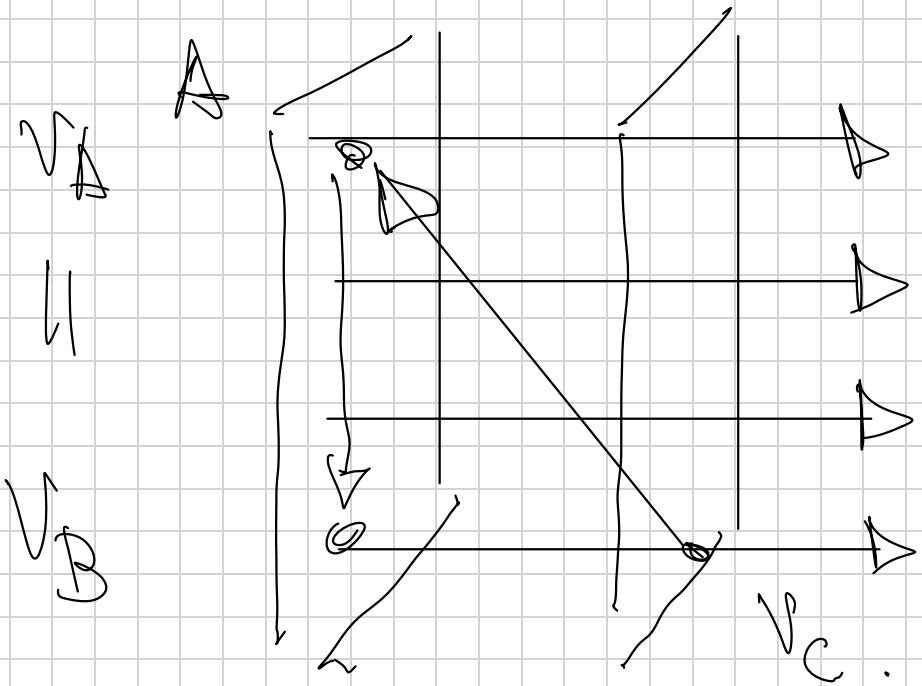
$$W_{B\to C} = F_e \cdot d \cdot \cos\theta^{0} = 1.$$

$$W_{B\to C} = q \cdot E \cdot d.$$

$$\boxed{W_{B\to C} = E \cdot d}$$

$+1\,C.$

b)



$W_{B \to C} = E \cdot d$.

Cualquier trayectoria cerrada.

Fuerza conservativa

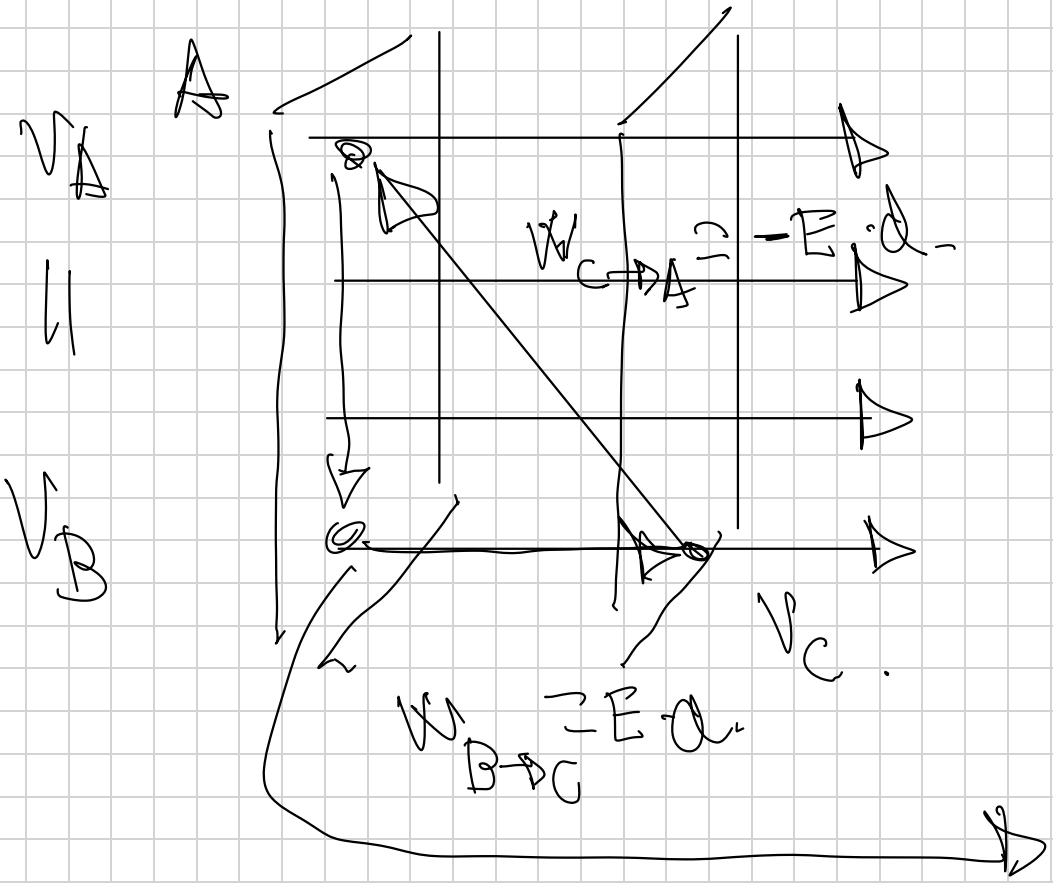
$W_{A \to A} = 0$

$W_{A \to B} + W_{B \to C} + W_{C \to A} = 0$.

$$0 + E \cdot d + W_{C \to A} = 0$$

$$W_{C \to A} = -E \cdot d.$$

c)



$V_A = V_B$ y ambos son mayores que V_C

Sería el de menor potencial.

El trabajo espontáneo para trasladar la carga positiva se da en el orden de potenciales decrecientes

PREGUNTA: RELACIÓN ENTRE EL CAMPO ELÉCTRICO $\vec{E}$ Y EL POTENCIAL V

a) Se define el campo gravitatorio que crea una masa 'M' como la fuerza por unidad de masa con la que es capaz de atraer a cualquier otra masa 'm' situada en el espacio que la rodea.

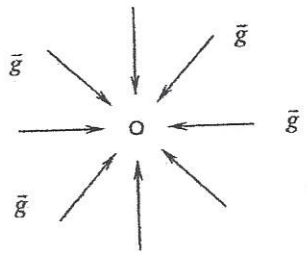
$$|\vec{g}| = \frac{|\vec{F}_g|}{m} \Rightarrow |\vec{g}| = \frac{GM}{r^2} \quad / \quad |\vec{E}| = \frac{|\vec{F}_e|}{q} = K \cdot \frac{Q}{r^2}$$

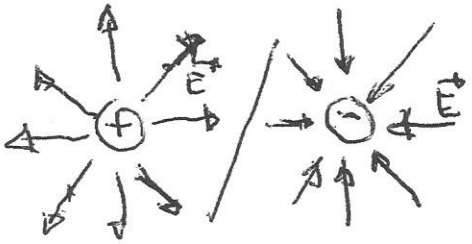
donde G es la constante de gravitación universal, M es la masa que crea el campo y r es la distancia a al que se quiere calcular el campo. / y la K, Q y r

decir lo que es

Es una magnitud vectorial cuya unidad m/s^2 muestra que representa una aceleración que, en el caso de que 'M' sea una masa puntual es radial y hacia dentro.

$\vec{E}$ es vectorial, su unidad es el N/C (S.I) y tiene dos posibles sentidos





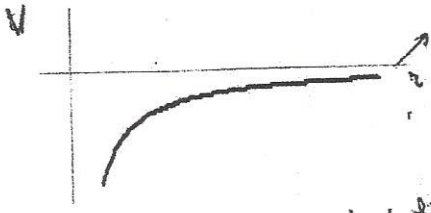
Se definen las líneas de campo como las líneas tangentes al campo gravitatorio en todos los puntos del espacio.

Se define el potencial gravitatorio que crea una masa 'M' como la energía potencial gravitatoria por unidad de masa que tendría una masa 'm' en las proximidades de 'M'.

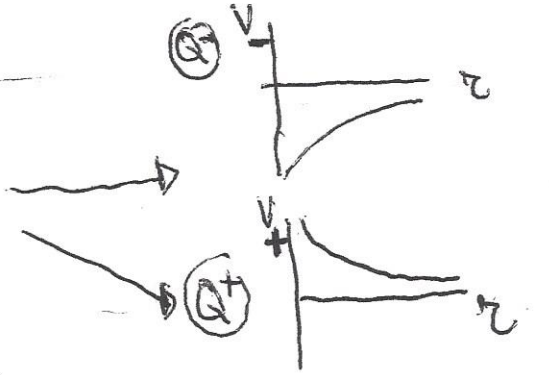
$$V = \frac{Ep_{grav}}{m} \Rightarrow V = -\frac{GM}{r}$$ Siempre negativo

$$V = \frac{E_p}{q} = K \frac{Q}{r}$$ (positivo o negativo)

donde G, M y r ya se han definido.
Es una magnitud escalar cuya unidad es el J/Kg. La representación de V es



Conforme nos alejamos de la masa que crea el campo, el potencial gravitatorio en cada pto aumenta hasta hacerse 0 en el ∞

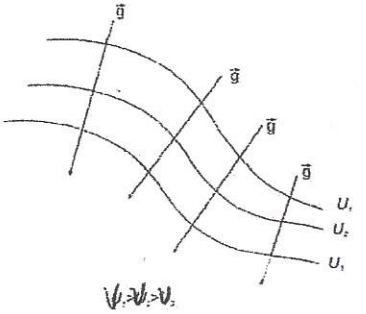


donde se puede ver como U siempre tiene un valor negativo y que para $r \to \infty$, U tiende a cero.

Se definen las superficies equipotenciales como las regiones del espacio que están a potencial constante

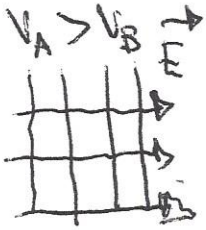
En general se cumple que

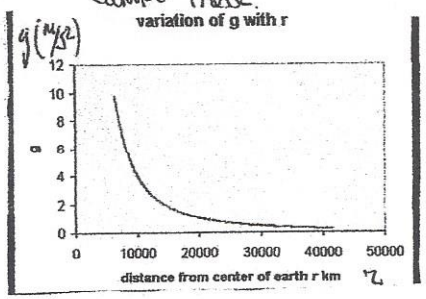
1. Las líneas de campo siempre son perpendiculares a las superficies equipotenciales.
2. Las líneas de campo siempre apuntan hacia potenciales decrecientes.

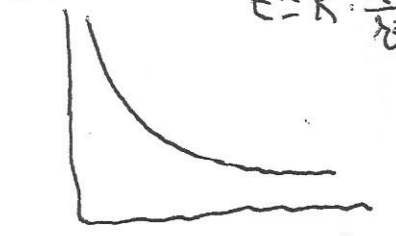


El potencial gravitatorio decrece en el mismo sentido en el que el campo crece.

relacionar



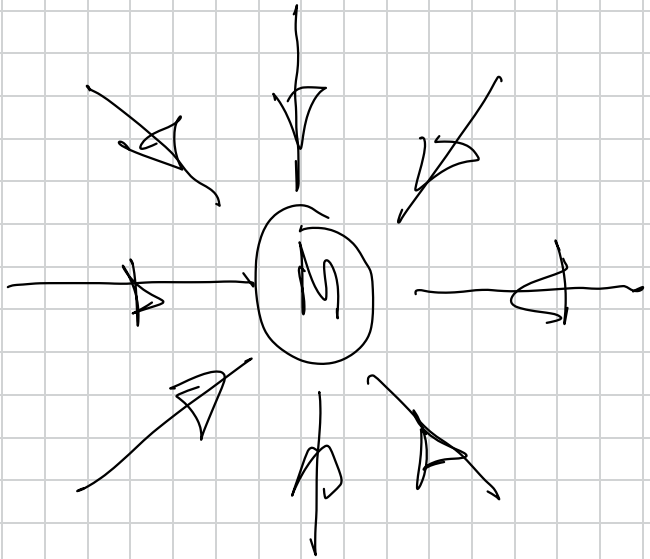




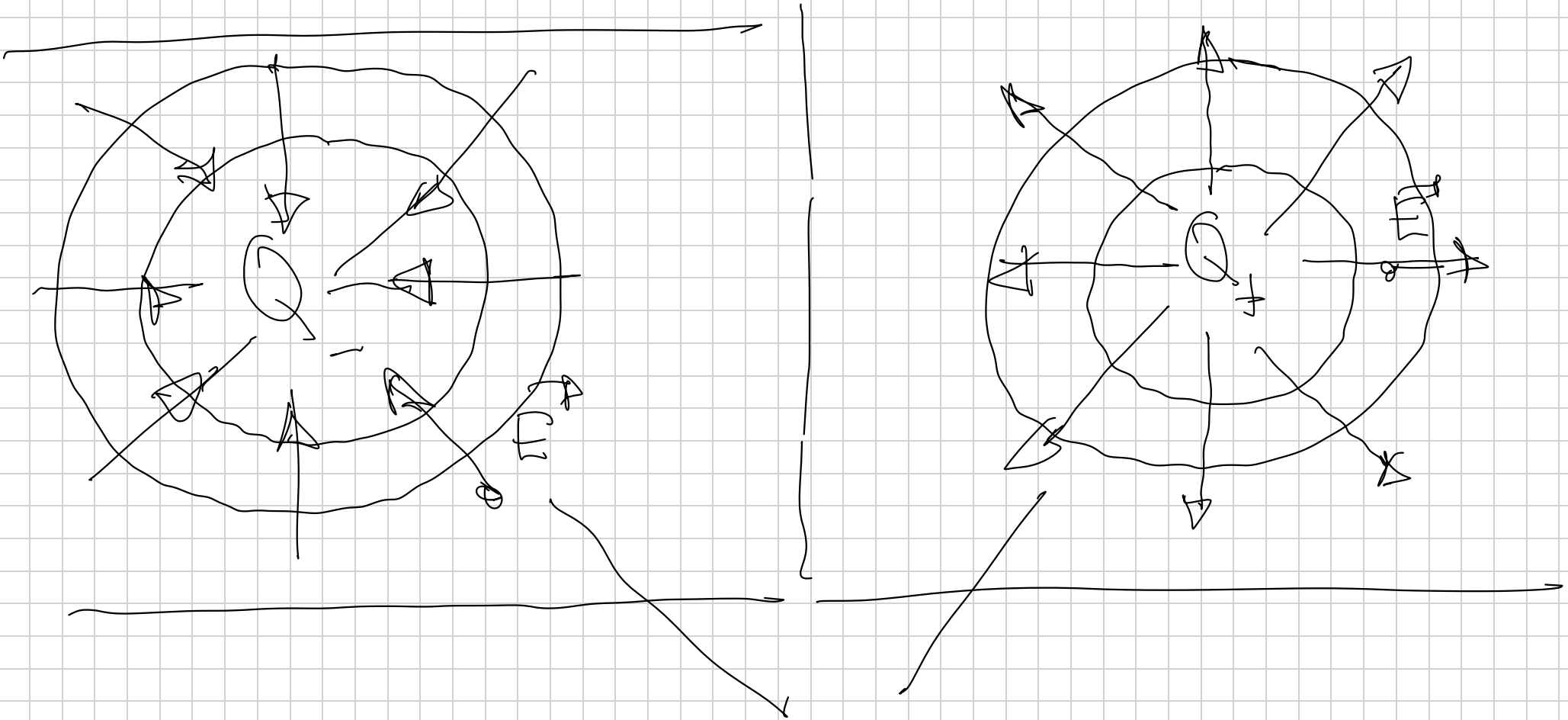
carga positiva se da en el orden de potenciales decrecientes.

Relación entre el campo $\vec{E}$ y el potencial V.

$$g = \frac{F}{m} = G\frac{M}{r^2} \left(\frac{N}{kg}\right)$$

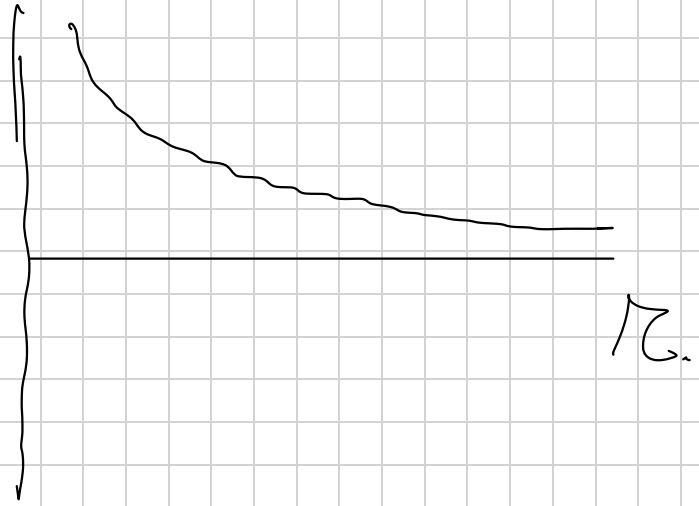


$$E = \frac{F_e}{q} = \frac{K\cdot\frac{Q\cdot q}{r^2}}{q} = K\cdot\frac{Q}{r^2}\left(\frac{N}{C}\right)$$

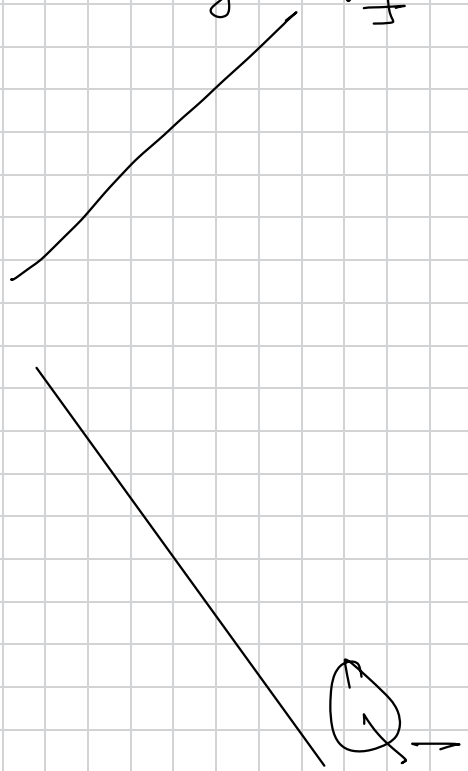


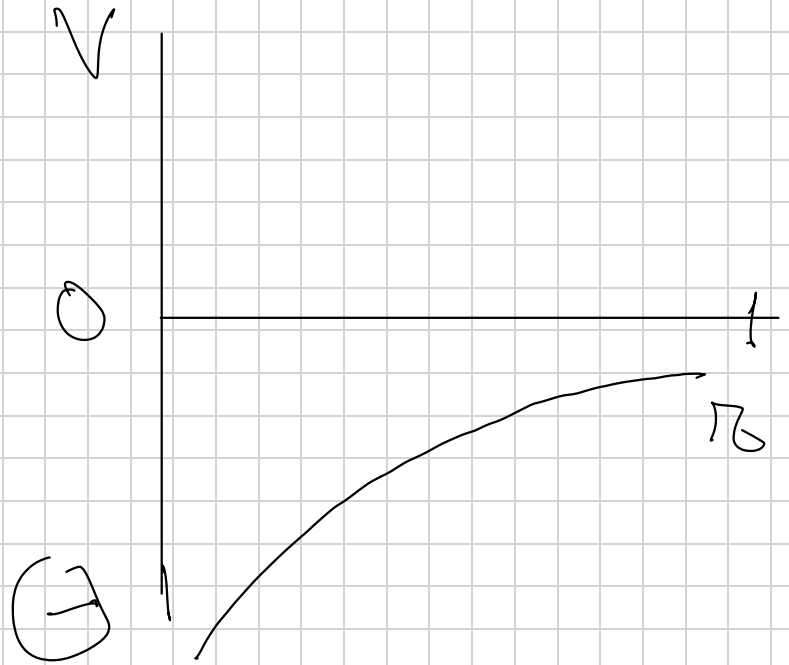
Son equipotenciales ⊥ a las líneas de campo.

Al alejarse el $\vec{E}$ disminuye Q_+



$$V = \frac{\vec{E}}{q} = K \cdot \frac{Q}{r}$$





al alejarse V aumenta

$$|\vec{E}| = k \cdot \frac{Q}{r^2}$$

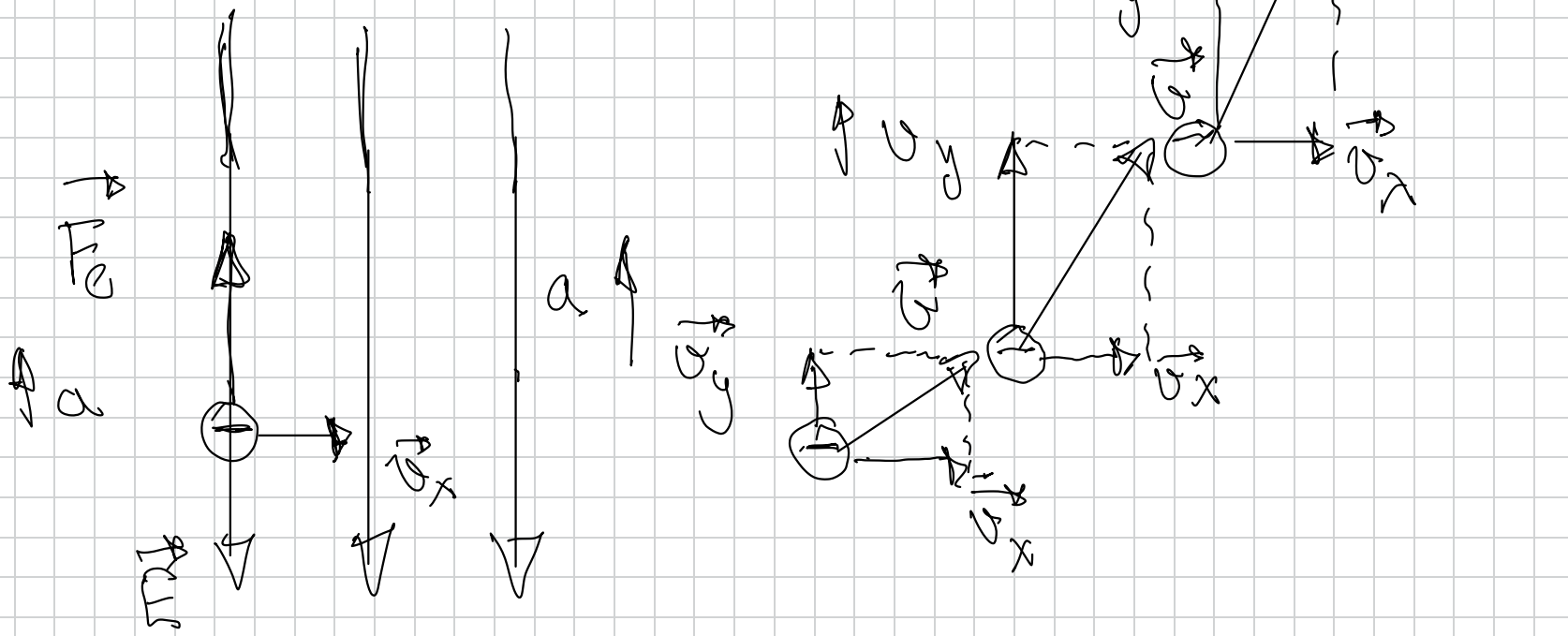


PEVAU IV EJERCICIO 1

1

a) Se lanza un electrón perpendicularmente a las líneas de un campo electrostático uniforme.
i) Razone cómo es la trayectoria seguida por el electrón dentro de ese campo y dibújela.
ii) Razone cómo varían su energía cinética y su energía potencial durante su movimiento.

electrón $\Rightarrow$ se despreciа F_g

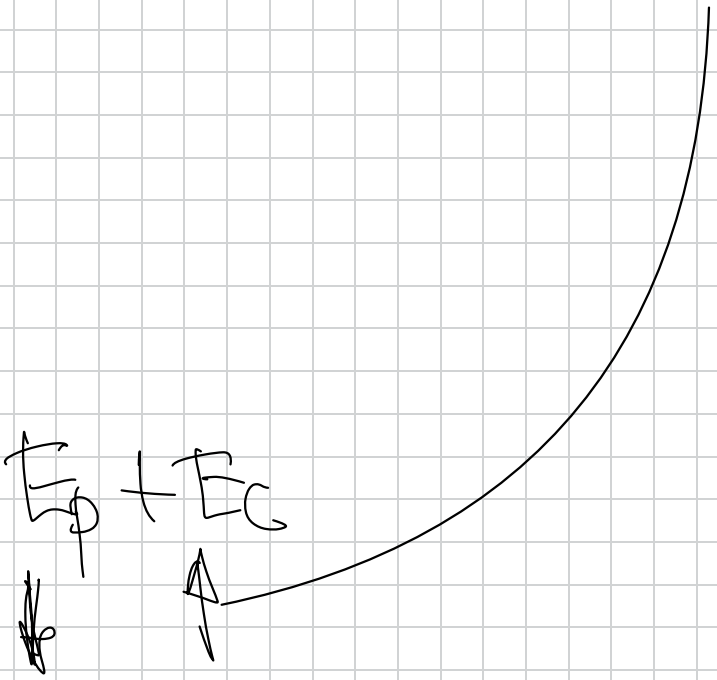


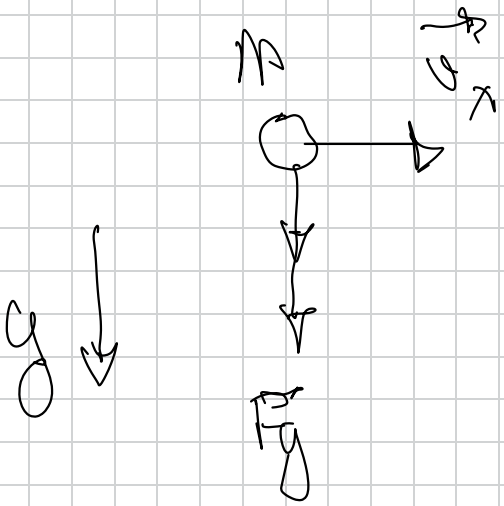
$E_c = \frac{1}{2} m v^2$ ↑

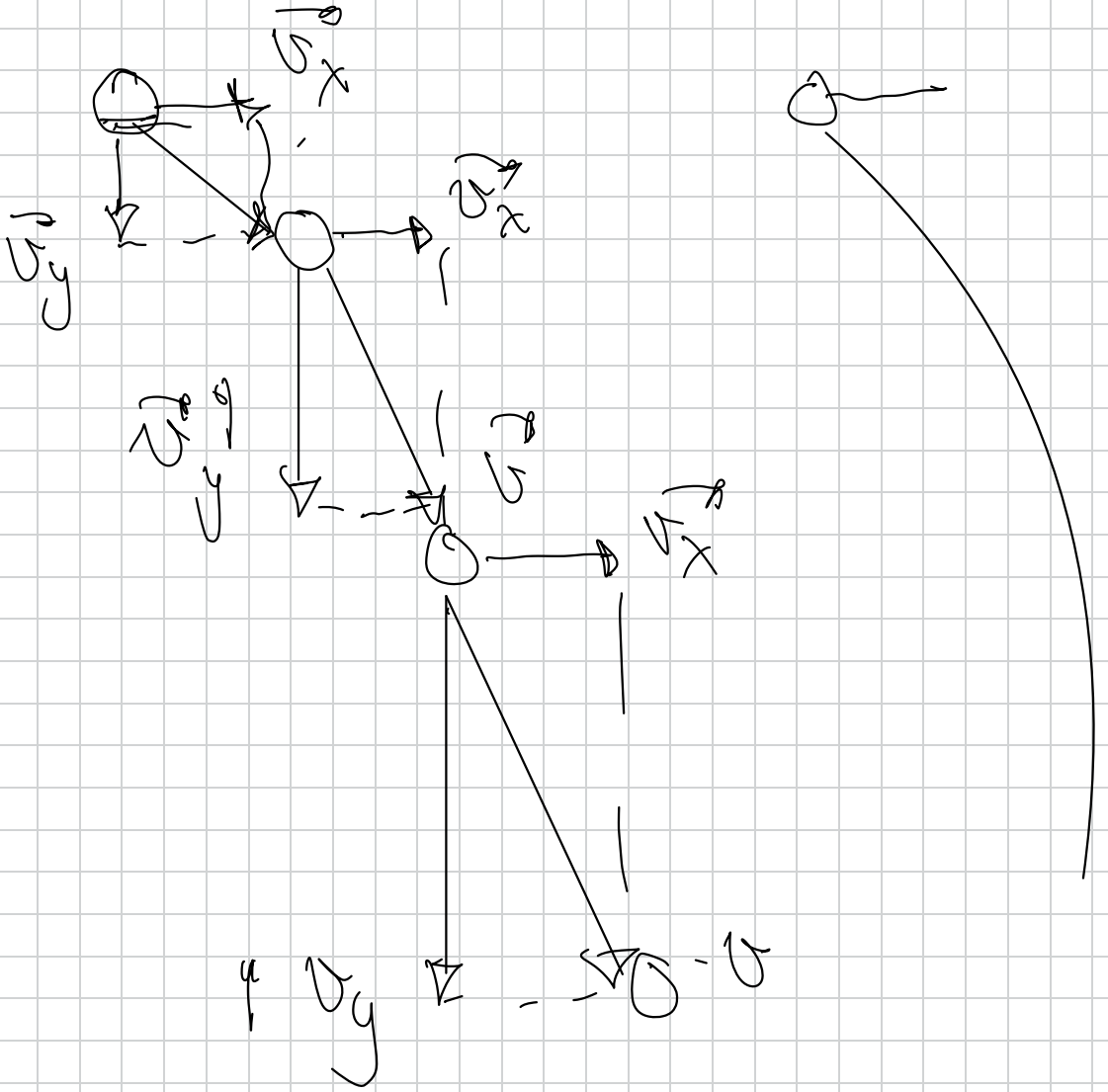
$E_{p\,elástica}$ ↓

$E_m = cte = E_p + E_c$

↓ ↑







$$E_K = \frac{1}{2} m v^2$$

$$E_p =$$

$$E_m =$$

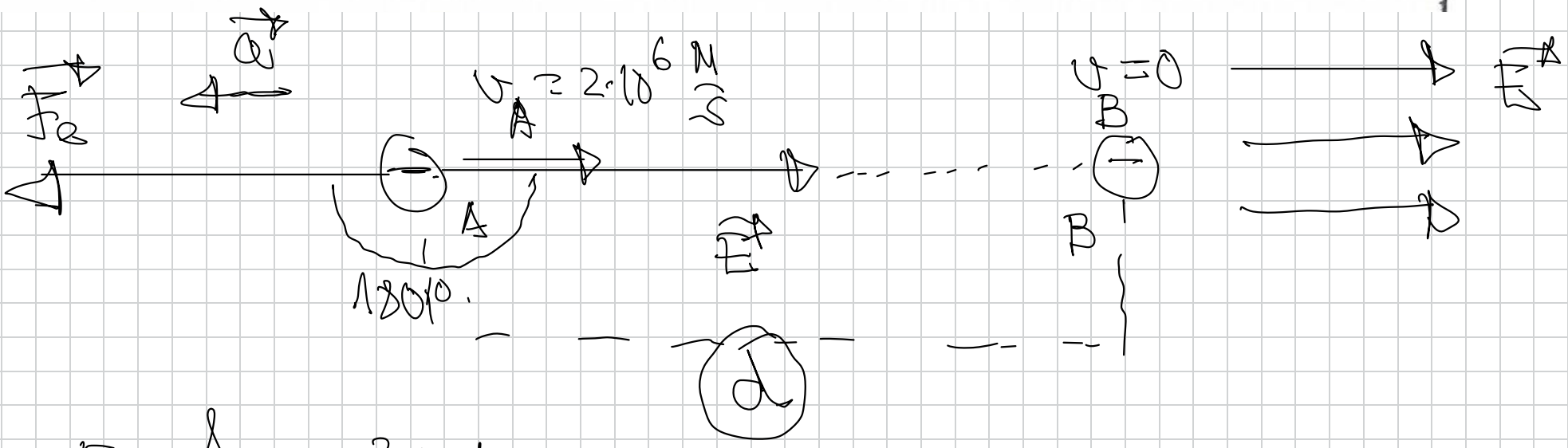
(1) Un electrón se mueve con una velocidad de $2 \cdot 10^6$ m s^{-1} y penetra en un campo eléctrico uniforme de 400 N C^{-1}, de igual dirección y sentido que su velocidad.

a) Explique cómo cambia la energía del electrón y calcule la distancia que recorre antes de detenerse.

b) ¿Qué ocurriría si la partícula fuese un positrón? Razone la respuesta.

$e = 1{,}6 \cdot 10^{-19}$ C; $m = 9{,}1 \cdot 10^{-31}$ kg

→ MISMA MASA QUE EL ELECTRÓN PERO CARGA POSITIVA.



$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2$ ↓

E_p ↑

$E_m = cte$

$W_{A \to B} = \Delta E_{c\, A \to B}$

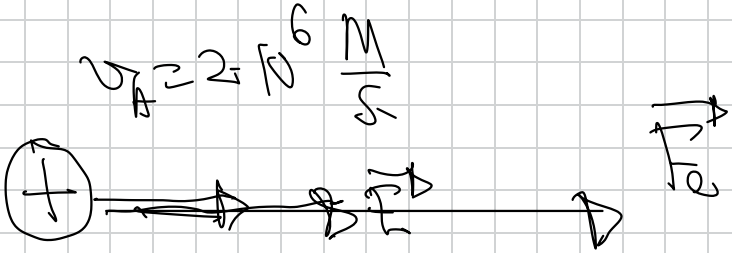
$|\vec{F}| \cdot |\vec{d}| \cdot \cos 180 = \frac{1}{2} m \cdot v_B^2 - \frac{1}{2} m v_A^2$

$$|q| \cdot |\vec{E}| \cdot d \cdot (-1) = -\frac{1}{2} m \cdot v_A^2 \cdot$$

$$q \cdot E \cdot d = \frac{1}{2} m v_A^2 \cdot$$

$$d = \frac{m \cdot v_A^2}{2qE} = \frac{9{,}1 \cdot 10^{-31} \cdot (2 \cdot 10^6)^2}{2 \cdot 1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 400}$$

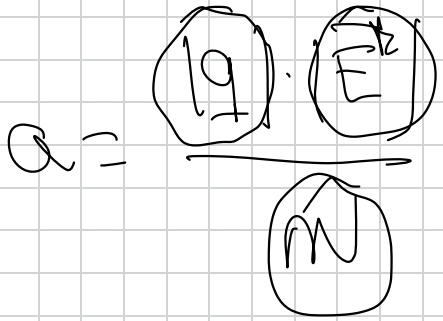
$$d = 0{,}028\,m.$$

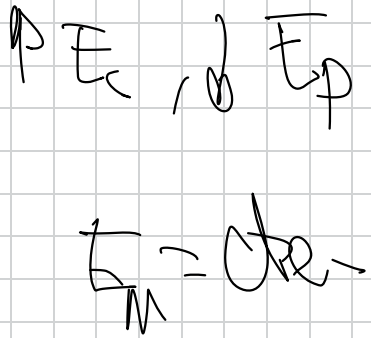


$$F_c = m \cdot a$$

$$|q| \cdot |\vec{E}| = m \cdot a$$

$$E_c = \frac{1}{2} m v^2 \cdot$$





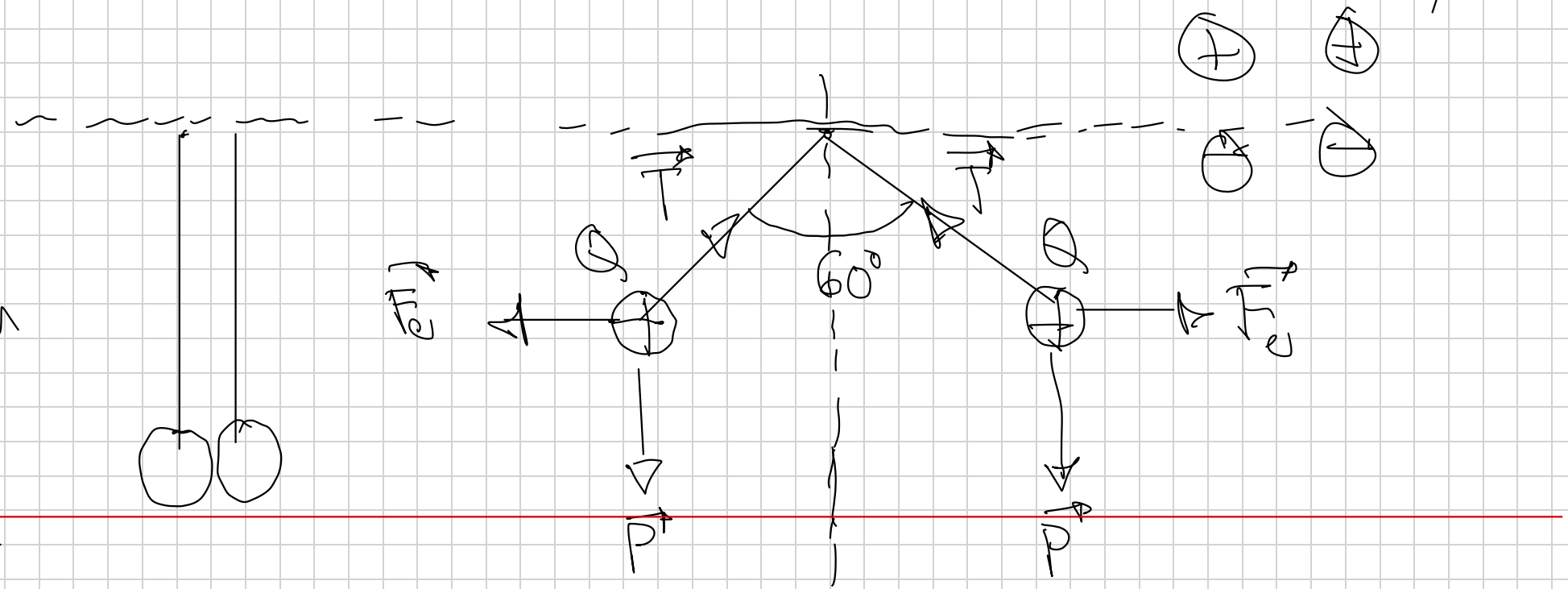
44.- Dos partículas de 10 g se encuentran suspendidas por dos hilos de 30 cm desde un mismo punto. Si se les suministra a ambas partículas la misma carga se separan de modo que los hilos forman entre si un ángulo de 60º

a) Dibuja en un diagrama las fuerzas que actúan sobre las partículas y analiza la energía del sistema en esa situación

b) Calcula el valor de la carga que se le suministra a cada partícula

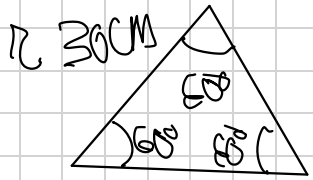
$g = 10\ m\ s^{-2}$ $K=9\cdot10^{9}\ N\cdot m^{2}\cdot C^{-2}$

$E_c = 0$ en situación inicial y final.



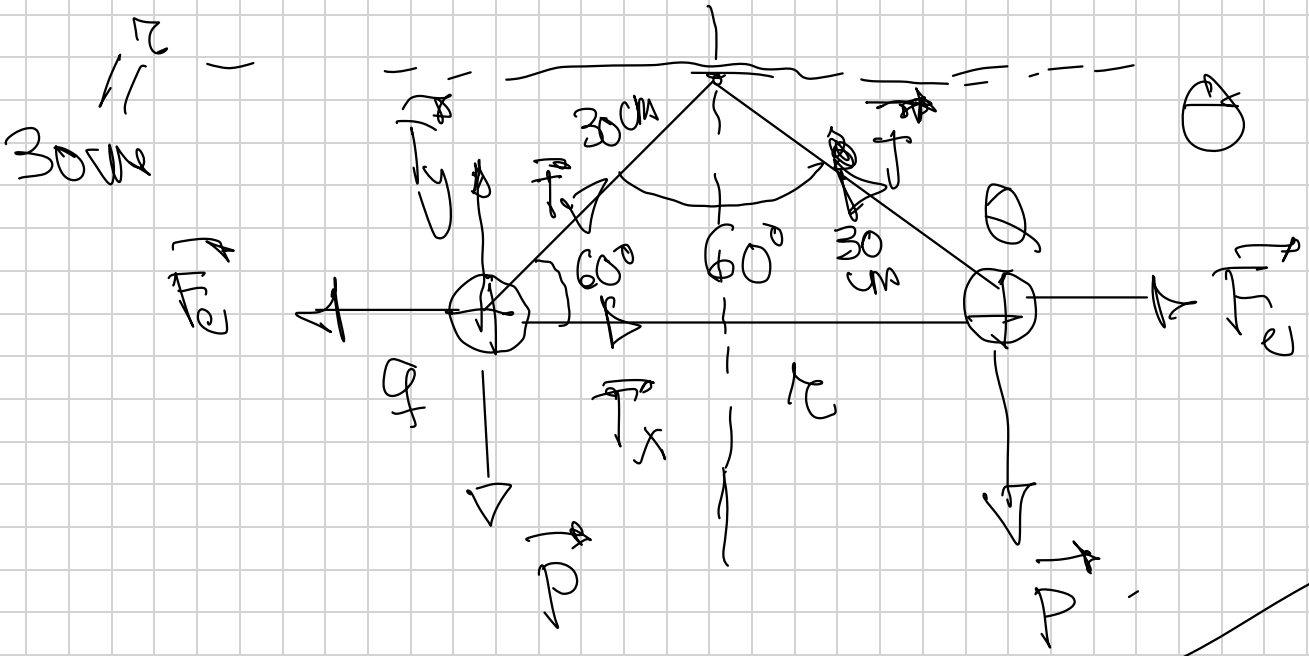
$E_{p\ gravitatoria} = m \cdot g \cdot h \uparrow \Rightarrow E_{p\ gravitatoria} \uparrow$

$\downarrow E_{p\ eléctrica} = k \cdot \frac{Q \cdot Q}{r} \uparrow \Rightarrow E_{p\ eléctrica} \downarrow$



r = 30cm.

r // 30cm



Ley de Coulomb.

$$|\vec{F_e}| = K \cdot \frac{Q \cdot Q}{r^2}$$

$$|\vec{F_e}| = K \cdot \frac{Q^2}{r^2}.$$

$$|\vec{T_x}| = |\vec{F_e}| \rightarrow T \cdot \cos 60° = F_e.$$

$$|\vec{T_y}| = |\vec{P}| \rightarrow T \cdot \operatorname{sen} 60° = P.$$

$$\frac{T \cdot \sin 60^\circ}{T \cdot \cos 60^\circ} = \frac{P}{F_e} \qquad tg\,60^\circ = \frac{P}{F_e} \qquad P = m \cdot g$$

$$F_e = \frac{P}{tg\,60^\circ}$$

$$F_e = \frac{m \cdot g}{tg\,60^\circ} = \frac{10 \cdot 10^{-3} \cdot 10}{tg\,60^\circ} = 0{,}058\ N.$$

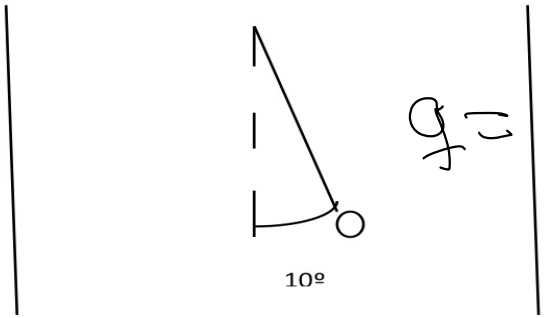
$$F_e = K \cdot \frac{Q \cdot Q}{r^2} \Rightarrow \qquad F_e = K \cdot \frac{Q^2}{r^2}$$

$$F_e \cdot r^2 = K \cdot Q^2$$

$$Q = \sqrt{\frac{F_e \cdot r^2}{K}} = \sqrt{\frac{0{,}058 \cdot (0{,}3)^2}{9 \cdot 10^9}} = \boxed{7{,}6 \cdot 10^{-7}\ C}$$

No puedo saber el signo de la carga, ambas podrían ser positivas o negativas.

25.- El péndulo de la figura, cuya masa es una esfera de 2g, cuelga de un hilo en el interior de dos placas cargadas eléctricamente con igual carga de signo opuesto, siendo la separación entre las placas de 10 cm. Primeramente calculo $\vec{E}$.
Calcular la diferencia de potencial entre las placas sabiendo que el hilo forma un ángulo de 10º con la vertical y que la carga de la esfera es de 10 nC
El campo eléctrico en el interior de las placas se supone constante. Dato: $g=9{,}8\ m \cdot s^{-2}$



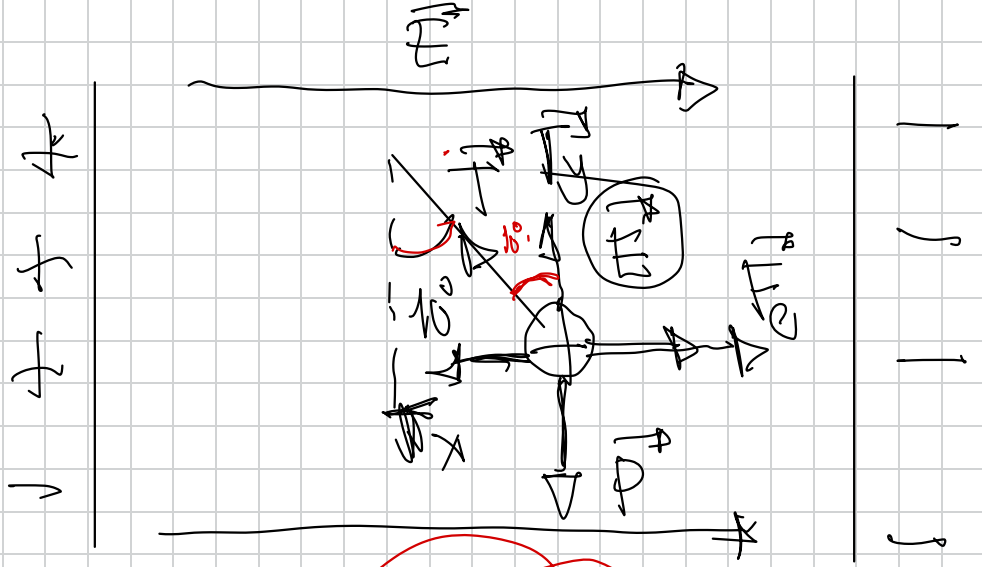
$q = 10 \cdot 10^{-9}\ C$

$mC = 10^{-3} C$

$\mu C = 10^{-6} C$

$nC = 10^{-9} C$

$pC = 10^{-12} C$



Eenvoud → d: E?

$$\begin{cases} T_x = F_e \\ T_y = P \end{cases} \quad \begin{cases} T \cdot \sin 10^\circ = q \cdot E \\ T \cdot \cos 10^\circ = m \cdot g \end{cases}$$

$$\frac{T \cdot \sin 10^\circ}{T \cdot \cos 10^\circ} = \frac{q \cdot E}{m \cdot g}$$

$$\operatorname{tg} 10^\circ = \frac{q \cdot E}{m \cdot g}$$

$$E = \frac{m \cdot g \cdot \operatorname{tg} 10^\circ}{q} = \frac{2 \cdot 10^{-3}\ \text{kg} \cdot 9{,}8\ \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot \operatorname{tg} 20^\circ}{10 \cdot 10^{-9}\ \text{C}} =$$

$$E = 345{,}95 \cdot 10^3\ \frac{\text{N}}{\text{C}} \qquad \vec{E} = 345{,}95 \cdot 10^3\ \frac{\text{N}}{\text{C}}$$



$d = 10\ cm = 0{,}1\ m$

¡OJO! Solo para E uniforme.

$$W_{A \to B} = F \cdot d \cdot \cos 0°$$

$$\boxed{W_{A \to B} = q\, E \cdot d}$$

$$W_{A \to B} = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$q \cdot E \cdot d = q \cdot (V_A - V_B)$$

$$(V_A - V_B) = E \cdot d = 345{,}95 \cdot 10^3 \frac{N}{C} \cdot 0{,}1\ m$$

$(V_A - V_B) = 345'95 \cdot 10^2 \frac{N}{C} \cdot m =$

$(V_A - V_B) = 345'95 \cdot 10^2 V$

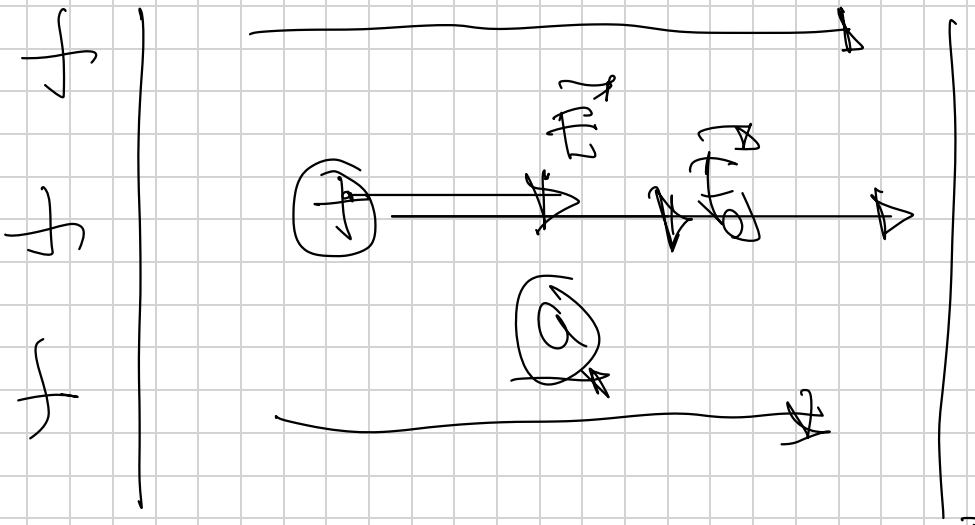
$\frac{N \cdot m}{C} = \frac{J}{C}$

$\frac{J}{C} = V$

SELECTIVIDAD

En los tratamientos de protónterapia, se utilizan campos eléctricos uniformes para acelerar protones y dirigirlos hacia tejidos tumorales. Un protón se encuentra inicialmente en reposo en una región donde existe un campo eléctrico uniforme. i) Razone, ayudándose de un esquema, hacia dónde se moverá el protón si se deja libre en dicho campo. ii) Razone cómo varían las energías potencial y cinética del protón en su movimiento.

FISICA. 2026. JULIO. EJERCICIO a2



$\vec{F_e}$ $\vec{F_p}$

$q \cdot \vec{E}$

$F_e = M \cdot a$.

$\downarrow$ Cte $\quad$ $\downarrow$ Cte

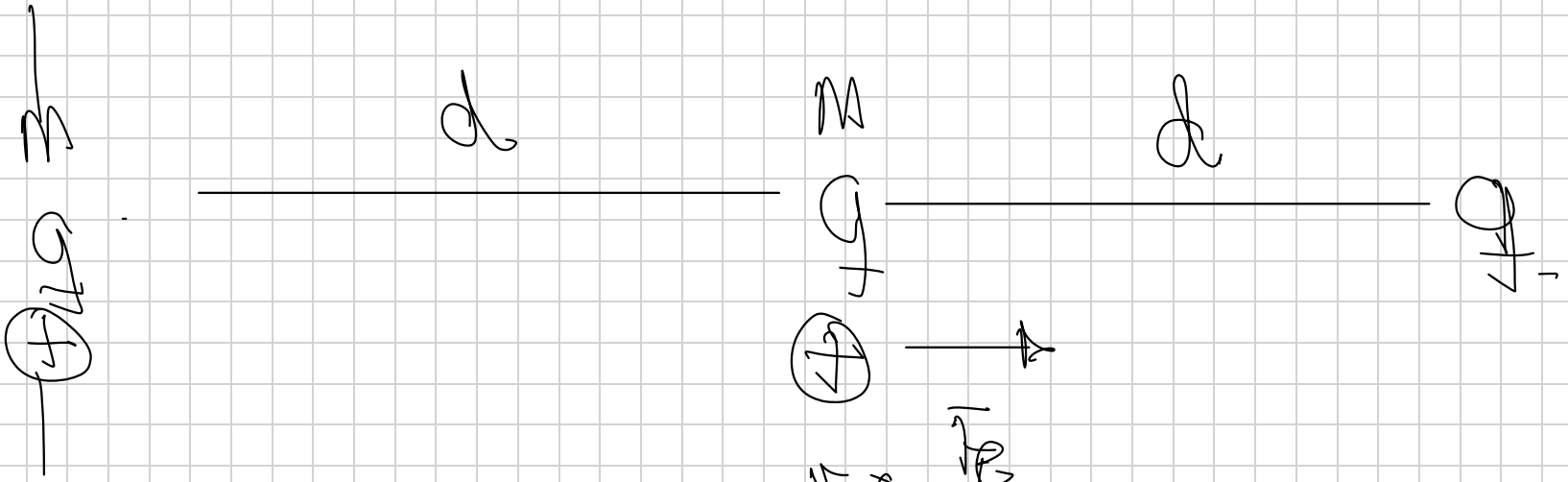
MRUA.

$E_c \uparrow$ $\quad$ $E_p \downarrow$.

5) SELECTIVIDAD

Dos partículas idénticas, de carga q y masa m, están separadas una distancia d. Se mantiene fija una de las partículas y se deja que la otra se aleje por acción de la fuerza electrostática hasta duplicar la distancia inicial con la primera. i) Determine la expresión del módulo de la velocidad que adquiere la partícula en el punto final. ii) Indique como cambiaría el módulo de la velocidad si se duplicase el valor de las cargas.

FISICA. 2026. JUNIO. EJERCICIO a2



E_c inicial

$W_{A\to B} = \Delta E_{c\,A\to B}$

$$-\Delta E_{p\,A\to B} = \Delta E_{c\,A\to B}$$

$$= \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 = 0$$

$$-\left(E_{pB} - E_{pA}\right)$$

$$E_{pA} - E_{pB} = \frac{1}{2} m v^2$$

$$k \cdot \frac{q \cdot q}{d} - k \cdot \frac{q \cdot q}{2d} = \frac{1}{2} m v^2$$

$$k \cdot \frac{q^2}{2d} = \frac{1}{2} m \cdot v^2.$$

$$\frac{k \cdot q^2}{m d} = v^2$$

$$v = \sqrt{\frac{k q^2}{m d}}.$$

$$v' = \sqrt{\frac{k \cdot (2q)^2}{m d}}.$$

$$v' = 2v.$$

VIDEOCONFERENCIA 16/11/26

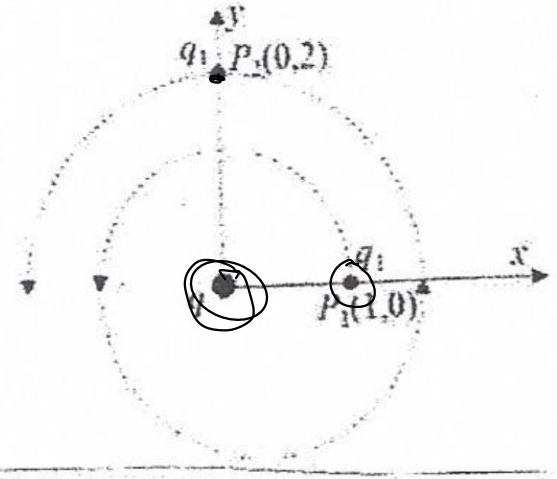
9.- Una carga puntual, q = 3 μC, se encuentra situada en el origen de coordenadas, tal y como se muestra en la figura. Una segunda carga q_1 = 1 μC se encuentra inicialmente en el punto $P_1(1,0)$ m y, recorriendo la espiral de la figura, llega al punto $P_2(0,2)$ m.

Determine:

a) La diferencia de potencial entre los puntos P_1 y P_2.

b) El trabajo realizado para llevar la carga q_1 del punto P_1 al P_2.

Datos: Constante de la Ley de Coulomb; $K = 9 \cdot 10^9\ N\ m^2\ C^{-2}$



$$V_{(1,0)m} = K \cdot \frac{q}{r} \rightarrow 1m$$

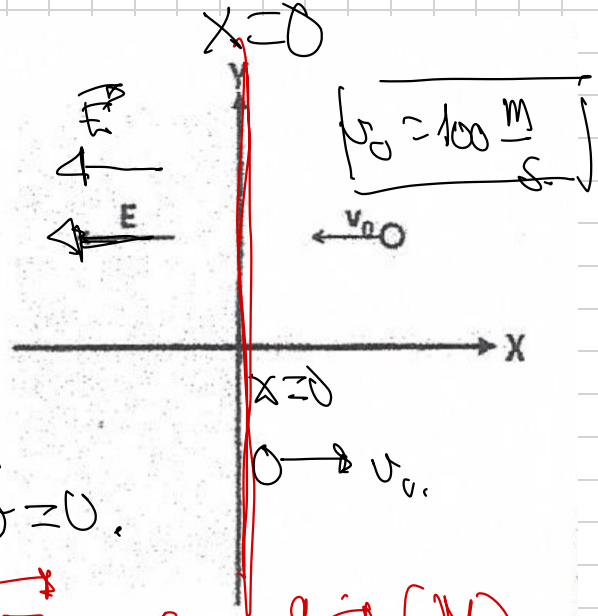
$$V_{(0,2)m} = K \cdot \frac{q}{r} \rightarrow 2m$$

11.- Un electrón se propaga en el plano XY con velocidad v_0 constante de 100 m s^{-1} en el sentido negativo del eje X. Cuando el electrón cruza el plano x = 0 se adentra en una región del espacio donde existe un campo eléctrico uniforme de 8×10^{-9} N C^{-1} en el sentido negativo del eje X, tal y como se indica en la figura.

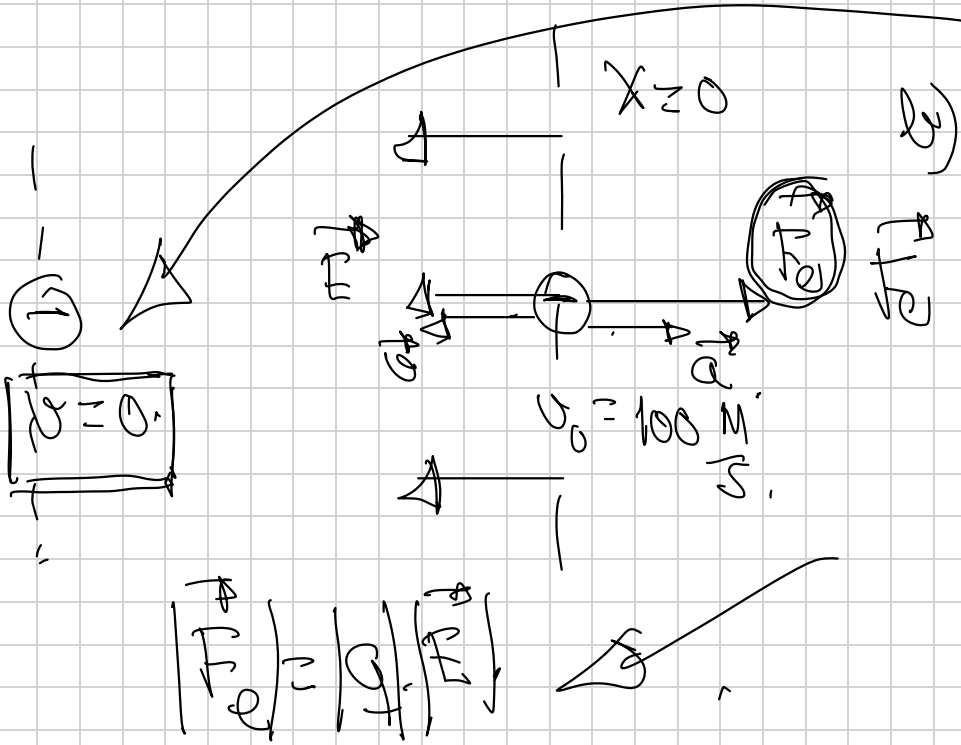
a) Describa el tipo de movimiento que seguirá el electrón una vez se haya introducido en esa región del espacio. Discuta cual será la velocidad final del electrón.

b) Calcule la fuerza ejercida sobre el electrón así como la aceleración que éste experimenta.

Datos: Masa del electrón, $m_e = 9{,}1\times10^{-31}$ kg ;
Valor absoluto de la carga del electrón, $e = 1{,}60\times10^{-19}$ C



$\vec{E} = -8\cdot10^{-9}\,\vec{i}\ \left(\frac{N}{C}\right)$



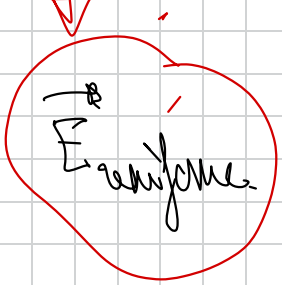
$|\vec{F}_e| = |q|\cdot|\vec{E}|$

b) MRUA (decelerado)

$W_{A\to B} = \Delta E_{c\,A\to B}$

$F_e \cdot d \cdot \cos 180^\circ = \frac{1}{2} m v_B^2 - \frac{1}{2} m \cdot v_A^2$

-1 → No la a.



$v_A = 100 \frac{m}{s}$

$|\vec{F}_e| = 1'6 \cdot 10^{-19} C \cdot 8 \cdot 10^{-9} \frac{N}{C}$

$|\vec{F}_e| = 1'28 \cdot 10^{-27} N.$

$\vec{F}_e = -1'28 \cdot 10^{-27} \vec{i}\ (N)$

Se despreña F_g.

$\vec{F}_e = m_e \cdot \vec{a}$

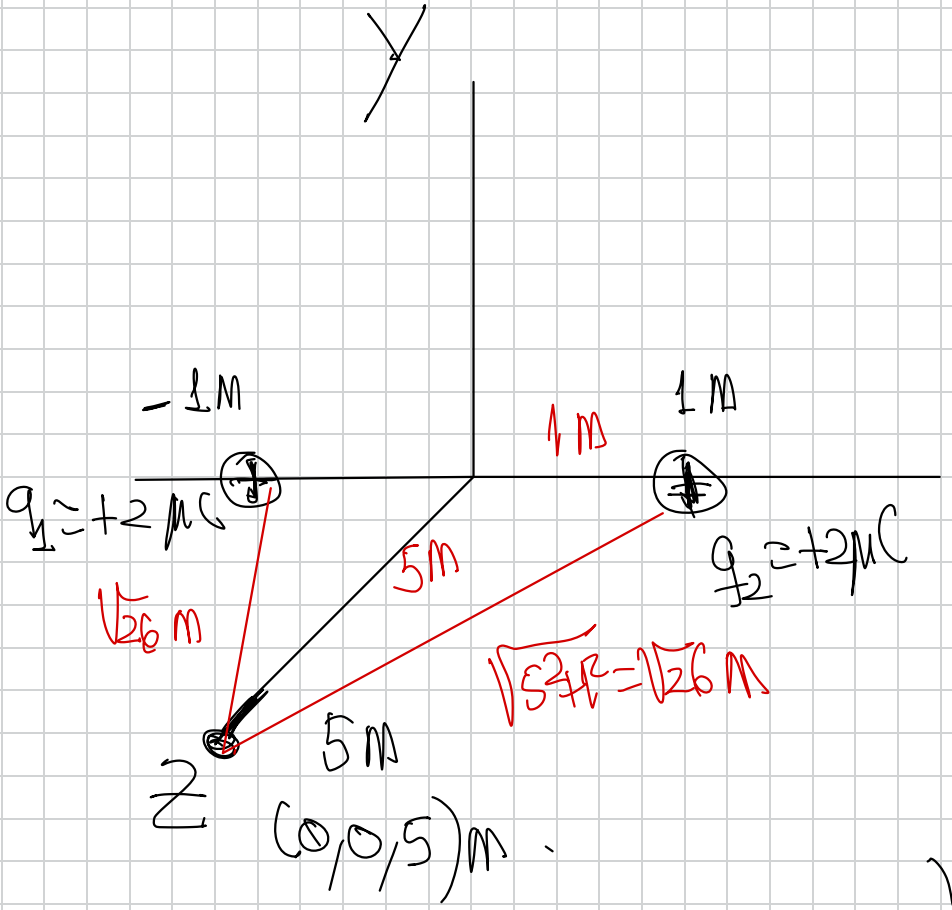
$a = \frac{F_e}{m_e} = \frac{1'28 \cdot 10^{-27}}{9'1 \cdot 10^{-31}} = 1407 \frac{m}{s^2}$

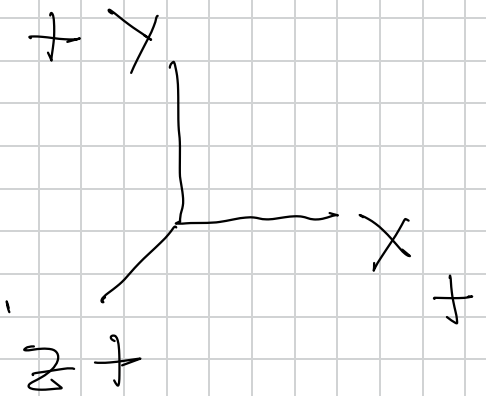
$\vec{a} = -1407 \vec{i}\ \left(\frac{m}{s^2}\right)$.

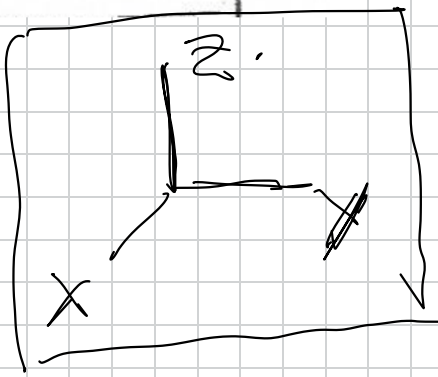
6. Dos cargas puntuales de + 2 μC, se encuentran situadas sobre el eje X, en los puntos $x_1 = -1$ m y $x_2 = 1$ m, respectivamente.

a) Calcule el potencial electrostático en el punto (0, 0, 5) m.

b) Determine el incremento de energía potencial electrostática al traer una tercera carga de - 3 μC, desde el infinito hasta el punto (0, 0, 5) m.



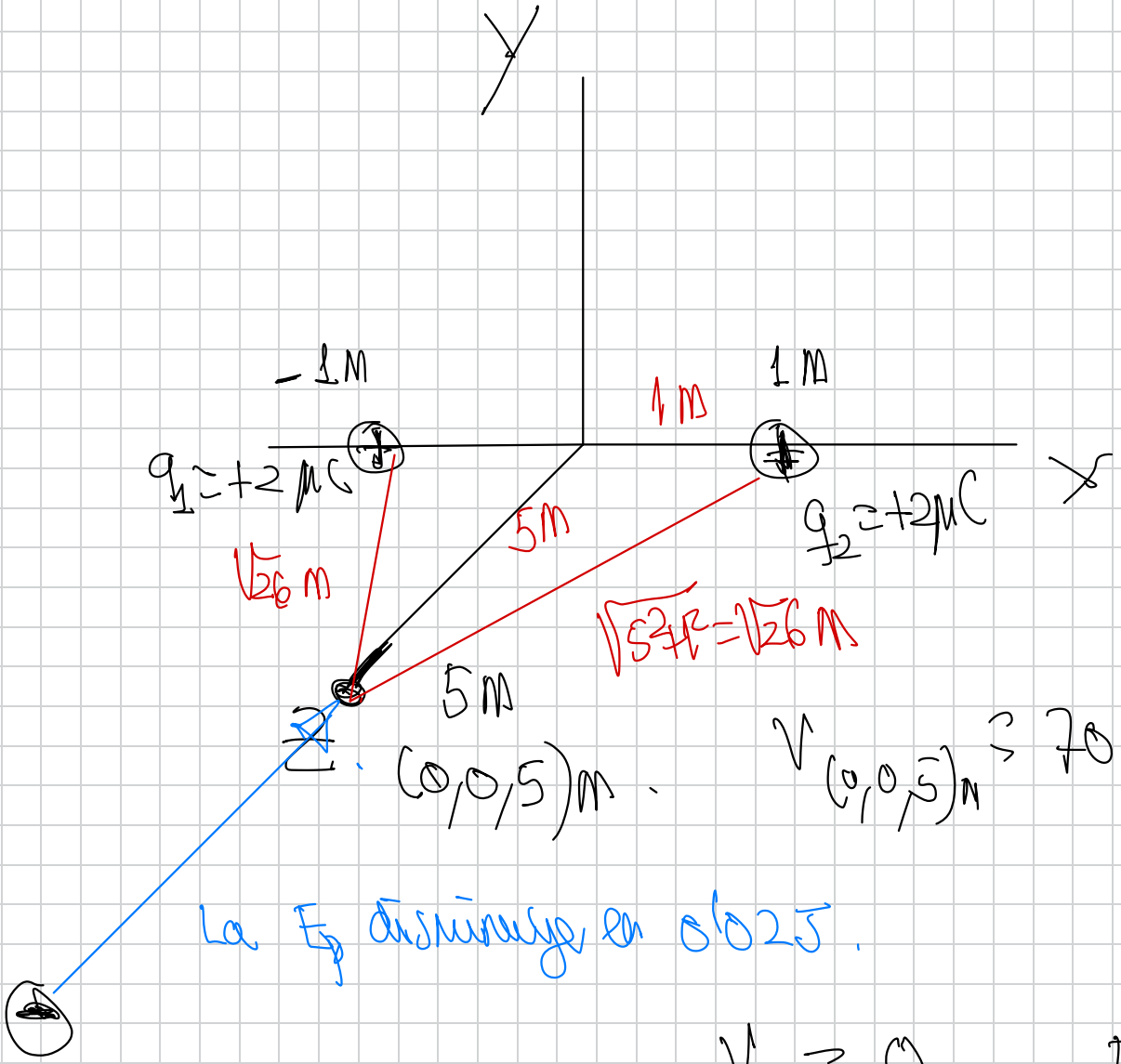




$$V = K \cdot \frac{q_1}{r} + K \cdot \frac{q_2}{r}$$

$$V = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6}}{\sqrt{26}} + 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-6}}{\sqrt{26}}$$

$$V_{(0,0,5)m} = 7060\ V.$$



$V_{(0,0,5)m} = 7060 V$

$E_{p(0,0,5)m} = q \cdot V_{(0,0,5)m}$

$E_{p(0,0,5)} = -3 \cdot 10^{-6} \cdot 7060 = -0'02 J$.

La E_p disminuye en $0'02 J$.

$V_\infty = 0$.

$E_{p\infty} = q \cdot V_\infty = 0$.

$\Delta E_{p\infty \to (0,0,5)m} = E_{p(0,0,5)} - E_{p\infty} = \boxed{-0'02 J}$

$$-\Delta E_{p\ \infty \to (0,05)} = W_{\infty \to (0,05)} = q \cdot (V_\infty - V_{0(05)})$$

$$-\Delta E_{p\ \infty \to (0,05)} = -3 \cdot 10^{-6} \cdot (0 - 7060)$$

$$\Delta E_{p\ \infty \to (0,05)} = 0{,}02\,J$$

$$\Delta E_{p\ \infty \to (0,05)} = -0{,}02\,J$$

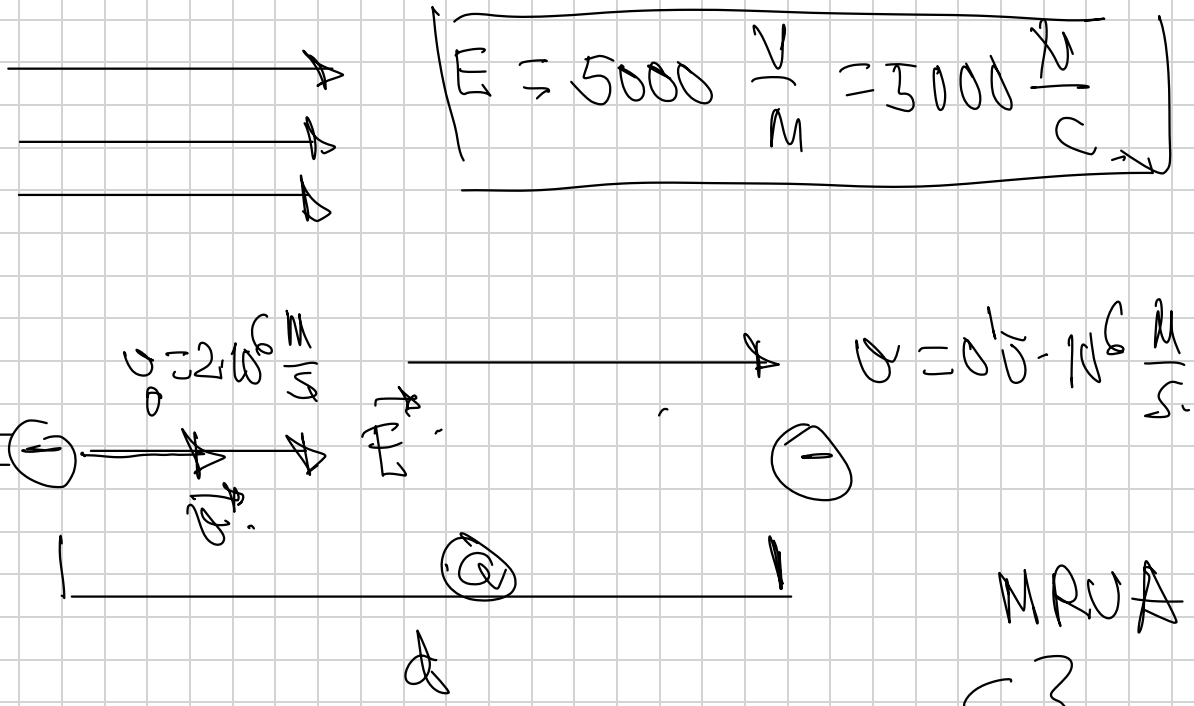
(15) Un electrón es lanzado con una velocidad de $2x10^6$ m/s paralelamente a las líneas de un campo eléctrico uniforme de 5000 V/m. Determine:

a) La distancia que ha recorrido el electrón cuando su velocidad se ha reducido a $0,5x10^6$ m/s.

b) La variación de la energía potencial que ha experimentado el electrón en ese recorrido.

Datos: Valor absoluto de la carga del electrón $e = 1,6x10^{-19}$ C

Masa del electrón $m_e = 9,1 \times 10^{-31}$ kg



$F_e = m \cdot a$

$|q| \cdot |\vec{E}| = m_e \cdot a$

$$a = \frac{|q| \cdot |\vec{E}|}{m_e} = \frac{1{,}6 \cdot 10^{-19} C \cdot 5000 \frac{N}{C}}{9{,}1 \cdot 10^{-31} kg} = 8{,}79 \cdot 10^{14} \frac{m}{s^2}$$

$$\boxed{\vec{a} = -8{,}79 \cdot 10^{14} \vec{i} \left(\frac{m}{s^2}\right)}$$

$$v = v_0 + a \cdot t$$

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2$$

$$\boxed{v^2 = v_0^2 + 2as}$$

$$v^2 - v_0^2 = 2 \cdot a \cdot s$$

$$s = \frac{v^2 - v_0^2}{2a} = \frac{(0{,}5 \cdot 10^6)^2 - (2 \cdot 10^6)^2}{2 \cdot (-8{,}79 \cdot 10^{14})} = 2{,}13 \cdot 10^{-3} m$$

b)

$$-\Delta E_{p\,A \to B} = W_{A \to B} = \Delta E_{c\,A \to B}$$

$$\Delta E_{p\,A\to B} = \frac{1}{2} m_e v_B^2 - \frac{1}{2} m_e v_A^2 .$$

$$\Delta E_{p\,A\to B} = \frac{1}{2} m_e \left(v_B^2 - v_A^2 \right) .$$

$$\Delta E_{p\,A\to B} = \frac{1}{2} 9{,}1 \cdot 10^{-31} \cdot \left((0{,}5 \cdot 10^6)^2 - (2 \cdot 10^6)^2 \right) J$$

$$\Delta E_{p\,A\to B} = -1{,}7 \cdot 10^{-18} J ,$$

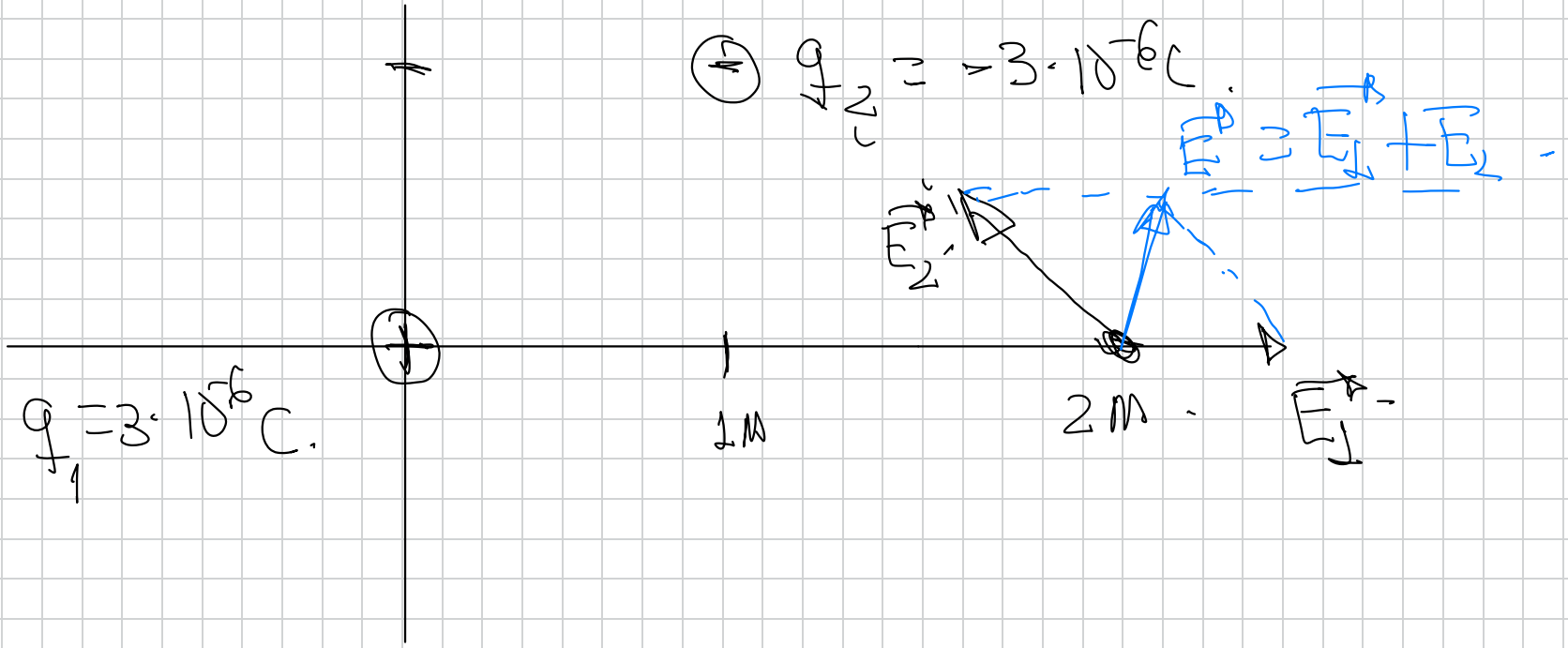
$$\Delta E_{p\,A\to B} = 1{,}7 \cdot 10^{-18} J$$

3 Una carga de $3 \cdot 10^{-6}$ C se encuentra en el origen de coordenadas y otra carga de $-3 \cdot 10^{-6}$ C está situada en el punto (1,1) m.

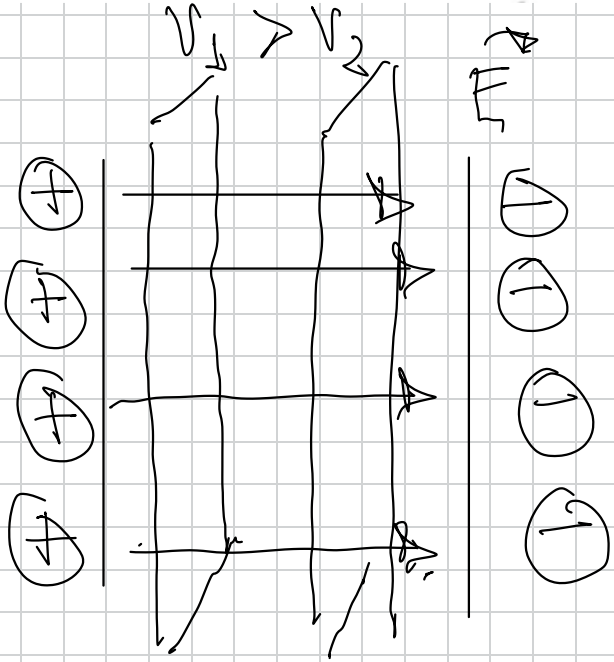
a) Dibuje en un esquema el campo eléctrico en el punto B (2,0) m y calcule su valor. ¿Cuál es el potencial eléctrico en el punto B?

b) Calcule el trabajo necesario para desplazar una carga de $10 \cdot 10^{-6}$ C desde el punto A (1,0) m hasta el punto B (2,0) m.

$K = 9 \cdot 10^{9}\ N\ m^2\ C^{-2}$

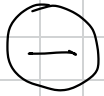


a) Razone si son ciertas las siguientes afirmaciones: i) En una región del espacio donde hay un campo electrostático uniforme el potencial electrostático es constante. ii) Si se deja una partícula con carga negativa en reposo en un campo electrostático se moverá hacia la dirección donde el potencial disminuye.



(2) Falsa, el potencial cambia.

ii)



$V_A > V_B$

Falsa.

$W_{A \to B} = q\,(V_A - V_B) < 0 \Rightarrow$ No espontáneo.

13 → B | PEVAU IV

Añadir los dos datos.

SELECTIVIDAD

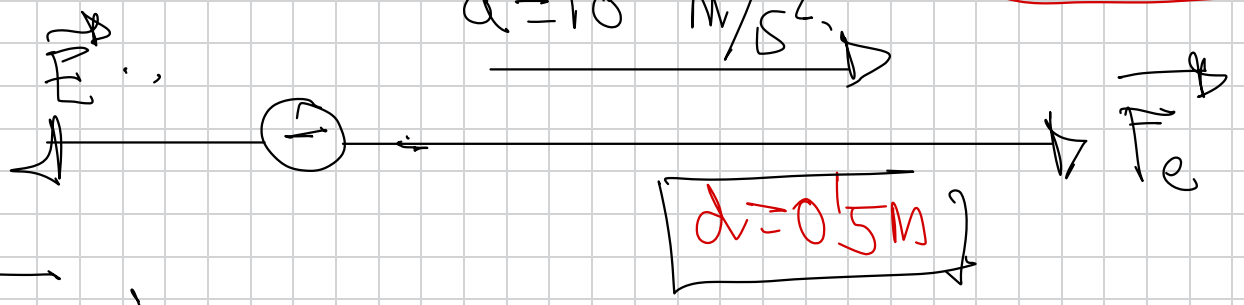
Un electrón, inicialmente en reposo, que está situado en el seno de un campo eléctrico uniforme adquiere una aceleración de $10^{12}\ m \cdot s^{-2}$, en sentido positivo del eje OX, por acción del campo. Obtenga razonadamente: i) el vector campo eléctrico; ii) el módulo de la velocidad y la energía cinética, a partir de consideraciones energéticas, cuando ha recorrido 0,5 m.

FISICA. 2025. RESERVA 2. EJERCICIO b2

interior.

$e = 1'6 \cdot 10^{-19} C$

$m_e = 9'1 \cdot 10^{-31} kg$



$\vec{E} = -5'69 \vec{i}\ (N/C)$

$F_e = m \cdot a$

$|q| \cdot |\vec{E}| = m_e \cdot a$

$E = \frac{m_e \cdot a}{|q|} = \frac{9'1 \cdot 10^{-31} \cdot 10^{12}}{1'6 \cdot 10^{-19} C} = 5'69\ N/C$

Ecte

$W_{A \to B} = \Delta E_{c \cdot A \to B}$

Fcte.

$|\vec{F_e}| \cdot |d| \cdot \cos 0° = E_{cB} - E_{cA}$ $\quad E_{cA} = \frac{1}{2} m v_A^2 = 0$

$E_{cB} = |q| |\vec{E}| \cdot d = 1{,}6 \cdot 10^{-19} \cdot 5{,}69 \cdot 0 \text{ J}$

$E_{cB} = 4{,}5 \text{ J} \cdot 10^{-19} \text{ J}.$

$E_{cB} = \frac{1}{2} m v_B^2 \qquad v_B = \sqrt{\frac{2E_c}{m_e}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 4{,}5 \text{ J} \cdot 10^{-19}}{9{,}1 \cdot 10^{-31}}}$

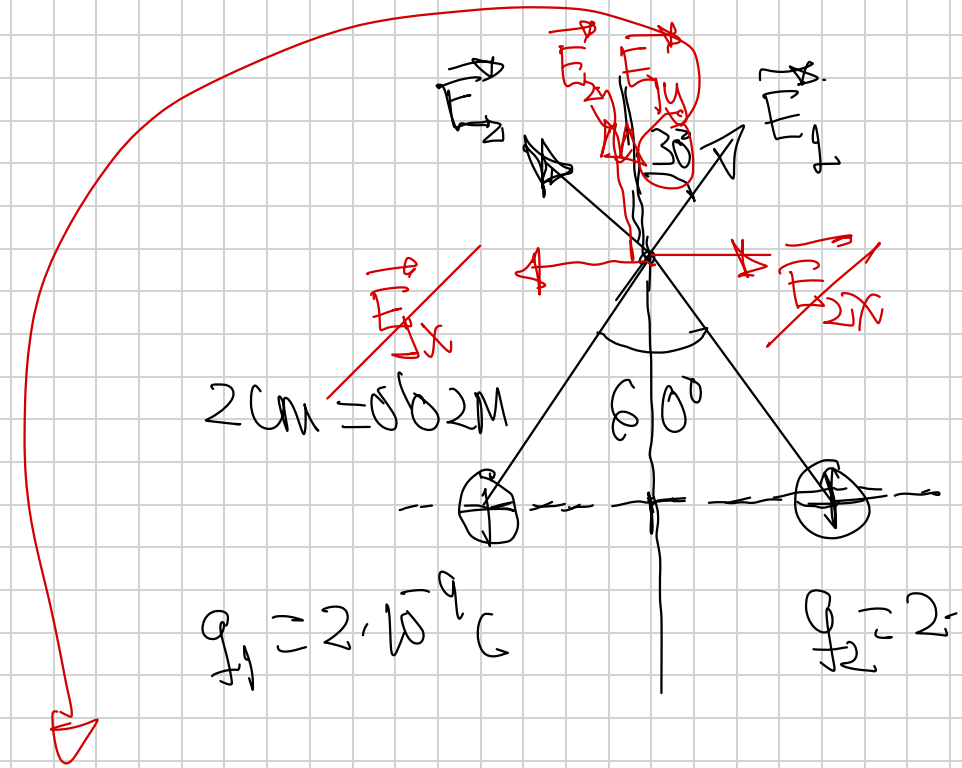
$v_B = 10^6 \text{ m/s}.$

(10) .- Dos cargas de 2 nC se sitúan en los vértices de la base de un triángulo equilátero de lado 2 cm que se encuentra situada sobre el eje de abscisas. El punto medio de la base está en el origen de coordenadas y el vértice superior en el semieje positivo de ordenadas. Determine:

a) El campo eléctrico y el potencial eléctrico creado por las cargas en el vértice libre.

b) La fuerza que las cargas positivas ejercerían sobre una carga de -2 nC situada en el vértice libre del triangulo.

Dato: Constante de la Ley de Coulomb, $K = 9 \cdot 10^9\ N\ m^2\ C^{-2}$.



$1\,mC = 10^{-3}\,C$

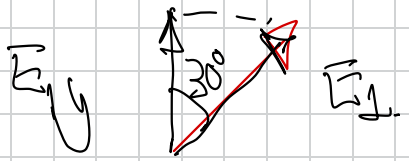
$1\,\mu C = 10^{-6}\,C$

$1\,nC = 10^{-9}\,C$

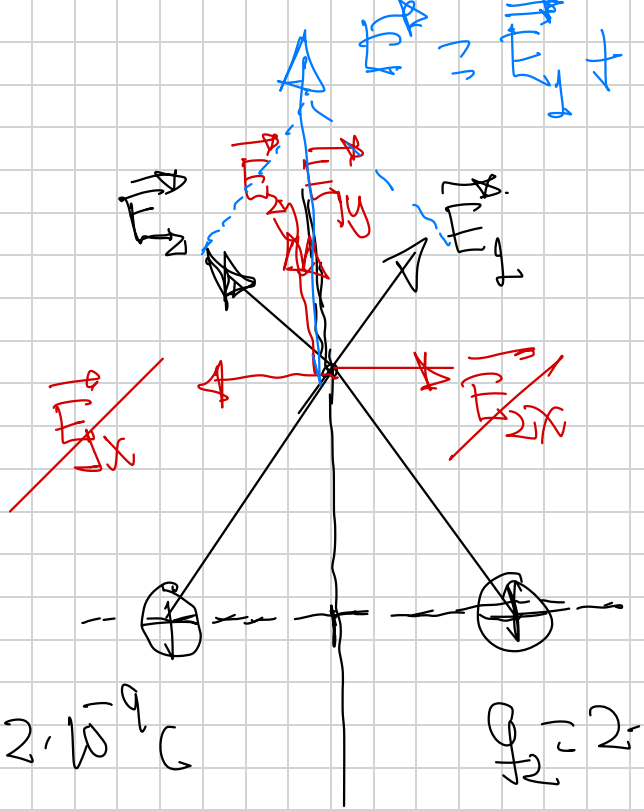
$1\,pC = 10^{-12}\,C$

$|\vec{E}_1| = K \cdot \frac{|q_1|}{r^2} =$

$= 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{2 \cdot 10^{-9}}{(0'02)^2} = 45 \cdot 10^3 \frac{N}{C}$



$\cos 30° = \frac{E_{1y}}{E_1}$; $E_y = E_1 \cdot \cos 30° = 45 \cdot 10^3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 38'97 \cdot 10^3 \frac{N}{C}$



$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$

$\vec{E} = \vec{E}_{1y} + \vec{E}_{2y}$

$\vec{E}_{1y} = 38{,}97 \cdot 10^3 \vec{j} \left(\frac{N}{C}\right)$

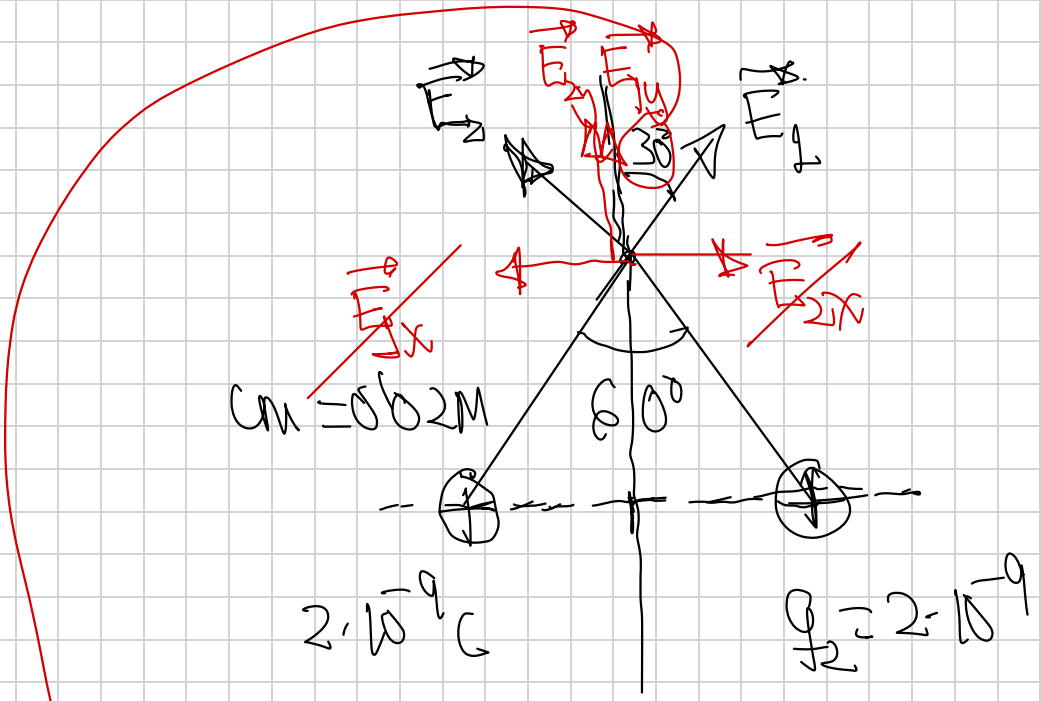
$\vec{E}_{2y} = 38{,}97 \cdot 10^3 \vec{j} \left(\frac{N}{C}\right)$

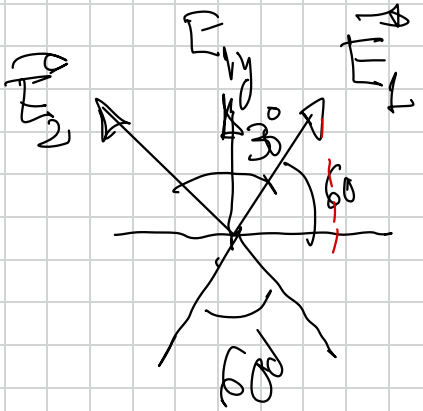
$\vec{E} = -77{,}94 \cdot 10^3 \vec{j} \left(\frac{N}{C}\right)$

$|\vec{E}| = 77{,}94 \cdot 10^3 \frac{N}{C}$

Jan K = cat questo

hipotenusa.





$\sin 30° = \frac{1}{2}$ $\quad \cos 30° = \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\sin 60° = \frac{\sqrt{3}}{2}$ $\quad \cos 60° = \frac{1}{2}$.

$\sin 60° = \frac{E_{1y}}{E_1}$.

$E_{1y} = E_1 \cdot \sin 60°$

$E_{1y} = 45 \cdot 10^3 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = \text{Sub} = \text{Qual}$.

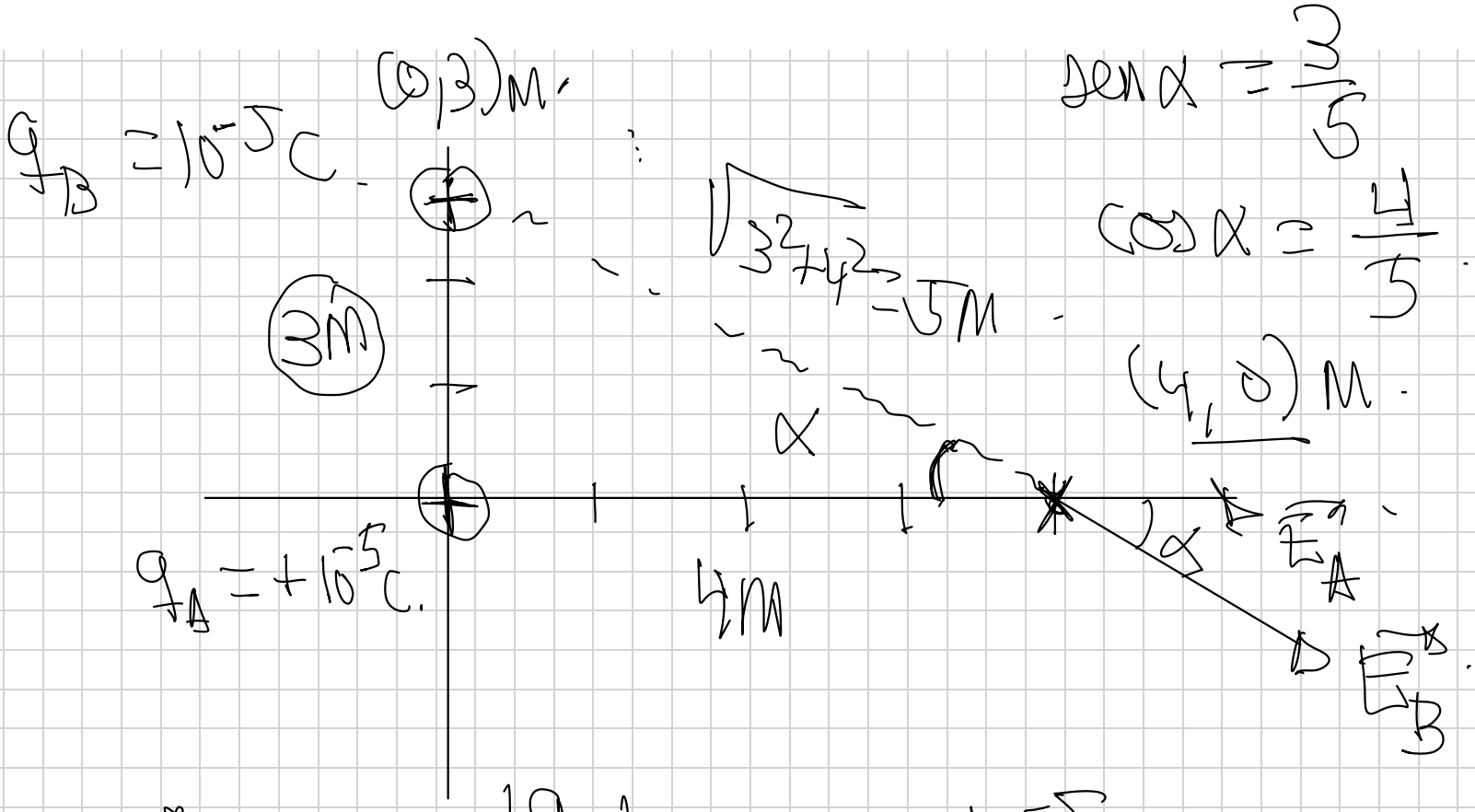
Pag 66.

41.- Dos cargas puntuales iguales de + 10^{-5} C, se encuentran en el vacío, fijas en los puntos A (0,0) m y B(0,3) m

a) Calcule el campo y el potencial electrostáticos en el punto C (4,0) m

b) Si abandonáramos otra carga puntual de + 10^{-7} C en el punto C (4,0) m, ¿cómo se movería?. Justifique la respuesta.

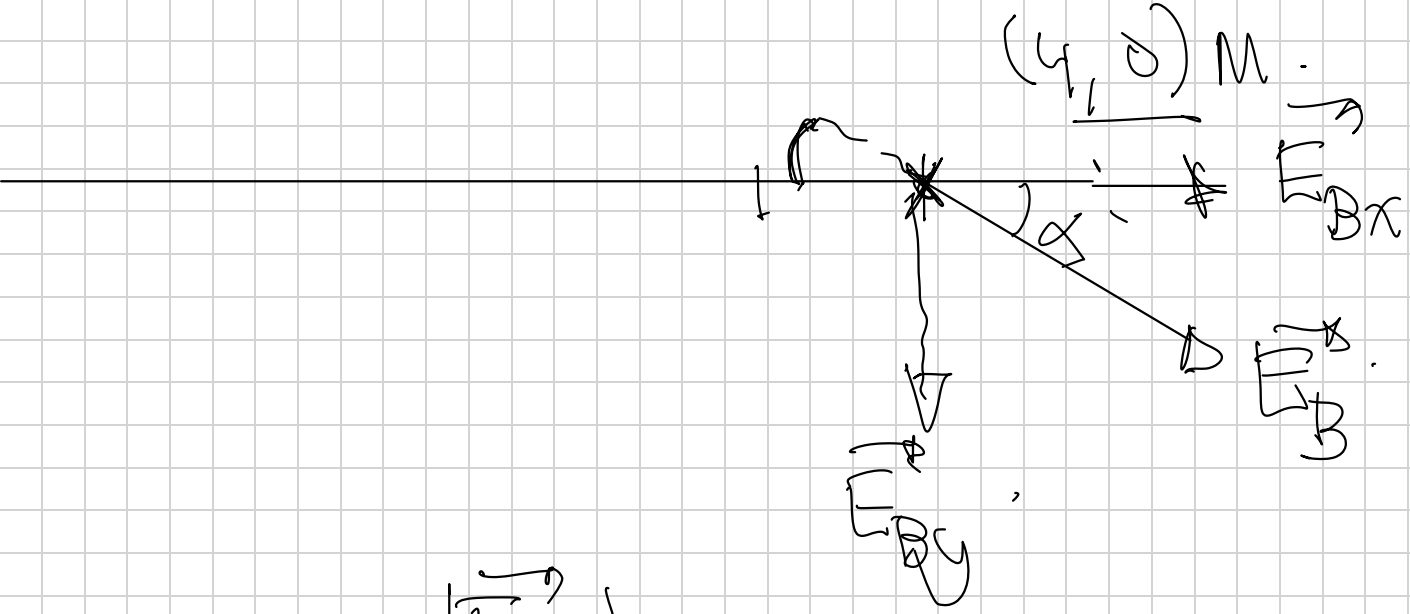
K=$9\cdot10^{9}$ N·m^2·C^{-2}



$\operatorname{sen}\alpha = \frac{3}{5}$

$\cos\alpha = \frac{4}{5}$

$|\vec{E}_B| = k \cdot \frac{|q_B|}{r^2} = 9\cdot10^9 \cdot \frac{10^{-5}}{5^2} = 3600 \frac{N}{C}$.



$$\sin\alpha = \frac{3}{5}$$

$$\cos\alpha = \frac{4}{5}$$

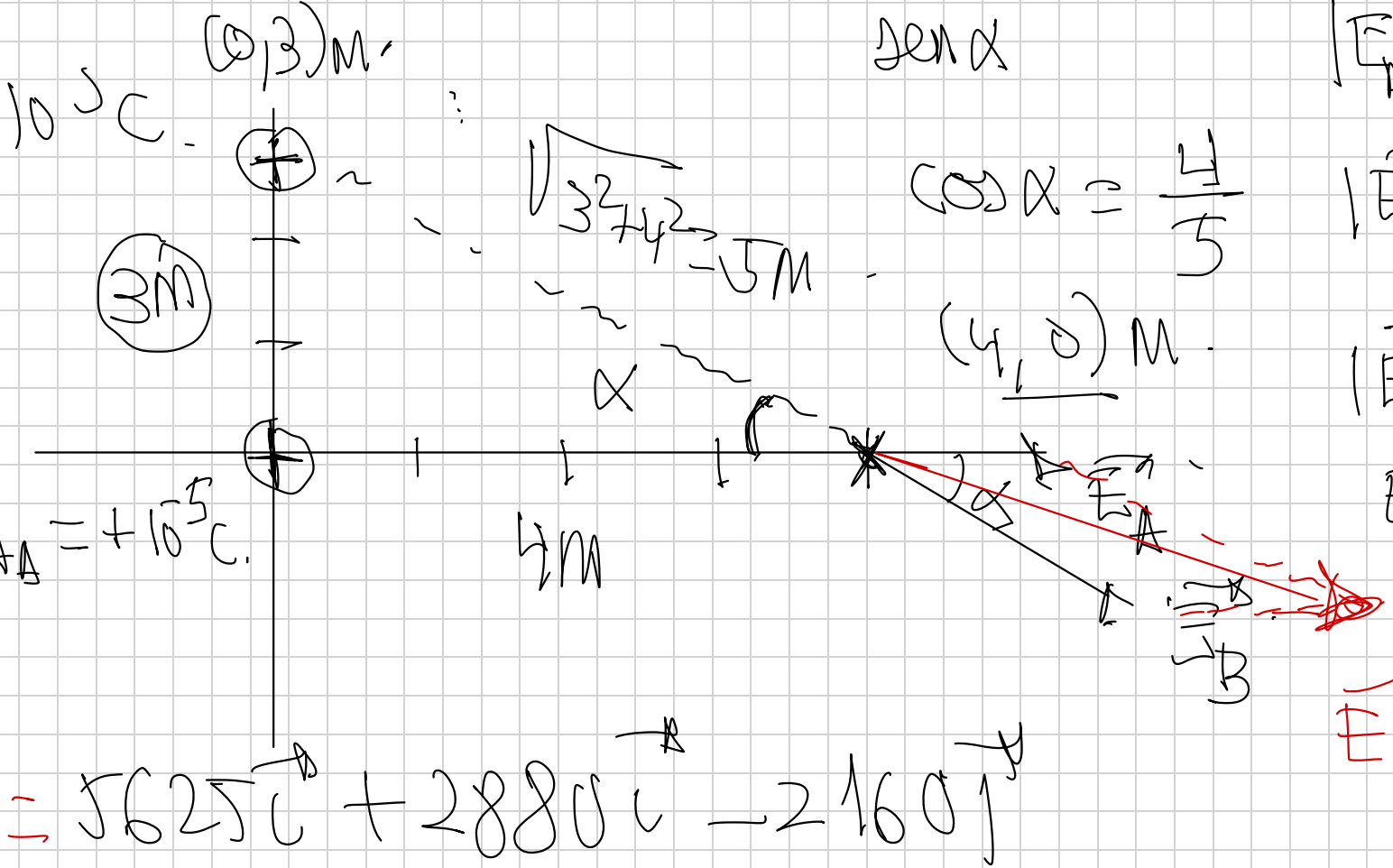
$$\sin\alpha = \frac{|\vec{E}_{By}|}{|\vec{E}_B|} \Rightarrow |\vec{E}_{By}| = |\vec{E}_B| \cdot \sin\alpha.$$

$$|\vec{E}_{By}| = 3600 \cdot \frac{3}{5} = 2160 \frac{N}{C}.$$

$$\cos\alpha = \frac{|\vec{E}_{Bx}|}{|\vec{E}_B|} \Rightarrow |\vec{E}_{Bx}| = |\vec{E}_B| \cdot \cos\alpha.$$

$$|\vec{E}_{Bx}| = 2160 \cdot \frac{4}{5} = 2880 \ \frac{N}{C}.$$

$$\vec{E}_B = 2880\,\vec{i} - 2160\,\vec{j} \ \left(\frac{N}{C}\right)$$



$$\operatorname{sen}\alpha$$

$$\cos\alpha = \frac{4}{5}$$

$$|\vec{E}_A| = K \cdot \frac{q_A}{r^2}$$

$$|\vec{E}_A| = 9 \cdot N^9 \cdot \frac{10^5}{4^2}$$

$$|\vec{E}_A| = 625 \ \frac{N}{C}.$$

$$\vec{E}_A = -625\,\vec{j} \ \left(\frac{N}{C}\right)$$

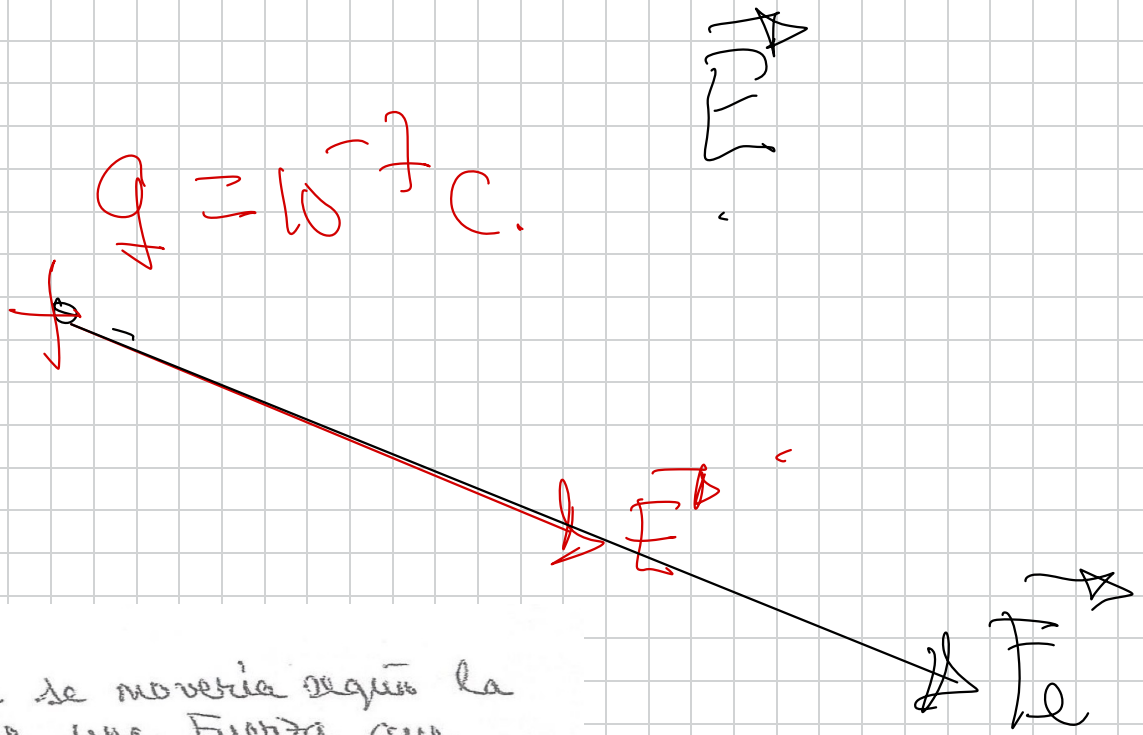
$$\vec{E} = \vec{E}_A + \vec{E}_B.$$

$$\vec{E} = -625\,\vec{j} + 2880\,\vec{i} - 2160\,\vec{j}$$

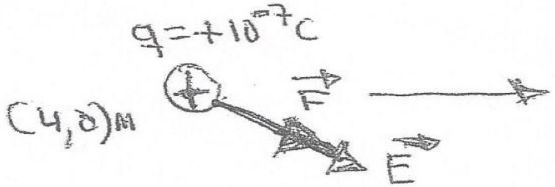
$$\vec{E} = 8505\,\vec{i} - 2160\,\vec{j}\ \left(\frac{N}{C}\right) \qquad |\vec{E}| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$|\vec{E}| = 8775\ \frac{N}{C}.$$

b)



b)



La fuerza que alija espontáneamente a esta carga positiva de las otras dos que crean el campo se puede calcular:

$$|\vec{F}| = |q| \cdot |\vec{E}| = 10^{-7}\,C \cdot 8775\,\frac{N}{C} = 8'775 \cdot 10^{-4}\,\frac{N}{C}$$

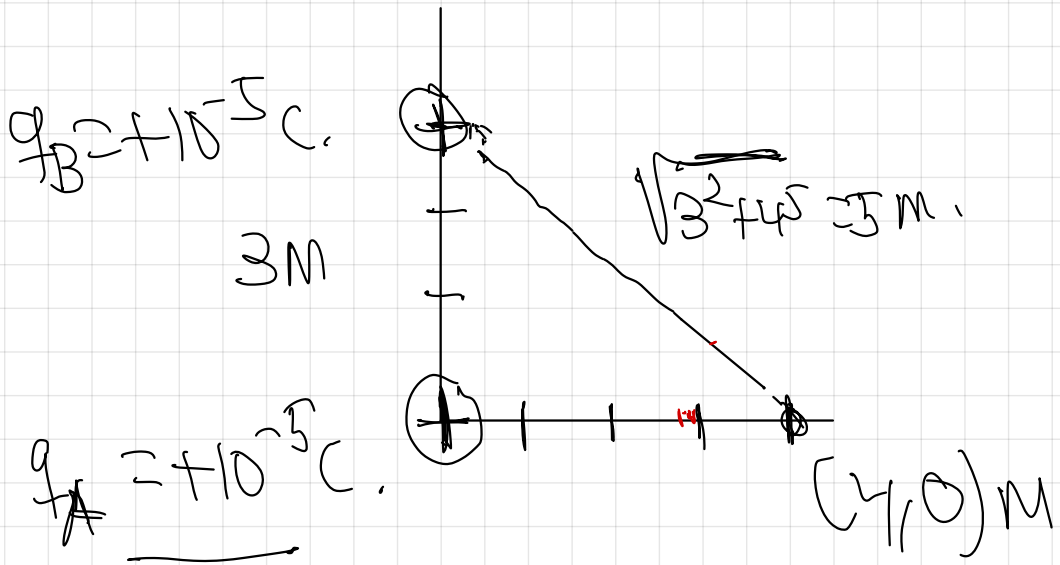
$$\vec{F} = q \cdot \vec{E} = 10^{-7}(8505\,\vec{i} - 2160\,\vec{j}) =$$

$$\vec{F} = 8'505 \cdot 10^{-4}\,\vec{i} - 2'160 \cdot 10^{-4}\,\vec{j}\ \left(\frac{N}{C}\right)$$

La carga se movería según la acción de una Fuerza que tendría la misma dirección y sentido que el campo eléctrico $\vec{E}$ calculado en a) debido a que las cargas positivas se mueven siguiendo la misma dirección y sentido que $\vec{E}$ (calculado con ese criterio) alejándose espontáneamente por acción de esta fuerza de las otras dos cargas positivas creadoras de campo

a)

Dentro del apartado a) pedía el potencial en el punto C(4,0)m.



$$V_{(4,0)M} = V_A + V_B = K \cdot \frac{q_A}{r_A} + K \cdot \frac{q_B}{r_B} = 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{+10^{-5}}{4} + 9 \cdot 10^9 \cdot \frac{+10^{-5}}{5}$$

$$V_{(4,0)M} = 22500\,V + 18000\,V = 40500\,V$$